

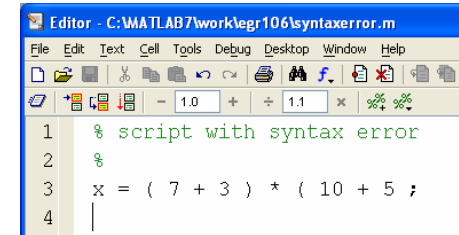
Funzioni

- Debugging
- Funzioni
 - Introduzione
 - Esempi ed applicazioni

1

Trovare gli Errori

- Errori di sintassi:



```

1 % script with syntax error
2 %
3 x = ( 7 + 3 ) * ( 10 + 5 ;
4 |
  
```

```

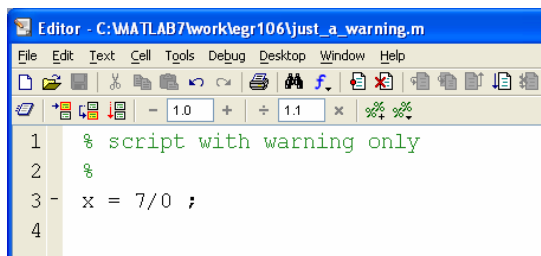
Command Window
??? Error: File: C:\MATLAB7\work\egr106\syntaxerror.m Line: 3 Column: 26
Incomplete or malformed expression or statement.
>>
  
```

Scritta rossa = brutte notizie

Ma ci dice dove!!!

2

- Errori a Run-time: Risultati inf o NaN



```

1 % script with warning only
2 %
3 x = 7/0 ;
4 |
  
```

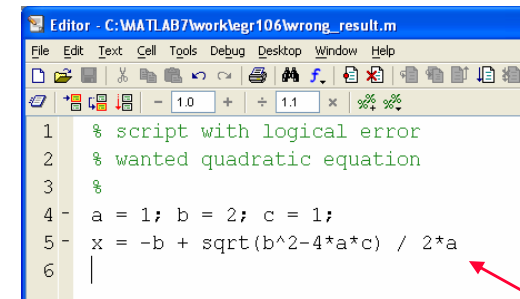
```

Command Window
Warning: Divide by zero.
> In just_a_warning at 3
>>
  
```

Scritta nera = ok, solo un avviso

3

- Errori logici – molto difficili da scovare
 - Esempio soluzione equazione di secondo grado



```

1 % script with logical error
2 % wanted quadratic equation
3 %
4 a = 1; b = 2; c = 1;
5 x = -b + sqrt(b^2-4*a*c) / 2*a
6 |
  
```

```

>> wrong_result
x =
    -2
  
```

- Ma $x^2+2x+1 = (x+1)^2 \rightarrow x = -1$

1. Provare con dati banali (verificabili a mano)
2. Visualizzare dati intermedi
3. Usare il debugger... (vedremo poi)

Mancano le parentesi attorno a 2*a

4

- **input:**

- Serve per trasferire dati alla funzione dal workspace
- Le variabili del Workspace non sono disponibili all'interno della funzione
 - Deve essere importato tutto ciò che serve
- Per più input:
 - Separati da virgole
 - L'ordine è importante
- Esempio di funzioni predefinite:
 - sum(x)** **plot(x,y)**

9

- **output:**

- Utilizzato per restituire al workspace i risultati della funzione
- **Output multipli:**
 - Separati da virgola, dentro quadre
 - L'ordine è importante!
- Le variabili di output devono essere assegnate!
- Esempio di funzioni predefinite con output:
 - y = sum(x)**
 - [value,location] = max(x)**

10

- Nota: le quadre alla sinistra di un assegnamento (=) funzionano solo per le funzioni!!!

[value,location] = max(x) OK

[value,location] = [1, 2] NO!!!

