

# Materiali per il Prodotto Industriale

Università degli studi di Ferrara

Corso di laurea: Design del Prodotto Industriale

Professori: Alessandri Claudio, Mollica Francesco

Daide Andreetto, matricola 115632

# Indice

- 1 | ricerca vincoli**
- 2 | analisi statica**
- 3 | verifica di stabilità**
- 4 | torsione**

# carrello, vincolo semplice: $m=1$



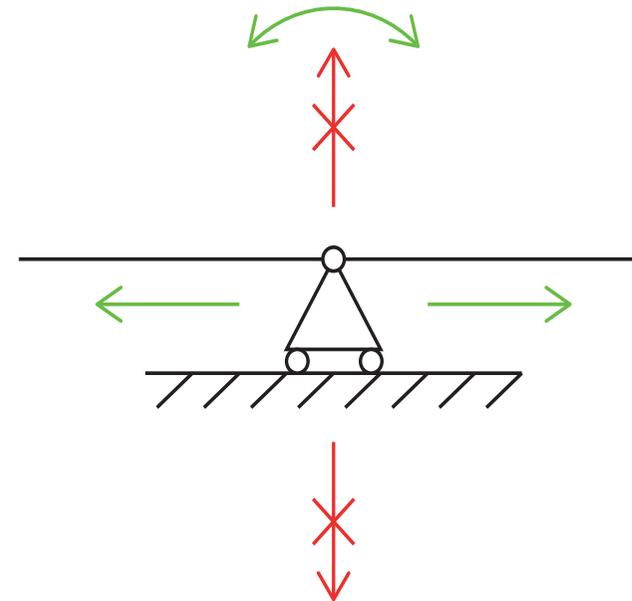
a destra:  
carrello elevatore



a destra:  
carrucola

Il carrello è un vincolo semplice che impedisce soltanto una componente di moto: permette la traslazione orizzontale e impedisce quella verticale, permette la rotazione del corpo attorno al punto vincolato.

Gradi di libertà: 2  
Gradi di vincolo: 1



# cerniera, vincolo doppio: $m=2$



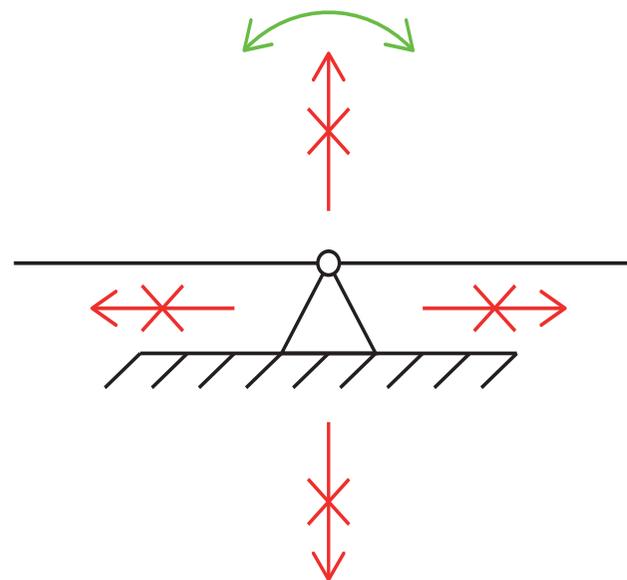
a destra:  
telefono cellulare

La cerniera è un vincolo doppio che impedisce due componenti di moto: impedisce la traslazione verticale e orizzantale, permette la rotazione del corpo attorno al punto vincolato.

