# Meccanica delle Strutture

# Introduzione al corso AA 2012/2013

Ing. Elena Benvenuti

## Situazione attuale

#### Corso da 9 crediti che include

- A. 6 crediti per chi ha già seguito Analisi non Lineare delle Strutture e deve registrare "Meccanica e non Linearita' delle Strutture" e deve seguire la parte del corso che riguarda il programma del vecchio corso di Meccanica delle strutture
- B. 6 crediti per chi ha "Meccanica delle Strutture" nel piano degli studi e deve seguire la parte del corso che riguarda il programma del vecchio corso di Meccanica delle strutture
- C. 9 crediti per chi deve seguire una summa del programma dei vecchi corsi di "Analisi non Lineare" e "Meccanica delle strutture"

# Situazione attuale

#### Corso da 9 crediti che include chi

- A. Frequenta una parte delle lezioni
- B. Frequenta una parte delle lezioni
- C. Frequenta tutte le lezioni

#### **1ABC- Premesse**

- Richiami di teoria dell'elasticità.
- Introduzione ai metodi agli E.F.

#### **2ABC- Problemi piani:**

- Pb. piani di tensione (lastre caricate nel piano, travi parete..)
- Pb. Piani di deformazione
- Pb. Assialsimmetrici

#### **3ABC-** Lastre inflesse o piastre

- Teorie di Love-Kirchhoff e di Reissner- Mindlin
- Elementi finiti di piastra (plate and shell)

#### **4ABC-Lastre curve**

- Membrane curve (cupole)
- Lastre curve di rivoluzione (serbatoi, silos)

- 5C Comportamento dei materiali elastoplastici. Teoria della plasticità e leggi di flusso associate. Il postulato della dissipazione massima e i materiali elastoplastici standard. Ipotesi di comportamento rigido plastico. Il teorema statico ed il teorema cinematico dell'analisi limite.
- 6C Il modello di cerniera plastica e la determinazione del moltiplicatore di collasso per i sistemi di trave. Analisi limite di problemi in stato piano di tensione e di deformazione.

- 7C Richiami della teoria della stabilità dell'equilibrio elastico. Instabilità flesso torsionale. Problemi euleriani e non. Instabilità di lastre caricate nel proprio piano.
- 9C interazione fra plasticità e stabilità dell' equilibrio: formula di Rankine-Merchant.

Obiettivi formativi: Conoscere e applicare modelli teorici relativi a continui bidimensionali, a superficie media piana e curva in regime membranale e flessionale.

Comprendere il comportamento delle strutture al di là dei carichi di esercizio; con riferimento principalmente a strutture metalliche essere in grado di valutare, sia manualmente che con l'utilizzo di programmi di calcolo, i moltiplicatori di collasso di strutture intelaiate e bidimensionali ed inoltre essere in grado di valutare i carichi critici Euleriani di travi e strutture intelaiate.

Prerequisiti: Conoscenze di base dell'analisi differenziale e della scienza delle costruzioni

## Orari delle lezioni

Lezione Lunedì alle 11-13,30 : Teoria

Martedì alle 8,30- 11: Teoria\esercitazione

Giovedi' alle 14-16,30: Teoria\esercitazione

Esercitazione calcolatore con l'ing. Nicola Ponara (nicola.ponara@unife.it)

Attrezzatevi con portatile, ciabatte e prese!

# Planner del corso





# Planner del corso





# Planner del corso



## Riferimenti bibliografici

- 1. L.Corradi dall'Acqua, Meccanica delle strutture, vol.2 McGraw-Hill.
- 2. O. Belluzzi, Scienza delle Costruzioni, vol.3 Zanichelli
- 3. B. Szabo, I. Babuska, F.E. Analysis J. Wiley
- 4. K.J. Bathe, F.E. Procedures Prentice-Hall
- 5. P. Pozzati, C. Ceccoli "Teoria e Tecnica delle Strutture" UTET
- 6. F. Leonhardt, E. Manning "C.a& c.a.p. calcolo di progetto e tecniche costruttive" vol. 1 ed. Scienza e Tecnica
- 7. S. Timoshenko, G. Woinosky-Krieger "Plate & shells" McGraw Hill

## Riferimenti bibliografici

• L. Corradi dell' Acqua "Meccanica delle strutture",vol. III: La valutazione della capacità portante", McGraw-Hill, 1994.

Capitolo 1: Analisi incrementale di strutture elastoplastiche, pp. 1-35
Capitolo 2: Analisi limite di sistemi di travi, pp. 1-20
Capitolo 3: Analisi limite in presenza di sollecitazioni composte e stati di sollecitazione pluri-assiali, pp. 1-20

 L. Gambarotta, L. Nunziante, A. Tralli "Scienza delle Costruzioni", McGraw-Hill,
 2003 (Capitolo 7: Resistenza e stabilità delle strutture, pp. 485-582)

## Riferimenti bibliografici

- D. Ferretti, I. Iori, M. Morini "La stabilità delle strutture : Il caso delle strutture in cemento armato", McGraw-Hill, 2002 (Capitolo 4: L'analisi agli elementi finiti nell'instabilità delle strutture in c.a., pp. 127-189, Capitolo 5: Procedimenti risolutivi nell'analisi non lineare agli elementi finiti, pp. 193-229)
- -AA.VV. "Manuale dell' Ingegneria civile, vol. II: Scienza delle costruzioni", Zanichelli, 2001.
  - M. Capurso, F. Laudiero, A. Tralli "Analisi limite delle strutture"
  - M. Como "Stabilità dell'equilibrio"
  - -R. Baldacci, G. Ceradini, E. Giangreco "Plasticità" Italsider, vol Ila 1971.G. Ceradini "Parte I: Fondamenti generali"; M. Capurso "Parte II: Elasto-plasticità delle strutture