- L'output di default è il primo:

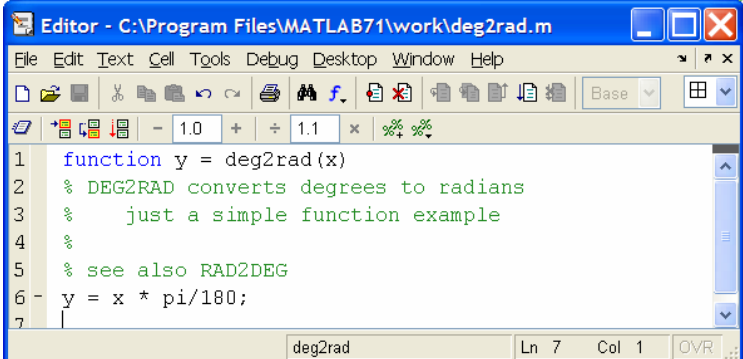
[value,location] = max(x)

value = max(x)

11

- **I commenti alla riga 2, ...:**

- Quando chiamiamo **lookfor** , cerca nella seconda riga del file
- I commenti nelle righe 2, 3, ... sono visualizzati quando chiamiamo **help nome**



```

Editor - C:\Program Files\MATLAB71\work\deg2rad.m
File Edit Text Cell Tools Debug Desktop Window Help
Base
- 1.0 + 1.1 x % %
1 function y = deg2rad(x)
2 % DEG2RAD converts degrees to radians
3 % just a simple function example
4 %
5 % see also RAD2DEG
6 y = x * pi/180;
7
deg2rad Ln 7 Col 1 OVR
  
```

12

Variabili: Locali e Globali

- Di solito le variabili sono disponibili in workspace (finché non vengono cancellate)
- Le funzioni creano le proprie variabili, distinte da quelle nel workspace, quindi:
 - Le funzioni non possono modificare le variabili del workspace (solo tramite output)
 - Eccezione – le variabili **globali** possono essere condivise da workspace e funzioni, e modificate da entrambi!

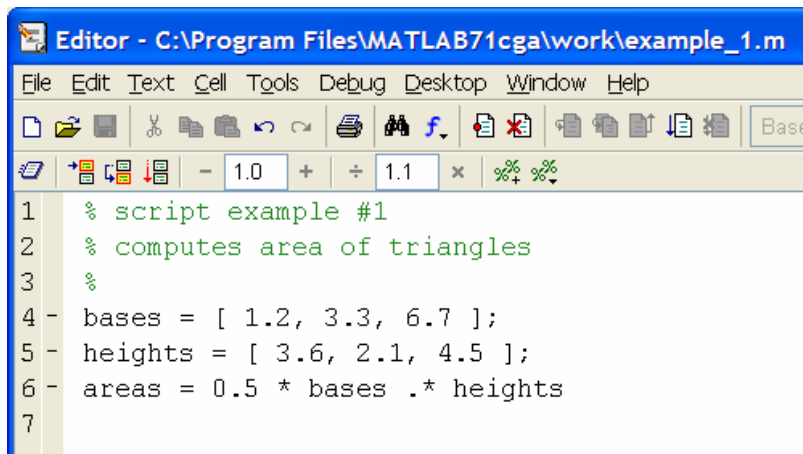
13

Un esempio di funzione

Avevamo fatto uno script per il calcolo dell'area del triangolo

- Prima uno script ...