Gradi di libertà: 1  
Gradi di vincolo: 2



a destra:  
altalena basculante



# pendolo, vincolo semplice: $m=2$



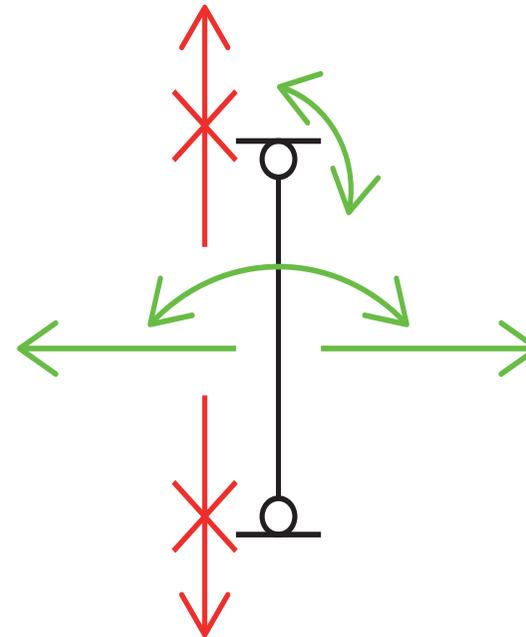
a destra:  
lampada a  
sospensione



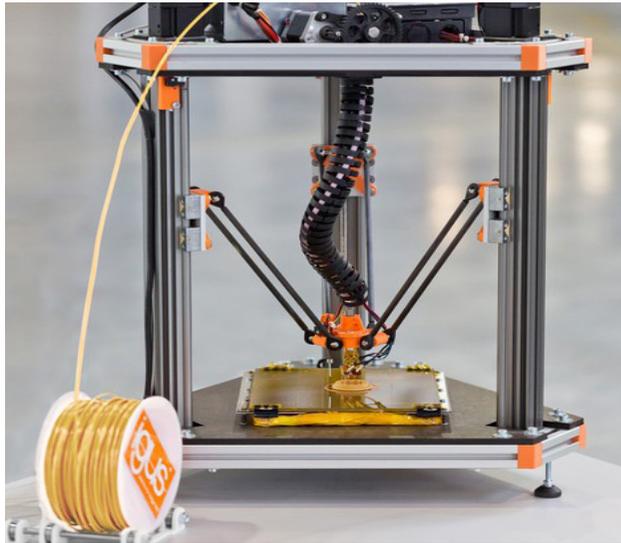
a destra:  
lampada snodabile

Il pendolo è un vincolo semplice che impedisce una componente di moto: impedisce la traslazione verticale, permette la rotazione del corpo attorno ai punti vincolati e la traslazione orizzontale.

Gradi di libertà: 2  
Gradi di vincolo: 1



# doppio pendolo, vincolo doppio: $m=2$



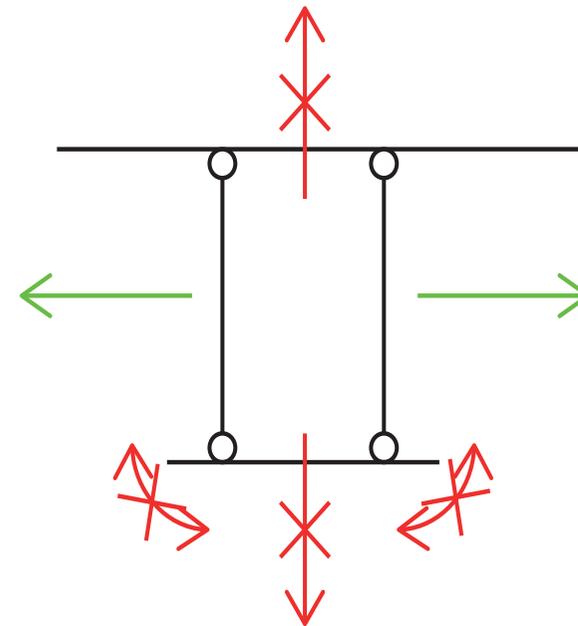
a destra:  
stampante 3d

Il doppio pendolo è un vincolo doppio che impedisce due componenti di moto: impedisce la traslazione verticale e la rotazione del corpo, permette la traslazione orizzontale.

Gradi di libertà: 1  
Gradi di vincolo: 2



a destra:  
altalena



# incastro, vincolo triplo: $m=3$



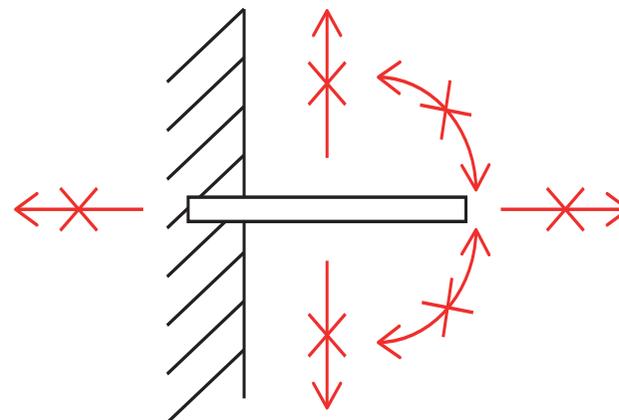
a destra:  
chiavetta usb



a destra:  
presa corrente

L'incastro è un vincolo triplo al corpo sia le due componenti di traslazione che la rotazione: impedisce dunque tutti i tipi di movimento.

