

Se si fa l'ipotesi che tra due grandezze, x ed y , vi sia una relazione di tipo lineare,

$$y = A + B x$$

per verificare sperimentalmente questa ipotesi si può procedere seguendo quanto indicato qui di seguito.

Nelle equazioni riportate, x assume il ruolo di variabile indipendente (ovvero la variabile il cui valore viene scelto da chi svolge l'esperimento), mentre y assume il ruolo di variabile dipendente (ovvero la variabile il cui valore viene misurato dopo aver scelto il valore di x).

- raccogliere N coppie di valori $\{x_i, y_i\}$, $i = 1, \dots, N$, fissando in ciascun caso il valore della variabile indipendente, x_i , e misurando il corrispondente valore della variabile y_i
- riportare in grafico le N coppie di valori
- usando le relazioni (1) e (2) determinare quale sia il valore più probabile per i parametri A e B ed utilizzando le relazioni (5) e (6) ricavare una stima delle incertezze sui valori di tali parametri
- riportare sul grafico la retta ottenuta a partire dai valori di A e B calcolati al punto precedente

$$A = \frac{1}{\Delta} \left[\left(\sum_{i=1}^N x_i^2 \right) \cdot \left(\sum_{i=1}^N y_i \right) - \left(\sum_{i=1}^N x_i \right) \cdot \left(\sum_{i=1}^N x_i y_i \right) \right] \quad (1)$$

$$B = \frac{1}{\Delta} \left[N \cdot \left(\sum_{i=1}^N x_i y_i \right) - \left(\sum_{i=1}^N x_i \right) \cdot \left(\sum_{i=1}^N y_i \right) \right] \quad (2)$$

$$\Delta = N \sum_{i=1}^N x_i^2 - \left(\sum_{i=1}^N x_i \right)^2 \quad (3)$$

$$\sigma_y^2 = \frac{\sum_{i=1}^N [(A + B x_i) - y_i]^2}{N - 2} \quad (4)$$

$$\sigma_A = \sqrt{\sigma_y^2 \frac{\sum_{i=1}^N x_i^2}{\Delta}} \quad (5)$$

$$\sigma_B = \sqrt{\sigma_y^2 \frac{N}{\Delta}} \quad (6)$$