## **ESAMI**

L'esame consiste in:

**Gruppi A,B:** 

- 1 una prova orale
- 2 un'esercitazione al calcolatore di Meccanica delle Strutture

### **ESAMI**

L'esame consiste in:

**Gruppo C:** 

- 1 una prova orale
- 2 un'esercitazione al calcolatore di Meccanica delle Strutture
- 3 un'esercitazione al calcolatore di Analisi non Lineare

### **Materiale didattico**

Teoria: Slides in formato pdf da stampare prima della lezione e scaricabili al sito (vecchio link del corso precedente)

www.unife.it/lm.civile/insegnamenti/meccanicadelle-strutture

## **ESAMI**

Fisso appelli ufficiali + altri appelli su appuntamento per gruppi di persone in numero >= 2

Priorità a chi si deve laureare a breve

Scrivetemi per email <u>elena.benvenuti@unife.it</u> e ci mettiamo d'accordo

## **FAQs**

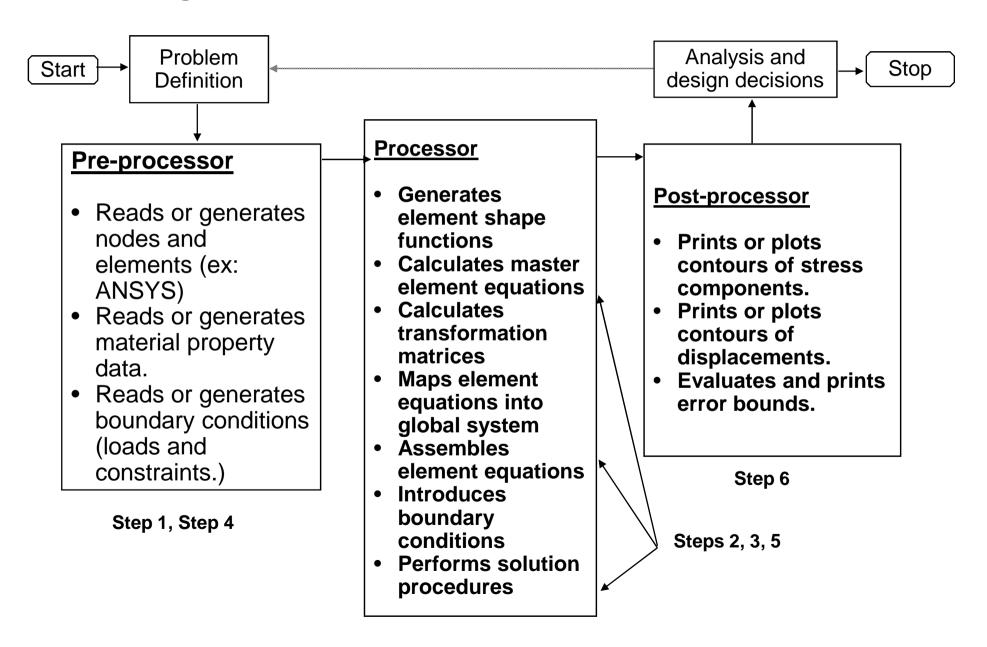
- 1) Ho seguito il corso di Meccanica delle Strutture in precedenti AA, devo riseguire?: No, l'esercitazione assegnata allora e' valida altrimenti ne assegnamo una nuova
- 2) Si fanno esami durante il corso?Sì su appuntamento

- Si separa un dominio in un insieme di sotto-domini chiamati elementi finiti e si ottiene una soluzione approssimata del problema
- Le tecniche FEM trovano applicazione in tutti i campi di interesse scientifico: matematica, fisica, chimica, ecologia, ingegneria,
- Ingegneria delle strutture, ingegneria spaziale, sismica, ingegneria meccanica, ingegneria dei materiali, ingegneria idraulica, bioingegneria, trasporti...

- Stima di  $\Pi$  approssimando la circonferenza tramite il perimetro di poligoni...
- Tempi moderni: analisi strutturale di aerei (assemblaggio di lastre di acciaio...)
- 1941: Hrenikoff introduce il "framework method" in cui un mezzo elastico rappresentato come una collezione di aste e travi
- 1943: Courant, assemblaggio di triangoli e Principio Minimo EPT per solido St. Venant soggetto a torsione
- 1953: Analisi matriciale delle strutture (Levy, 1953; Argyris, 1954,1955; Turner, Clough, Martin e Topp, 1956);
- 1960: Argyris, Kelsey, Energy Theorems and Structural Analysis;
- 1960: Clough: finite element;
- 1964: Livesly, Matrix method of Structural Analysis;
- 1968: Przemieniecki, Theory of Matrix Structural Analysis

- Step 1 Discretization: il dominio viene discretizzato in una collezione di forme semplici, detti elementi
- Step 2 Equazioni del problema: espresse in funzione delle variabili nodali dell'elemento mediante principi variazionali
- Step 3 Assemblaggio: le equazioni relative ad ogni elemento sono assemblate in un insieme di equazioni globali che modellano le proprieta' dell'intero sistema.
- Step 4 Applicazione dell condizioni al contorno: riflettono i valori noti delle variabili primarie, modificano le equazioni globali
- Step 5 Soluzione: le equazioni globali sono risolte in termini delle variabili nodali.
- Step 6 Calcolo delle variabili derivate (stress ed azioni interne) usando i vcalori nodali delle variabili primarie