Gradi di libertà: 0  
Gradi di vincolo: 3



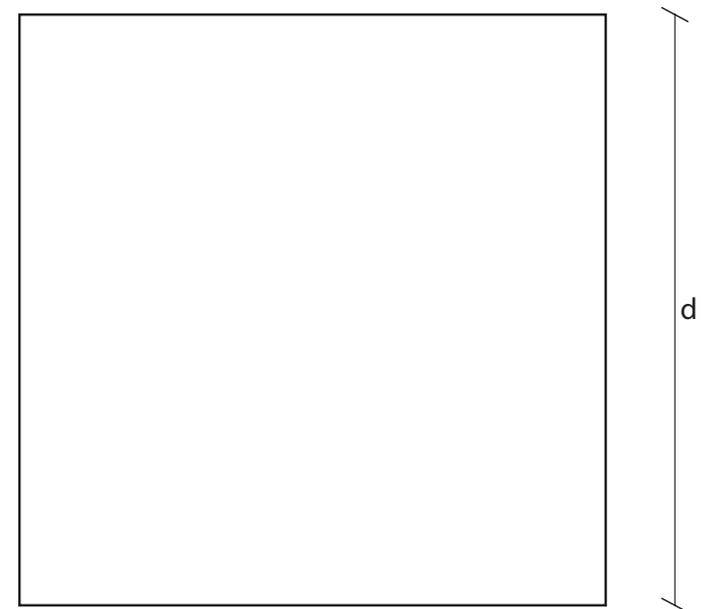
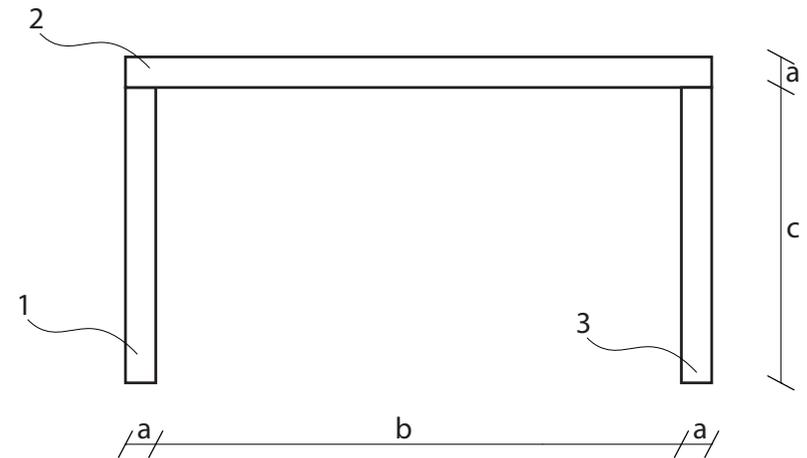
# Analisi statica più verifica

Per questo esercizio ho preso in considerazione il tavolo SMOKE di Cassina.  
La struttura è in vetro.

Caratteristiche tavolino:

$a = 1,5$  [cm]  
 $b = 97$  [cm]  
 $c = 42,5$  [cm]  
 $d = 100$  [cm]

peso specifico =  $0,0026$  [kg/cm<sup>3</sup>]



# Analisi statica più verifica

A lato il grafico delle reazioni vincolari relative alla seduta della poltroncina.

Viene applicata una forza  $F=100$  [kg]  
La lunghezza del piano  $L=100$  [cm]  
Lo spessore del piano  $h=1,5$  [cm]

La sigma di rottura del vetro:

$$\sigma_r=400 \text{ [kg/cm}^2\text{]}$$

$$M= (F \cdot L)/4 = (100 \cdot 100)/4 = 2500 \text{ [kg/cm]}$$

$$I_x= (b \cdot h^3)/12 = (100 \cdot 1,5^3)/12 = 14,63 \text{ [cm}^4\text{]}$$

$$\sigma= (M/I_x) \cdot (\pm(1/2) \cdot h) = (1300/14,63) \cdot (\pm 0,75) = 253,13 \text{ [kg/cm}^2\text{]}$$