14

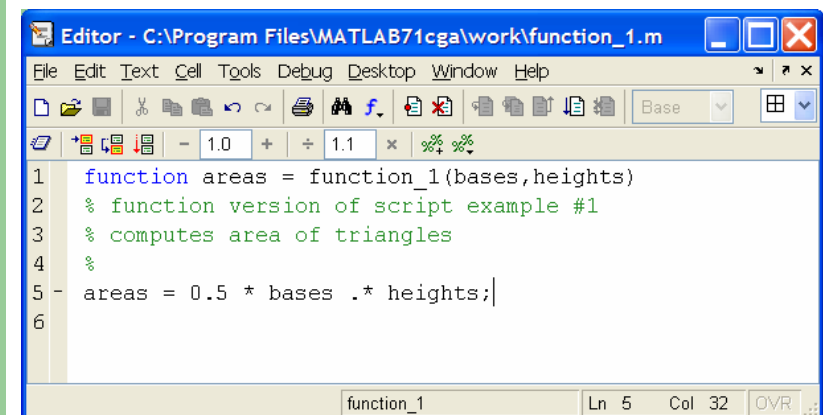


```

Editor - C:\Program Files\MATLAB71cga\work\example_1.m
File Edit Text Cell Tools Debug Desktop Window Help
1 % script example #1
2 % computes area of triangles
3 %
4 - bases = [ 1.2, 3.3, 6.7 ];
5 - heights = [ 3.6, 2.1, 4.5 ];
6 - areas = 0.5 * bases .* heights
7
  
```

15

•Adesso come funzione:



```

Editor - C:\Program Files\MATLAB71cga\work\function_1.m
File Edit Text Cell Tools Debug Desktop Window Help
1 function areas = function_1(bases,heights)
2 % function version of script example #1
3 % computes area of triangles
4 %
5 - areas = 0.5 * bases .* heights;
6
  
```

16

- Non ci interessa sapere i nomi delle variabili usate all'interno della funzione:

```
Command Window
>> function_1(3,4)

ans =

     6

>> function_1([ 3 3 ],[ 4 5])

ans =

    6.0000    7.5000

>>
```

17

- Possiamo aggiungere un secondo output (opzionale), per il calcolo del perimetro:

```
Editor - C:\Program Files\MATLAB71cga\work\triangle.m*
File Edit Text Cell Tools Debug Desktop Window Help
[Icons] Stack: Base
- 1.0 + ÷ 1.1 x %%%
1 function [area,peri] = triangle(b,h)
2 % TRIANGLE(B,H) computes the area and perimeter
3 % of a right triangle with base B and height H
4 area = 0.5 * b.*h;
5 peri = b + h + sqrt(b.^2+h.^2);
6
```

18

- Una funzione può usare funzioni che vengono definite nello stesso file, di seguito.
- Non sono visibili all'esterno!

```
Editor - C:\Program Files\MATLAB71cga\work\testprob.m
File Edit Text Cell Tools Debug Desktop Window Help
[Icons] Base
- 1.0 + ÷ 1.1 x %%%
1 function testprob
2 % function file to show stacking of functions
3 angle = 0:90;
4 y = cos(deg2rad(angle));
5 z = tan(deg2rad(angle));
6 plot(angle,y,angle,z)
7
8 function y = deg2rad(x)
9 % DEG2RAD converts degrees to radians
10 % just a simple function example
11 %
12 % see also RAD2DEG
13 y = x * pi/180;
```

19

Errori tipici

```
1 function y = deg2rad(x)
2 % DEG2RAD converts degrees to radians
3 % just a simple function example
4 %
5 % see also RAD2DEG
6 y = x * pi/180;
```

```
>> deg2rad ← Pochi input
??? Input argument "x" is undefined.
```

```
Error in ==> deg2rad at 6
y = x * pi/180;
```

20

```

>> deg2rad(60,30) ← Troppi input
??? Error using ==> deg2rad
Too many input arguments.

>> [a,b] = deg2rad(60) ← Troppi output
??? Error using ==> deg2rad
Too many output arguments.

>> deg2rad('bob') ← Input di tipo
                    errato! (viene
                    comunque un
                    risultato!)

ans =

    1.7104    1.9373    1.7104