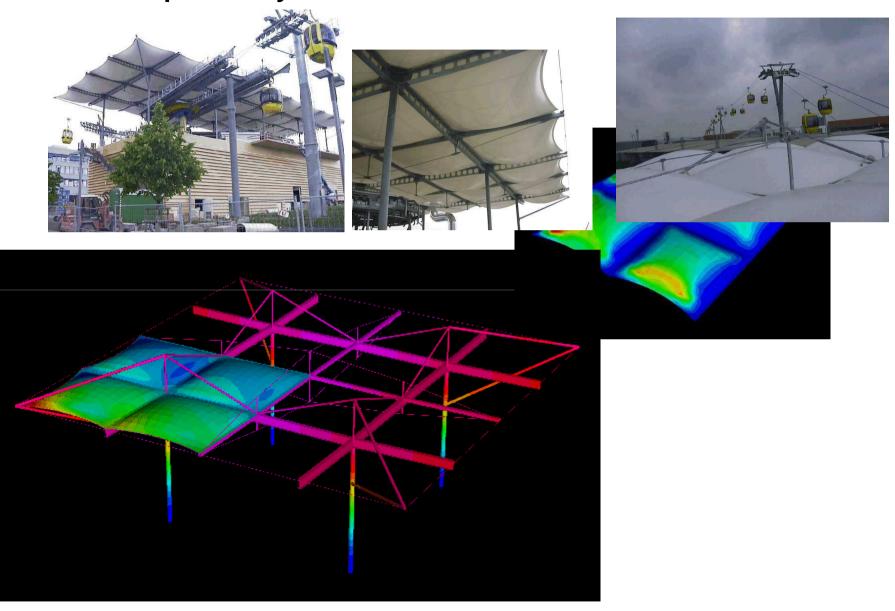
#### Diagramma di flusso di una codice FEM



- General purpose programs
- Wilson, Berkeley, California: SAP, SAPIV, SAP80, SAP90, SUPERSAP, SAP2000
- Argyris, Stoccarda, Germania: NASTRAN
- Bersafe, Inghilterra: NAFEM
- ADINA, ABAQUS, ANSYS,STRAUS7......

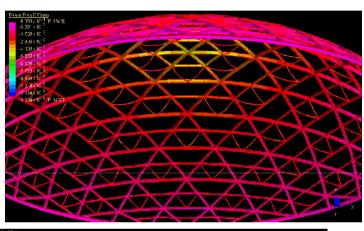
# A COSA SERVONO?

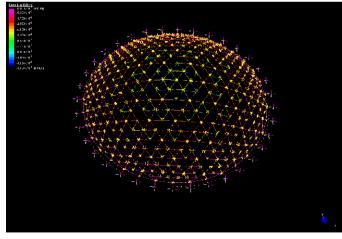
# Progetto della copertura - membrana e struttura metallica - per lo Skyliner dell'EXPO 2000 di Hannover



#### Copertura in legno lamellare del Palazzetto dello Sport di Trieste

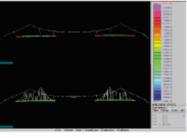


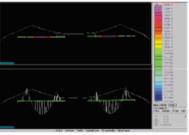


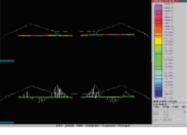


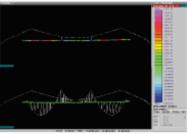


# Ponti infrastrutture









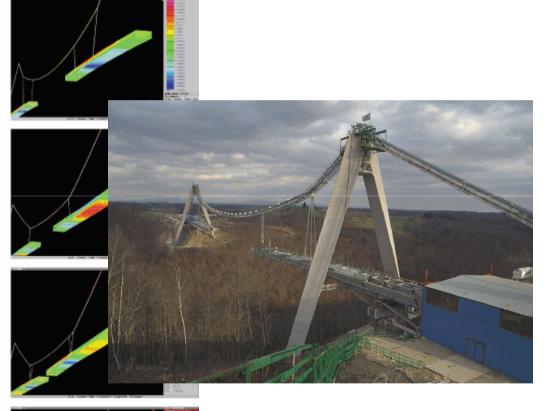
#### PONTE SOSPESO SULLO CHAVANON TRA BORDEAUX E CLERMONT-FERRAND

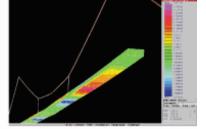
Inaugurato nel gennaio del 2000 alla presenza del Presidente Chirac, il ponte è costituito da una campata unica lunga 360 m tra le spalle dell'impalcato e 300 m tra i piloni che sorreggono le funi portanti.

La caratteristica originale dell'opera è quella di avere le due funi portanti in posizione centrale con interasse di 1,1 m e quindi di dare sostentamento all'impalcato solo assialmente con un'unica cortina di cavi. Lo Studio Romaro di Padova che ha partecipato su incarico della Cimolai di Pordenone alla realizzazione dell'opera verificando spessori e particolari costruttivi in esercizio e durante il montaggio, ma soprattutto progettando l'originale varo ad oscillazioni successive dell'impalcato stradale (vedi Costruzioni Metalliche n. 2/2000) ha usato per l'analisi strutturale il codice di calcolo STRAUS. A fianco alcune fasi di varo analizzate con il solutore non-lineare includendo nel calcolo gli effetti dovuti alle

### www.campiello.it/HSH CD a richiesta

grandi deformazioni.







Generazione del modello: Nocsun limite alle dimensioni del modello (numero nodi, elementi, etc.) -Editor grafico complotamente interativo (editor altanumenco in parallelo) - Importazione/esportazione da alta ambienti FEM (os. Nastran) o de CAD (Autocad, DFX e standard IGES).