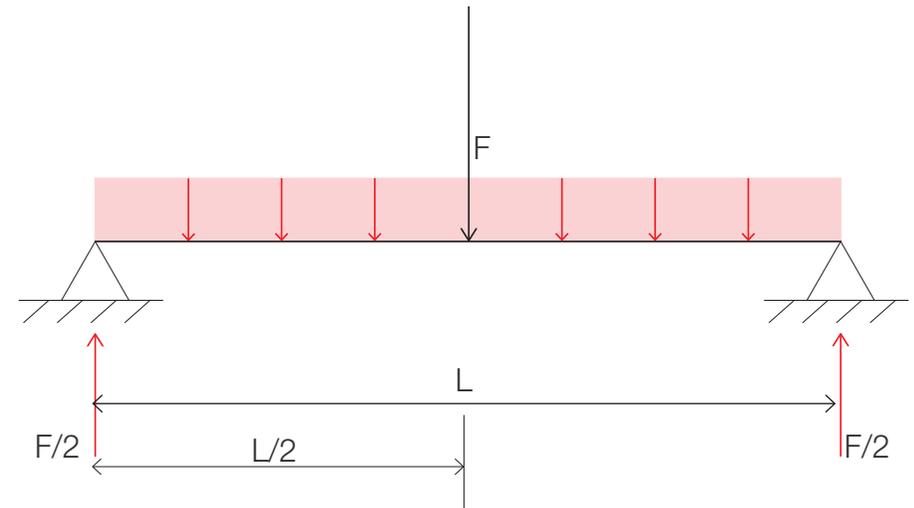
$$\sigma < \sigma_r$$

L'oggetto resiste al peso applicato quindi è verificato.

Calcolo forza caso limite:  $\sigma=\sigma_r= 400$  [kg]

$400= (M/I_x) \cdot (\pm(1/2) \cdot h)$  ricavo la  $M= (400 \cdot I_x)/(h/2)= (400 \cdot 14,63)/ 0,75= 7802,67$  [kg/cm]  
quindi

$7802,67= (F \cdot L)/4$  ricavo la  $F= (7802,67 \cdot 4)/100= 312,1$  [kg]



# Analisi statica più verifica

Calcolo il momento flettente massimo e il taglio:

$$M = (q \cdot l^2) / 8$$

dai 100kg applicati prima ricavo il carico per unità di misura (q):

$$q = P/l^2 = 100/10000 = 0.01 \text{ [kg/cm}^2\text{]}$$

$$q^* = q \cdot d = 0.01 \cdot 100 = 1 \text{ [kg/cm]}$$

ora ricavo il momento flettente:

$$M = (q^* \cdot l^2) / 8 = (1 \cdot 100^2) / 8 = 1250 \text{ [kg}\cdot\text{cm]}$$

e il taglio:

$$T = q^* \cdot (l / 2) = 1 \cdot (100/2) = 50 \text{ [kg]}$$

Calcolo la verticale massima (f) e l'angolo di rotazione:

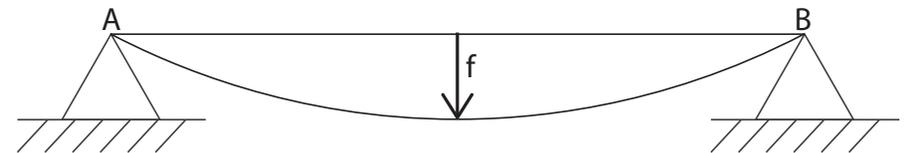
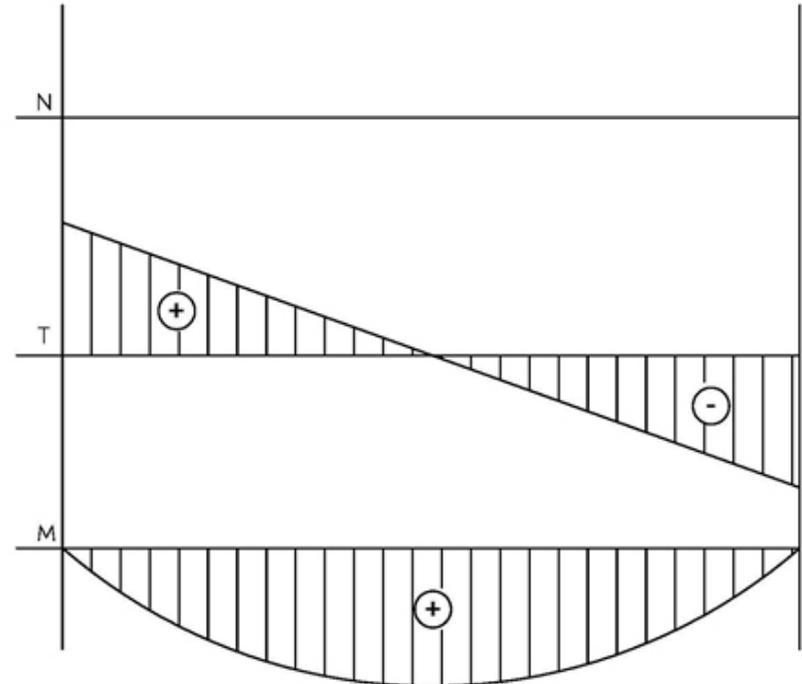
$$I = (b \cdot h^3) / 12 = (100 \cdot 1,5^3) / 12 = 28,13 \text{ [cm}^4\text{]}$$