```

21

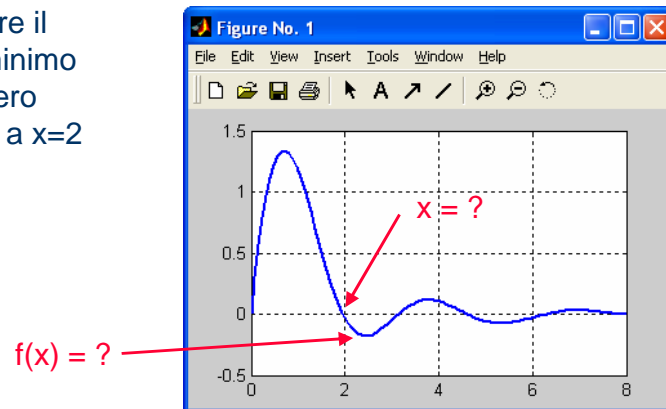
Differenze tra functions e script

- La prima riga di un file .m distingue functions da scripts!!
 - Function con nome e parametri ingresso/uscita
 - Script senza niente
- Visibilità delle variabili
 - Lo script vede le variabili del workspace e viceversa
 - La function ha le sue variabili e i valori di input
- Possibilità di definire sottofunzioni

22

Funzione $f(x) = 2e^{-x}\sin(x) + e^{-x/2}\sin(2x)$

- Trovare il suo minimo e lo zero vicino a $x=2$



23

Matlab ha la soluzione

- Creiamo una funzione $f(x)$ in un m-file

```

C:\MATLAB7\work\fun.m
File Edit Text Cell Tools Debug Desktop Window Help
1 function y = fun(x)
2 y = 2*exp(-x).*sin(x) + exp(-x/2).*sin(2*x);
3

```

24

- Per lo zero: `fzero('fun',a)`
- Per il minimo: `fminbnd('fun',a,b)`

```
>> fzero('fun',2)           >> fminbnd('fun',0,4)
ans =
    1.9563
>> fun(ans)
ans =
    5.5511e-017

ans =
    2.4413
>> fun(ans)
ans =
   -0.1786
```

25

Trovare gli zeri di una funzione

Si può usare la funzione `fzero` per ottenere gli zeri di una funzione di una sola variabile, indicata da x .

Una forma di sintassi é:

```
fzero('function', x0)
```

dove `function` è una stringa, contenente il nome della funzione, e `x0` è un'ipotesi di zero fornita dall'utente.

La funzione `fzero` trova uno zero di `function` in prossimità di `x0`. Inoltre identifica solo i punti in cui la funzione attraversa l'asse x , non i punti di tangenza!

Per esempio, `fzero('cos',2)` restituisce 1.5708.

26

Utilizzare `fzero` con funzioni definite dall'utente

Per utilizzare `fzero` per trovare gli zeri di una o più funzioni complicate, bisogna definire la funzione in un file.

Per esempio, se $y = x + 2e^{-x} - 3$, definiamo il seguente file-funzione

```
function y = f1(x)
y = x + 2*exp(-x) - 3;
```

(continua ...)

27

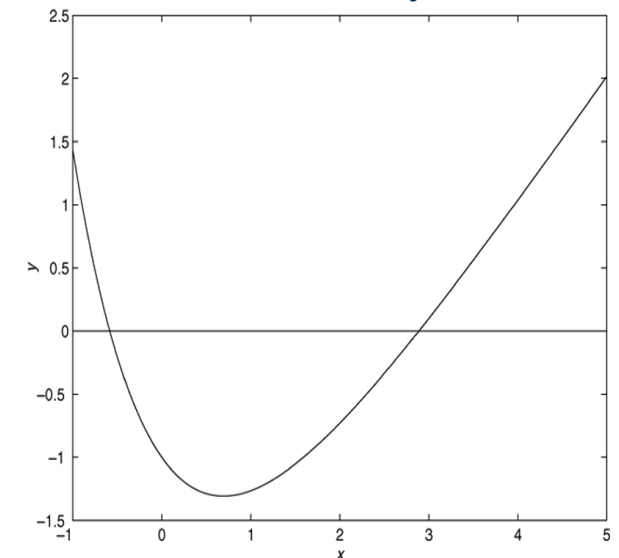
Grafico della funzione $y = x + 2e^{-x} - 3$.