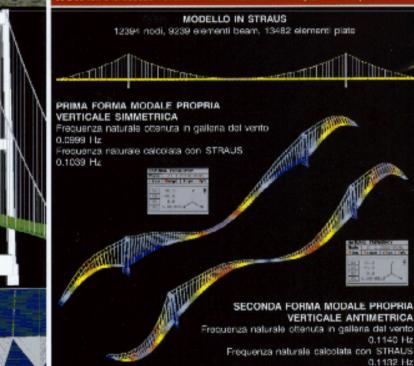
Biblioteca degli elementi finiti: Travo roticolaro -Travo intiessa (dei lutto generale, ofiseta dei centro di taglio, baricantro o nodali; legami non-tineari momentratunaturo) - Elementi gap (desde-pisetici a legili, a comportamento differenziato rispetto al segno della tensiono) - Elementi une - Elementi adattitio - Sistemi piani di tensione - Sistemi piani di deformazione - Solidi assisisimmitrici - Membrane, lastre, pastre e gusci anche in formulazione ortotropa per schematizzazione di alamenti di d.c.a., pannelli a tegio - Elementi tridmensionali (attasetta), peritasdicali ad assactiati, librari, quadratici o misti.

Tipi di analisi possibili: Stafica fineare a non-lineare (permateriale, geometria e condizioni di vincolo; contatto) - Modale (anche in presenza di stafi costitiv) - Sismica (spetito di risposta) - Dinamica (integrazione diretta e sovrapposizione modale) - Risposta amonica - Stabilità dell'equilibrio (buckling) - Tissporite di calcos - Problemi di campo - Materiali compositi.

(\*) nel rispetto dei criteri 🌌 NAFEMS (corsi elementi finiti a Padova - richiedere calendario)

Altre calcolazioni e referenze di rifevo nei numeri 288, 290, 293 e 294 della rivista "L'ingegnere Italiano".

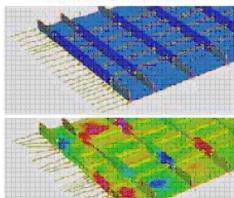
HSH sri - 35131 Padova - Via N. Tommaseo, 13 - E-mail hah@iperv.it Tel, 049/663888 - 8752724 - Fax 049/8758747 - http://www.campiello.it/HSH

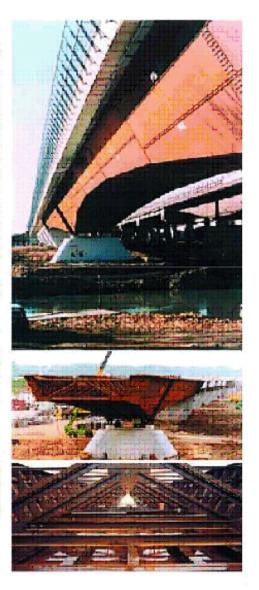


#### NUOVO PONTE SUL TEVERE PER IL GRANDE RACCORDO ANULARE IN ROMA

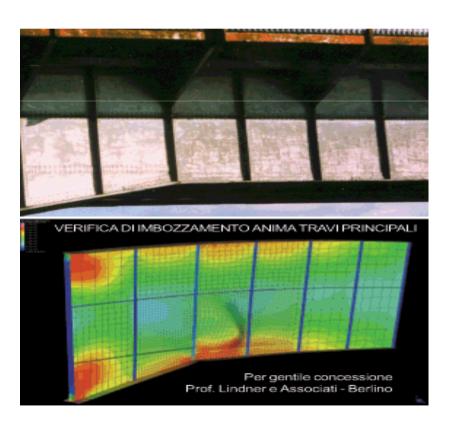
Ponte a struttura mista acciaio-calcestruzzo, strutturalmente continuo su tre luci rispettivamente di 67m. 102m e 67m; la larghezza complessiva è di 17.70m. II porte ha sezione scatolare chiusa ad altezza variabile da circa 8m (appoopt) a 3m (mezzeria): Il cassone metallico ha anima inclinato, con interasse in sommità di 12,70m che riphiede l'introduzione di un rampitratta intermedio longitudinate per la soletta, sostenuto dalla dialrammatura reticolare. Modello FEM in Straus7: per rendere più rapidi i tempi di prelavorazione in officina e di montaggio in cantiere, il progetto fa esteso ricorso a giunzioni bullonate: in particolare, solo parte degli inigidimenti di controsoletta sono saldati, mentre quelli trasversali sono bullonati e non direttamente connessi alle piettabanda; tele soluzione, non compresa fra le configurazioni trattabili con gli usuali metodi di verifica di stabilità, ha richiesto un'analisi di budding lineare su una porzione significative di soletta, dettaglistamente modellata.li propetto costruttivo è dell'ino. Mano Organte (Padova, all'epoca presso (CES); le modellazioni numeriche sono dell'ing. Roberte Zanon (ICES Padova). L'opera è stata realizzata dal Consorzio GRA Roma (Gepco-Salo - Glustino); le carpenterie metalliche sono state realizzate da OMBA (Vicenza).

#### www.campiello.it/HSH



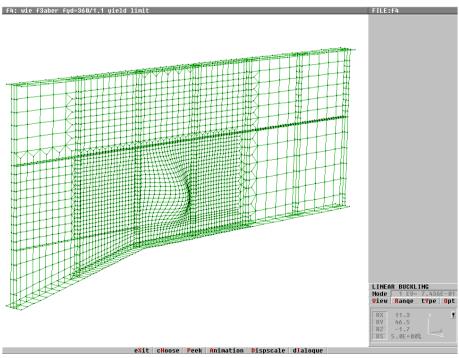






## II PONTE FLUGELWEG SULL'ELBA A DRESDA







Dal punto di vista strutturale l'edificio è un telaio in calcestruzzo armato, costituito da un nucleo centrale c da solai tessuti tra questo ed i pilastri perimetrali. Il nucleo centrale ha sezione a forma di losanga. Un aspetto innovativo del progetto è legato all'incremento delle dimensioni in pianta dei solai con l'altezza, cosicchè l'edificio da l'impressione di inclinarsi in avanti (Figura 2). La sezione del nucleo centrale ha dimensioni massime in pianta, di 40 metri per 9.5 metri. Il perimetro dei piani segue la curvatura delle pareti del nucleo centrale. I pilastri costiniiscono un telaio perimetrale, caratterizzato da travi di bordo presenti a ciascun piano. Le piastre che cotituiscono i solai sono disposte tra il nucleo centrale e la trave di bordo esterna: esse sono realizzate in calrestruzzo armato e sono rinforzate da travi piatte disposte in senso "radiale" e precompresse con cavi post-tesi. La sagoma geometrica di queste travi, alle loro estremità è concepita per ospitare i collegamenti degli impianti