$$\sigma = (M \cdot h/2) / I = (1250 \cdot 0.75) / 28,13 = 33,33 \text{ [kg/cm}^2\text{]}$$

$$\sigma < \sigma_r \quad E = 1937460 \text{ [kg/cm}^2\text{]}$$

$$f = (5/384) \cdot (q^* \cdot L^4 / (E \cdot I)) = 1,83 \text{ [cm]}$$

$$\varphi = (q \cdot L^3) / (24E \cdot I) = 0,00075$$



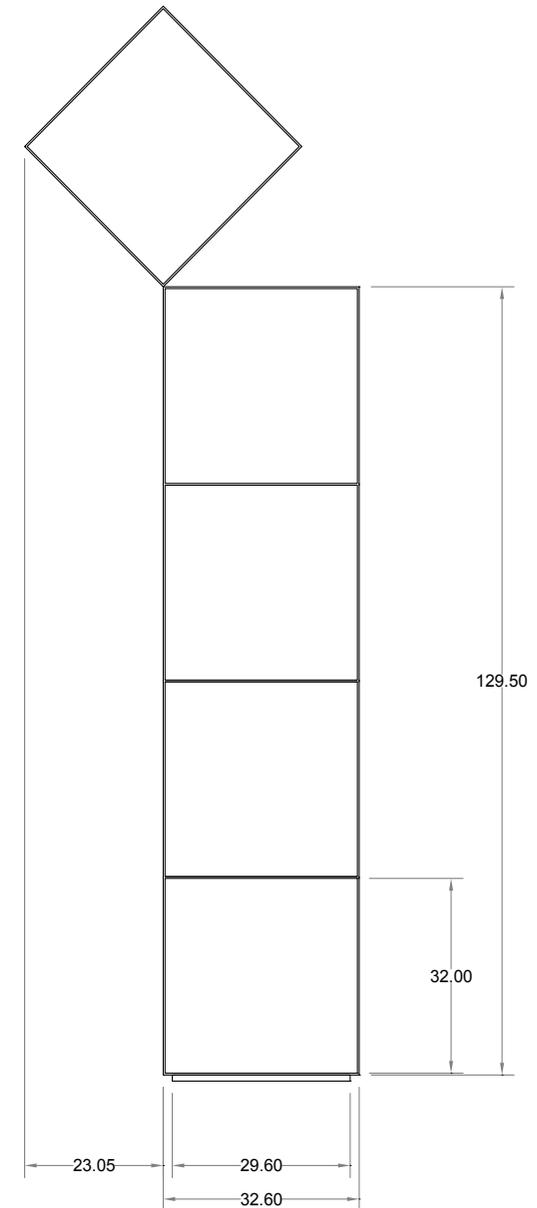
# verifica stabilità

Per questo esercizio ho preso in considerazione la libreria DROP di Nendo.