C'è uno zero vicino a

$x = -0.5$

Ed un altro vicino a

$x = 3$.



(continua ...)

28

Esempio (segue)

Per avere un valore più preciso dello zero vicino a $x = -0.5$, digitiamo

```
>>x = fzero('f1',-0.5)
```

Otterremo $x = -0.5881$.

29

Minimo di una funzione

La funzione `fminbnd` trova il minimo di una funzione in una sola variabile, indicata con x .

Una forma di sintassi è:

```
fminbnd('function', x1, x2)
```

dove `function` è una stringa contenente il nome della funzione.

La funzione `fminbnd` restituisce un valore di x che minimizza `function` nell'intervallo $x1 \leq x \leq x2$.

Per esempio `fminbnd('cos',0,4)` restituisce 3.1416.

30

Utilizzare `fminbnd` con funzioni definite dall'utente

Per utilizzare `fminbnd` bisogna definire la funzione da minimizzare in un file. Per esempio, per $y = 1 - xe^{-x}$, definiremo il seguente file-funzione:

```
function y = f2(x)
y = 1-x.*exp(-x);
```

Per minimizzare y per $0 \leq x \leq 5$, digitiamo

```
>>x = fminbnd('f2',0,5)
```

Il risultato è $x = 1$. Per sapere il minimo valore di y , digitiamo `y = f2(x)`. Otteniamo $y = 0.6321$.

31

Una funzione può avere uno o più *minimi locali* ed un solo *minimo globale*.

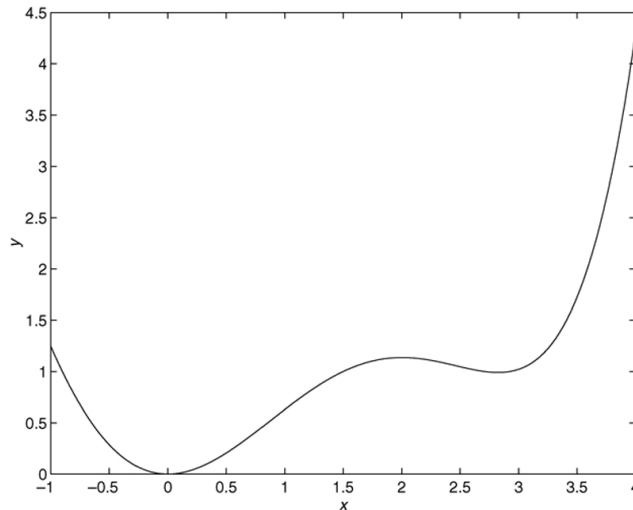
Se l'intervallo che stiamo considerando per la variabile indipendente non contiene il minimo globale, `fminbnd` non lo troverà.

`fminbnd` può trovare un minimo corrispondente ad un estremo dell'intervallo.

32

Funzione $y = 0.025x^5 - 0.0625x^4 - 0.333x^3 + x^2$.

Questa funzione ha un minimo locale ed uno globale. Nell'intervallo $[1,4]$ il minimo è al confine, in $x = 1$.



33

Funzioni con più di una variabile

Per trovare il minimo di una funzione con più di una variabile, si utilizza la funzione `fminsearch`. Una forma di sintassi è:

```
fminsearch('function', x0)
```

dove `function` è una stringa contenente il nome della funzione. Il vettore `x0` è un'ipotesi di minimo fornita dall'utente.

34

Per minimizzare la funzione $f = xe^{-x^2 - y^2}$, per prima cosa la definiamo in un file funzione, con il parametro di input `x` i cui elementi sono $x(1) = x$ e $x(2) = y$.

```
function f = f4(x)
f = x(1).*exp(-x(1).^2-x(2).^2);
```

Ipotezziamo che il minimo sia vicino a $x = y = 0$. La sessione sarà:

```
>>fminsearch('f4',[0,0])
ans =
    -0.7071    0.000
```

Quindi il minimo è nel punto $x = -0.7071$, $y = 0$.

35