Il gruppo di progettazione della Lend Lease ha impiegato il codice strutturale STRAUS per svolgere analisi della risposta statica e dinamica della torre.

#### FINALITÀ DEL CALCOLO

È stata svolta un'analisi rigorosa della torre, in conformità a quanto previsto dal punto 7.8, della norma AS 3600 (Figura 3 e 4). Nell'analisi è tenuto conto delle proprietà dei materiali, degli effetti geometrici, degli effetti dovuti alla tridimensionalita' della struttura, e dell'interazione suolo-struttura. L'obiettivo principale del calcolo è stato quello di riprodurre in modo realistico il comportamento della struttura, sia nei confronti di diverse azioni di tipo

#### TORRE DI RENZO

#### IN COSTRUZIONE A SYDNEY

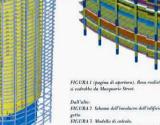
a cum di Piergiongio Perin 88 di Phillip Street, angolo Macquarie Street. Il — me combinazioni di carichi di riferimento, sia rela-L'opera, che ha un valore stimato di 550 milioni di quali il carico vento ed il sisma. Per quanto attiene eata dal contesto architettonico urbano, ma "diadella risposta della struttura, con attenzione parti-

n enzo Piano è l'architetto che ha progettato statico, che di azioni di tipo dinamico, tenuto conla norre di 200 metri di altezza, in fase di uto della forma del tutto particolare della struttura wanzata costruzione a Sydney, al numero stessa. Le condizioni di carico sono state generate coprogetto deriva da una joint venture tra Lend Lea-tivi ad azioni permanenti, che ad azioni accidentase, ed un gruppo est asiatico di sede a Hong Kong. li, con particolare riguardo ad azioni orizzontali dollari, dovrebbe essere completata entro l'agosto alle analisi della risposta statica, le combinazioni di del 2000. Nell'edificio sono riconoscibili molte delle caratteristiche proprie dello stile di Renzo Piano: normativa australiana, sono state in numero e di tiesse sono però espresse non in maniera astratta e sie po adeguato a formulare una previsione realistica logano" anzi in maniera efficace ed evidente con la colare ai carichi trasversali, ed ai carichi verticali vicina Opera House e con il parco (Figura 1) eccentrici. La risposta dinanica della struttura, sia li-

mitatamente alle sue frequenze e forme modali naturali, che relativamente alle azioni sismiche, è pure stata valutata con l'attenzione dovuta. Gli aspetti legati alla stabilità dell'equilibrio sono stati indagati attraverso opportuni modelli risolti secondo l'approccio del buckling lineare, e sintetizzati anche in forma di lunghezze libere di inflessione e snellezze degli elementi strutturali in-IL MODELLO Il modello ad elementi finiti della torre è stato messo a punto attraverso una della forma particolarmente complessa della torre, la geometria è stata direttamente importata dal modello CAD della stessa. È stata poi sviluppata la suddivisione in elementi finiti cercando soluzioni che fossero ottimali sia dal punto di vista numerico e da quello pratico-operativo. In particolare, ad esempio, gli elementi piastra utilizzati per schematizzare i solai, sono stati trattati con scalatura attenta, e distinguendo, per ogni piano, ben cinque famiglie di informazioni geometriche distinte, che consentissero di adattare le rigidezze all'effettiva geometria locale (tenendo conto, quindi dell'aumento di spessore della soletta verso il nucleo centrale, della forma all'estre mità delle travi piatte, ecc.). A questo fine risulta anche di particolare utilità la funzione di STRAUS che consente di specializzare, per ciascum elemento guscio ("plate") lo spessore da associare al comportamento membranale e quello da associare al comportamento a lastra inflessa. I carichi permanenti sono

Analisi della risposta statica e dinamica svolta con il codice di calcolo ad elementi finiti STRAUS

stati gestiti operando con coefficienti moltiplicativi a partire da valori assegnati come densità del materiale. Le azioni variabili sono state assegnate come carichi di pressione applicate alle facce degli elementi guscio. Le travi perimetrali sono state schematizzate utilizzando elementi monodimensionali (tipo "beam"). La facciata dell'edificio è stata schematizzata mediante elementi guscio, ed il carico vento applicato come pressione agente sulle facce di tali ele-



FIGURAI (pagina di apertura). Resa realistica dell'edificio come lo

FIGURA 2. Schema dell'involucro dell'edificio che ne evidenzia l'ag-

65

FIGURA 4. Nucleo centrale e trazi perimetrali curve

ANALISI SVOLTE

Sono stati utilizzati i solutori Linear Static, Natural Frequency e Linear Buckling del codice STRAUS. Per riferire di alcuni denagli del calcolo, si precisa che l'analisi della risposta statica è stata fatta precedere da studi di sensitività, sia locali che complessivi, per accertare che le proprietà assegnate ai materiali (intese sia come proprietà meccaniche, che come proprietà di tipo geometrico degli elementi finiti) ben riflettessero il comportamento di componenti strutturali di geometria variabile e variamente collegati tra loro, per i quali non fosse possibile (o conveniente) giungere ad un dettaglio di modello (suddivisione in elementi fini-

ti) più spinto.