La struttura è composta da una sottile lamiera di metallo.

la libreria è profonda 32 cm

la lamina è spessa 0,3 cm



# verifica stabilità

Essendo la struttura formata da una sottile lamina metallica la divido in più forme semplici per il calcolo delle aree e dei baricentri

$$A1 = 29,60 \cdot 1 = 29,60 \text{ [cm}^2\text{]}$$

$$A2 = A3 = A4 = A5 = A6 = 32 \cdot 0,3 = 9,6 \text{ [cm}^2\text{]}$$

$$A7 = A8 = 129,5 \cdot 0,3 = 38,85 \text{ [cm}^2\text{]}$$

$$A9 = 32,6^2 - 32^2 = 38,76 \text{ [cm}^2\text{]}$$

$$A_{tot} = 29,60 + (9,6 \cdot 5) + (38,85 \cdot 2) + 38,76 = \\ = 194,06 \text{ [cm}^2\text{]}$$

Coordinate baricentri:

$$G1 = (39,35 ; 0,5)$$

$$G2 = (39,35 ; 1,15)$$

$$G3 = (39,35 ; 33,45)$$

$$G4 = (39,35 ; 65,75)$$

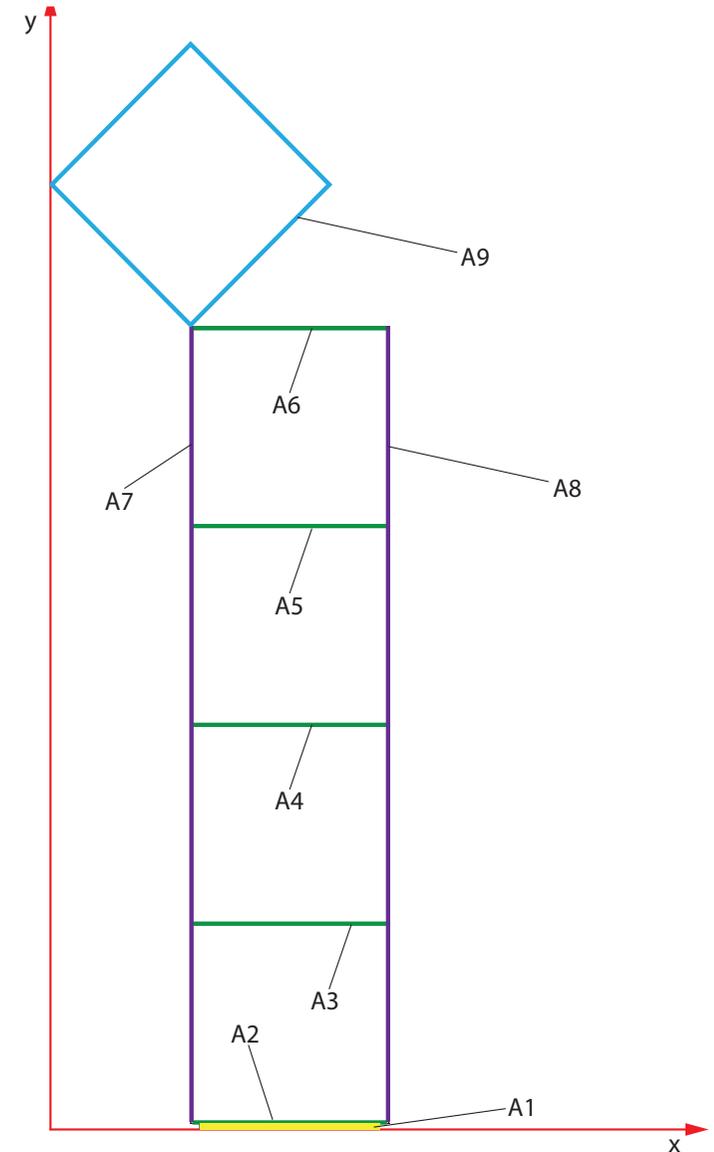
$$G5 = (39,35 ; 98,05)$$

$$G6 = (39,35 ; 130,35)$$

$$G7 = (23,2 ; 65,75)$$

$$G8 = (55,5 ; 65,75)$$

$$G9 = (23,05 ; 153,55)$$



# verifica stabilità

Calcolo baricentro totale

$$\begin{aligned} X_{G_{tot}} &= \frac{\sum A_i \cdot X_{Gi}}{A_{tot}} \\ &= \frac{(39,35 \cdot 29,60) + ((39,35 \cdot 9,6) \cdot 5) + (23,2 \cdot 38,85) + (55,55 \cdot 38,85) + (23,2 \cdot 38,76)}{203,66} \\ &= 34,76 \text{ [cm]} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} Y_{G_{tot}} &= \frac{\sum A_i \cdot Y_{Gi}}{A_{tot}} \\ &= \frac{(0,5 \cdot 29,6) + (1,15 \cdot 9,6) + (33,45 \cdot 9,6) + (65,75 \cdot 9,6) + (98,05 \cdot 9,6) \\ &\quad + (130,35 \cdot 9,6) + (33,45 \cdot 9,6) + ((65,75 \cdot 38,85) \cdot 2) + (153,55 \cdot 38,76)}{203,66} \\ &= 71,45 \text{ [cm]} \end{aligned}$$

