# TECNICHE DI CONTROLLO MULTIVARIABILE

- Implementazione dello schema di controllo Sliding-Mode



#### Tracking robusto del pendolo

Modello del sistema:

$$\dot{x_1} = x_2$$

$$\dot{x_2} = -\frac{g}{R}\sin x_1 - \frac{B}{MR^2}x_2 + \frac{u}{MR^2}$$

$$x_1 = \theta$$
  $x_2 = \dot{\theta}$   $u = \tau$ 

 $\theta_d$  Traiettoria desiderata

ightharpoonup B non nota con precisione:  $B = \hat{B} \pm \Delta B$ 

$$f(x) = -\frac{g}{R}\sin x_1 - \frac{B}{MR^2}x_2$$
  $\hat{f}(x) = -\frac{g}{R}\sin x_1 - \frac{\hat{B}}{MR^2}x_2$ 

$$\hat{f}(x) = -\frac{g}{R}\sin x_1 - \frac{\hat{B}}{MR^2}x_2$$

$$\left| f - \hat{f} \right| \le \frac{\Delta B}{MR^2} |x_2| = F(x)$$



### Stabilizzazione robusta del pendolo

- ▶ Superficie di Sliding:  $s = \dot{e} + \lambda e$
- ▶ Ingresso che rende invariante la superficie (i.e.  $\dot{s} = 0$ ):

$$\dot{s} = \ddot{e} + \lambda \dot{e} = -\frac{g}{R} \sin x_1 - \frac{B}{MR^2} x_2 + \frac{u}{MR^2} - \ddot{\theta_d} + \lambda \dot{e}$$

$$\dot{s} = 0 \iff u = MR^2 \left( -f + \dot{\theta_d} - \lambda \dot{e} \right) \implies \hat{u} = MR^2 \left( -\hat{f} + \dot{\theta_d} - \lambda \dot{e} \right)$$

Ingresso che rende attrattiva la superficie

$$u = \hat{u} - k \mathrm{sign}(s)$$

con  $k > F + \eta$  la superficie viene raggiunta in un tempo  $T < \frac{|s(0)|}{\eta}$ 



#### Script di inizializzazione

```
%% Parametri pendolo

g = 9.81;

M = 1;

R = 0.5;

B = 0.8; % valore nominale

dB = 0.3; % incertezza

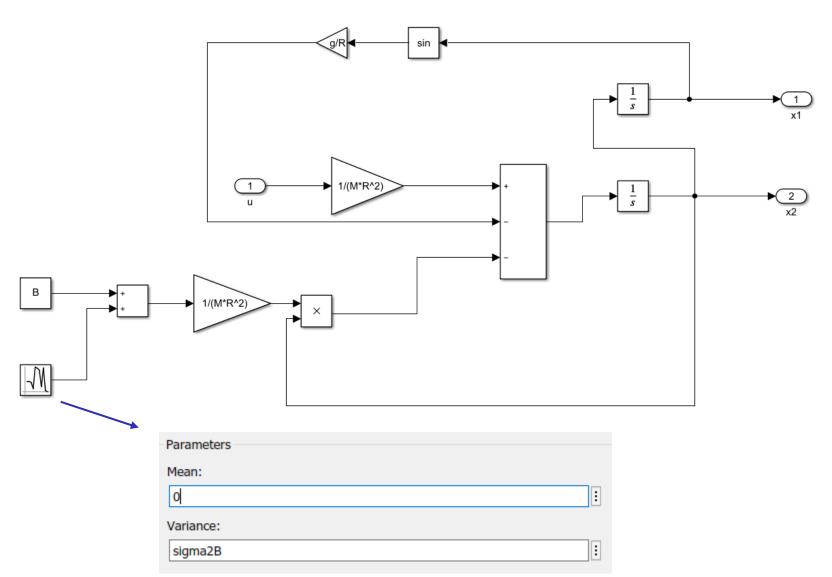
x0 = [0.1;-0.2];
```

```
%% incertezza parametri
sigma2B = dB^2;

%% Parametri di progetto
lambda = 3;
fi = 0.01; % boundary-layer
k = 100;
```

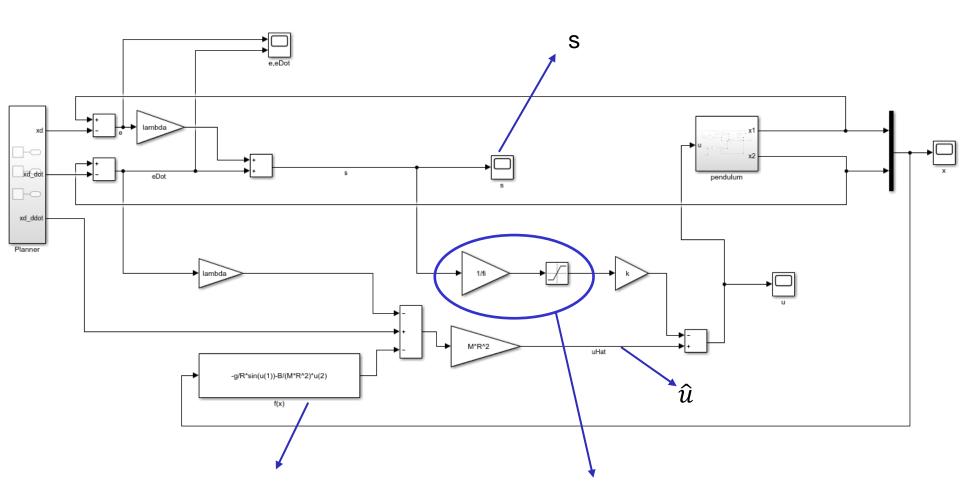


## Modello del pendolo con parametro incerto





## Schema di controllo complessivo



Blocco 'interpreted Matlab function'

Introduzione boundary-layer:  $sign(s) \leftarrow sat(\frac{s}{\phi})$ 

## Risultati tracking