È stato poi fatto uso della funzionalità di submodelling presente in STRAUS, per studiare in maggior dettaglio comportamenti locali in zone ritenute critiche (Figure 5, 6 a, b). La funzione di "submodelling\* consente di utilizzare suddivisioni più fini nelle zone che si vogliono indagare con maggior dettaglio, trasferendo auto-

maticamente, come condizioni al contorno del modello locale di dettaglio, le azioni a questo trasmesse e determinate sul modello complessivo dell'intera strut-

Tra i risultati di sintesi, è stato valutato come le forze trasversali si ripartissero tra il nucleo centrale e la struttura intelaiata circostante (Figura 7).

Per quanto attiene all'analisi della risposta dinamica, si riferisce che anche essa è stata fatta precedere da studi di sensitività, per caratterizzare in modo corretto sia la distribuzione delle masse, che le costanti elastiche "statiche" e "dinamiche" da attribuire ai diversi materiali presenti nel modello.

Per ulteriori informazioni sul codice di calcolo STRAUS contattare HSH srl. tel. 049/663888, fax 049/8758747 e-mail hsh@iperv.it http://www.campiello.it/HSH

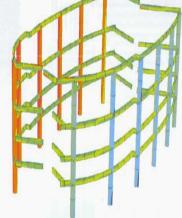


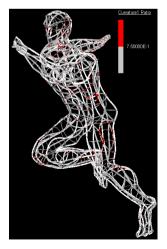
FIGURA 5 (foto in alto). Fundazione della torre in fase di costruzione. FIGURA 6 a, b (modelli). La funzionalità di "submodelling" consente di analizzare con maggior dettaglio locale le zone critiche. FIGURA 7 (satta). Statu tensionale rappresentato sulle travi in resa tridimensionale

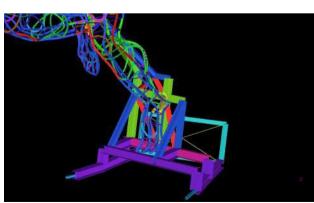
66

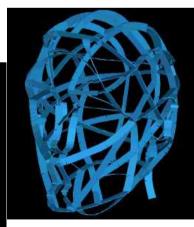
### Statue olimpiche della AMP Tower di Sydney