G<sub>tot</sub> (34,75 ; 35,85)

Volume struttura:

$$V = A_{tot} \cdot \text{profondità} = 203,66 \cdot 32 = 6517,12 \text{ [cm}^3\text{]}$$

Peso totale struttura:

$$P = V \cdot \text{peso specifico} = 6517,12 \cdot 0,00787 = 51,3 \text{ [kg]}$$

# verifica stabilità

Applico una forza laterale di 20 [kg]

Calcolo Momento ribaltante e  
Momento stabilizzante:

$$M_r = F \cdot Y_{G_{tot}} = 20 \cdot 71,45 = 1429 \text{ [kg}\cdot\text{cm]}$$

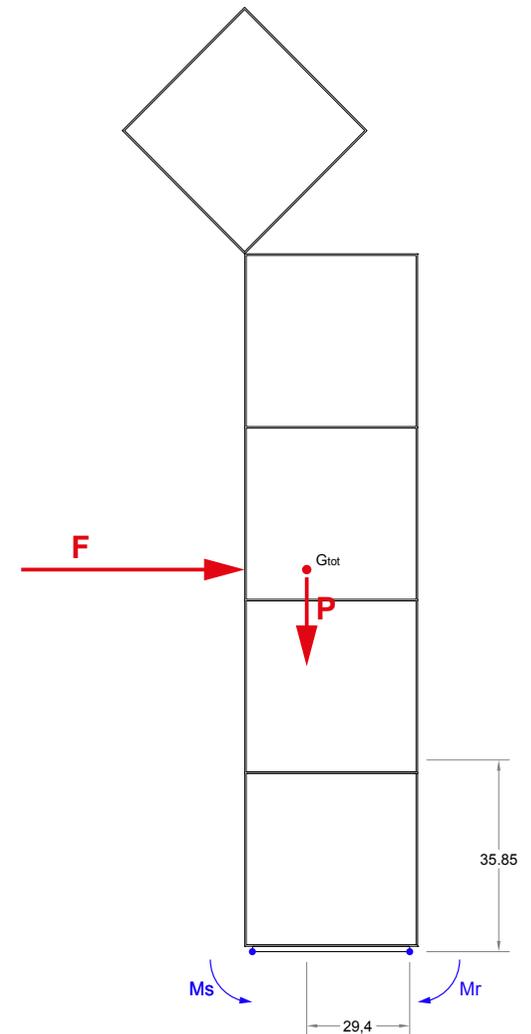
$$M_s = P \cdot L = 51,3 \cdot 29,4 = 1508,22 \text{ [kg}\cdot\text{cm]}$$

$M_s > M_r$  l'oggetto non si ribalta con la forza applicata

Calcolo caso limite :  $M_r = M_s$

$$M_s = 1508,22 \text{ [kg}\cdot\text{cm]} = M_r$$

Dovrei applicare una forza di 21,19 [kg]



# torsione

Per questo esercizio ho preso in considerazione la maniglia di una finestra.

Le sue caratteristiche sono:

$$a = 1,5 \text{ [cm]}$$

$$b = 10 \text{ [cm]}$$

$$c = 0,4 \text{ [cm]}$$

$$P = 20 \text{ [kg]}$$

Calcolo il momento torcente  $M_t$ :

$$M_t = P \cdot (a/2 + b/2) = 20 \cdot (0,75 + 5) = 115 \text{ [kg}\cdot\text{cm]}$$

$$\text{Calcolo } R_m = (a/2) - (c/2) = 0,75 - 0,2 = 0,55 \text{ [cm]}$$

$$\text{ricavo l'area } \Omega = \pi \cdot R_m^2 = 0,95 \text{ [cm}^2\text{]}$$

Il calcolo della tensione tangenziale  $\tau$ :

$$\tau = \frac{M_t}{2 \cdot \Omega \cdot c} = \frac{115}{2 \cdot 0,95 \cdot 0,4} = 151 \text{ [kg/cm}^2\text{]}$$