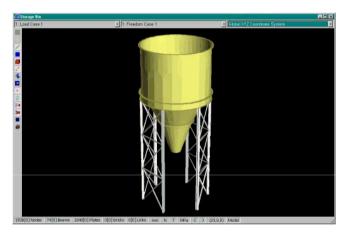


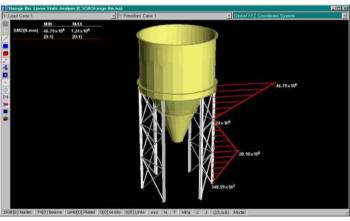


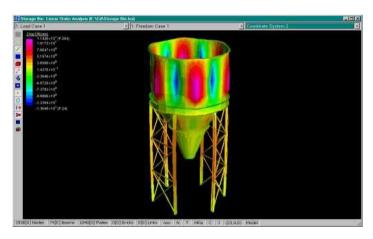


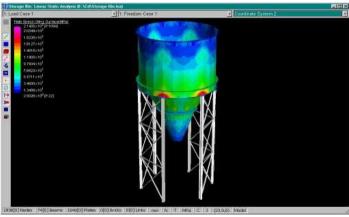


### Modello di silo con elementi plate/shell

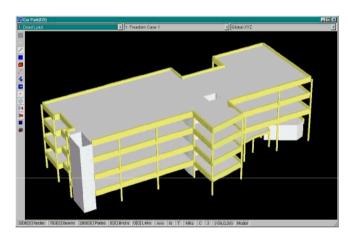




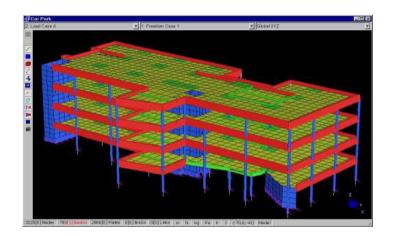




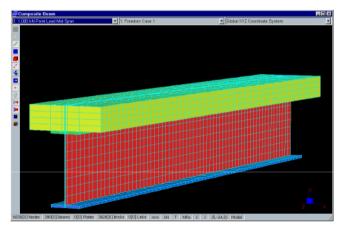
### Parcheggio multipiano

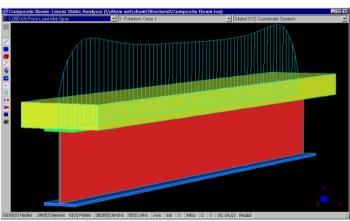


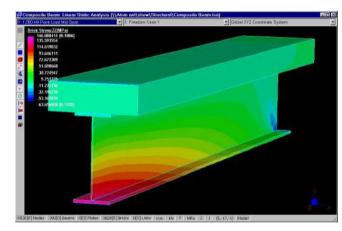


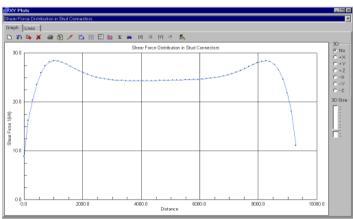


### Trave a sezione mista

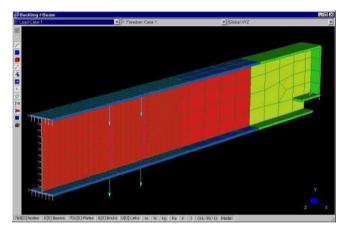


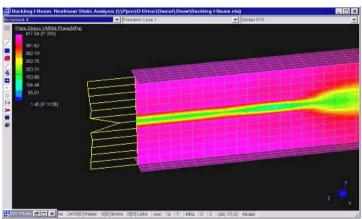


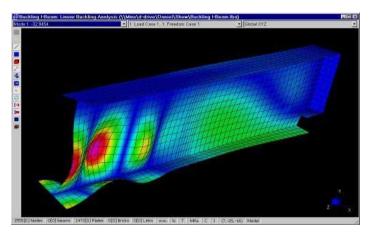


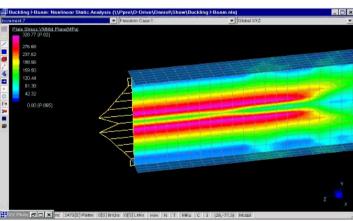


### Instabilita' di profili Modello plate/shell di una trave ad I

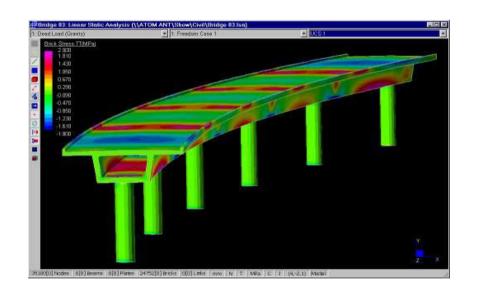


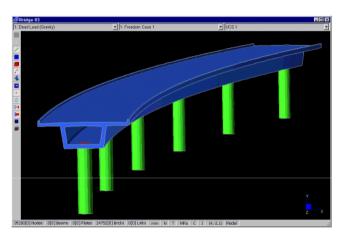


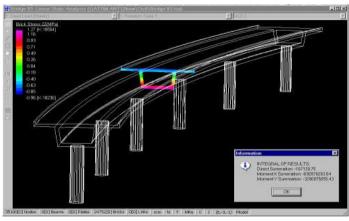




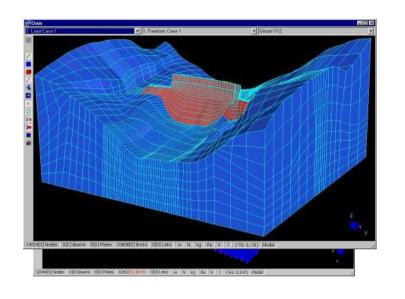
### Viadotto autostradale

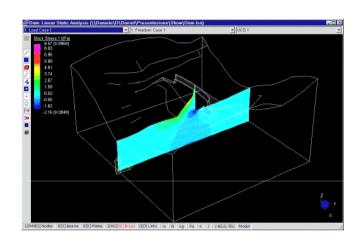




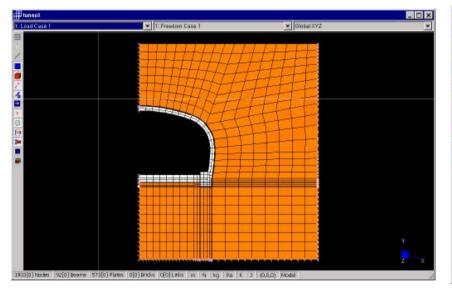


### Diga ad arco in calcestruzzo





### Tunnel di metropolitana in calcestruzzo

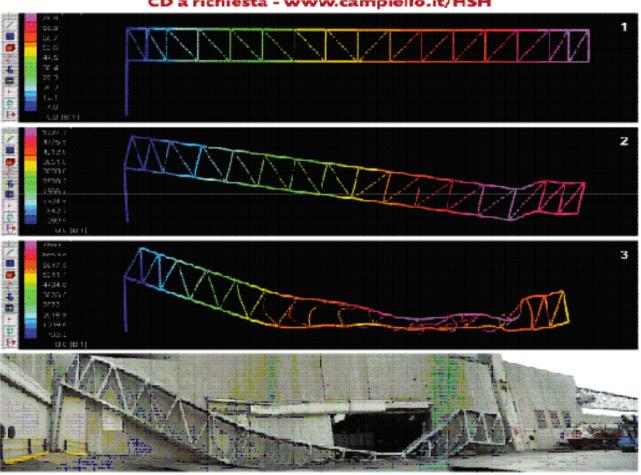




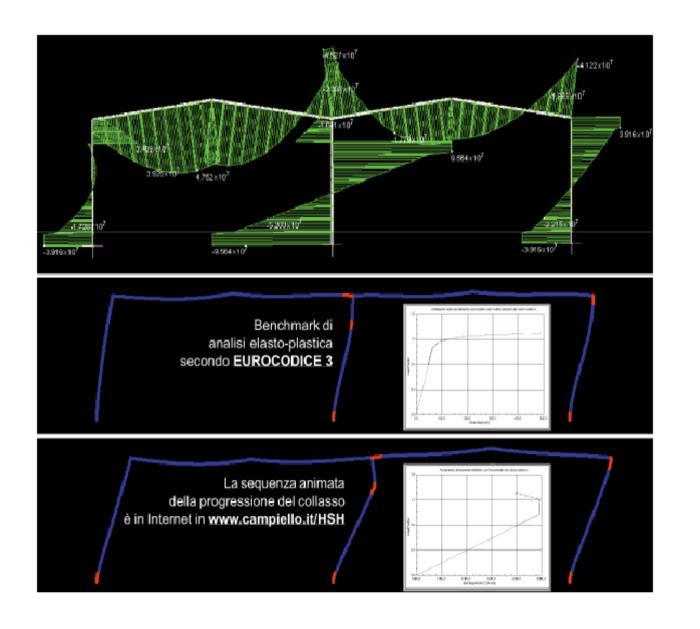
#### APPLICAZIONI AVANZATE - ANALISI DI UN CROLLO

Simulazione del cedimento della mensola di appoggio di una trave reficolare con conseguente crollo della struttura. Risultati dell'analisi dinamica al passo non-lineare per geometria e materiale: 1) configurazione iniziale (t=0.10 s); 2) configurazione all'istante t=1.10 s; 3) configurazione finale (t=1.78 s).