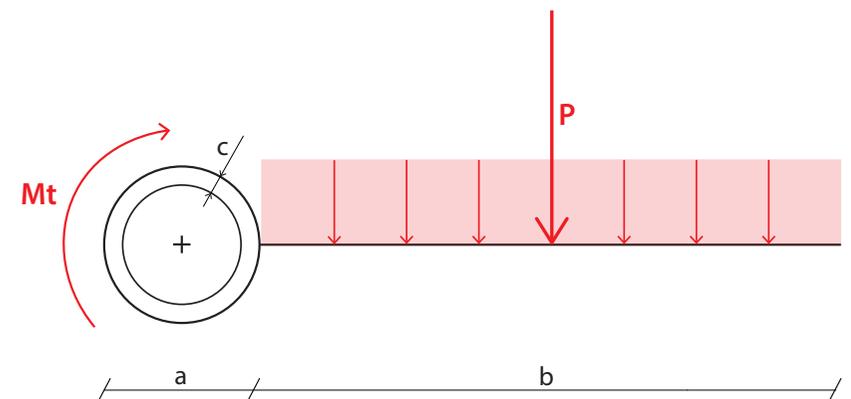
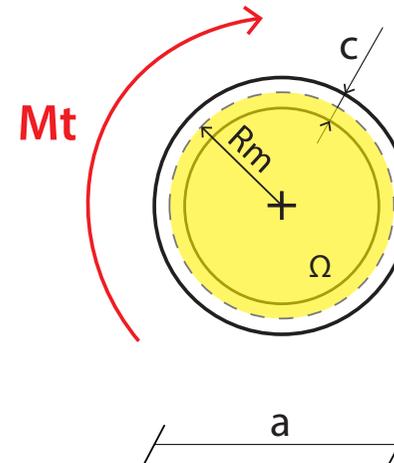
applico il teorema di Von Mises:

$$\sigma_{id} = \sigma_{eq} = \sqrt{\sigma_r^2 + 3\tau^2} = \sqrt{3\tau^2} < \sigma_{amm}$$

$$\sigma_{rottura} = 4300 \text{ [kg/cm}^2\text{]}$$

$$\sigma_{amm} = \sigma_r / 3 = 1433 \text{ [kg/cm}^2\text{]}$$

$$\sigma_{id} = \sqrt{3\tau^2} = \sqrt{3 \cdot 151^2} = 261 \text{ [kg/cm}^2\text{]} < \sigma_{amm}$$



# verifica equilibrio

Per questo esercizio ho preso in considerazione l'appendiabiti alta tensione di Enzo Mari.

composto in fe360

Calcolo snellezza dell'oggetto:

$$L_0 = 2l = 2 \cdot 170 = 340 \text{ [cm]}$$

$$I_{\min} = \pi \cdot R^4 / 2 = \pi \cdot 2^4 / 2 = 25 \text{ [cm}^4\text{]}$$

$$A = \pi \cdot R^2 = \pi \cdot 2^2 = 12,57 \text{ [cm}^2\text{]}$$

$$\rho = \sqrt{(I_{\min}/A)} = \sqrt{(25/12,57)} = 1,41 \text{ [cm]}$$

$$\lambda = L_0/\rho = 340/1,41 = 241,13 > 0 \text{ il corpo è snello}$$

ricavo la  $\omega$  da tabella  $\omega = 7,91$

applico un peso  $P = 40 \text{ [kg]}$

$\sigma_{\text{amm}} = 2100000 \text{ [Kg/cm}^2\text{]}$  per fe360

$$\sigma = (P/A) \cdot \omega = (40/12,57) \cdot 7,91 = 25,17 \text{ [Kg/cm}^2\text{]} \leq \sigma_{\text{amm}}$$

verifico la stabilità dell'oggetto:

$$N_{\text{cr}} = P_{\text{cr}} = (\pi^2 \cdot E \cdot I_{\min})/L^2 = (\pi \cdot 2100000 \cdot 25)/(170)^2 = 17929 \text{ [Kg]}$$

la stabilità è verificata poichè

$N < N_{\text{a}}$  stabile