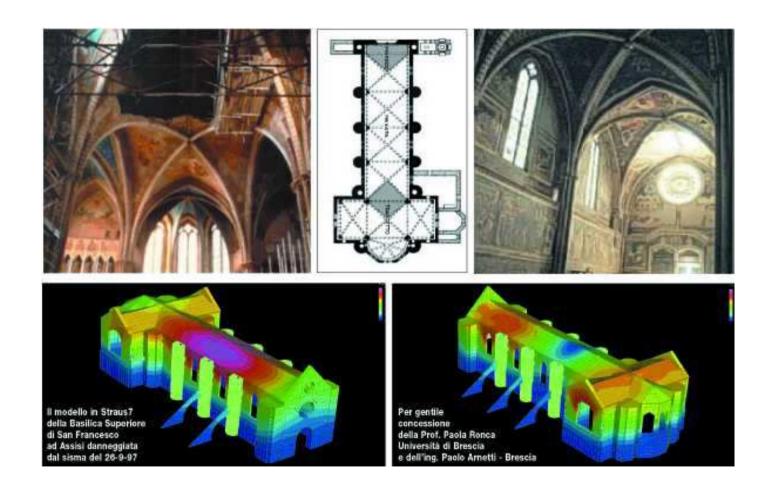
### CD a richiesta - www.campiello.it/HSH



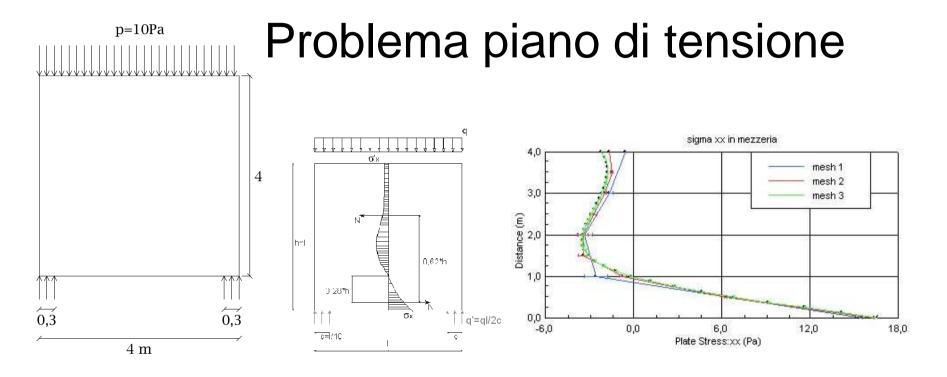
### RISPOSTA NON-LINEARE GENERALIZZATA DI TELAI IN ACCIAIO

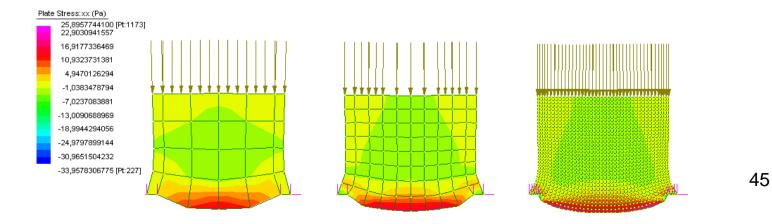


### Interventi su edifici storici: Basilica di Assisi



# Problemi piani

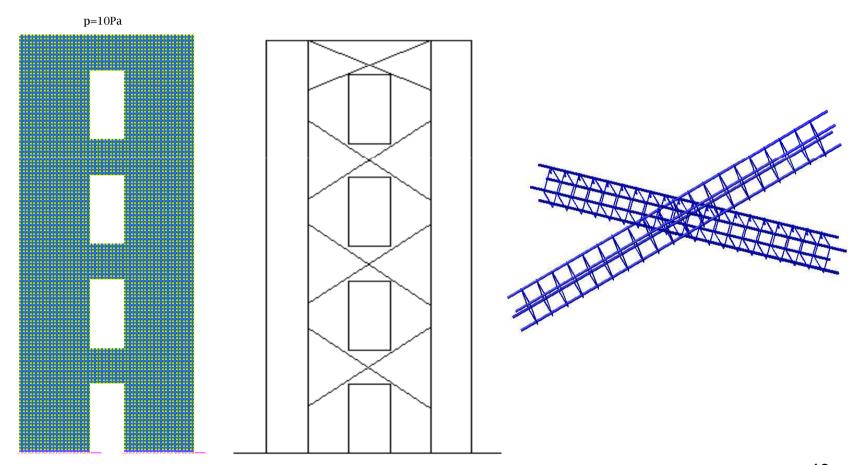




# Problemi piani

# Problema piano di tensione

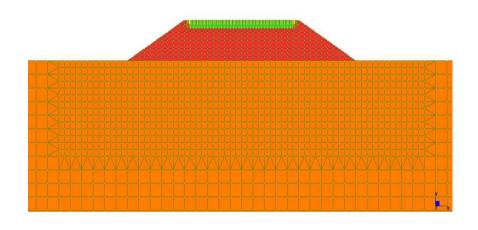
Mensola alla Rosman-Beck



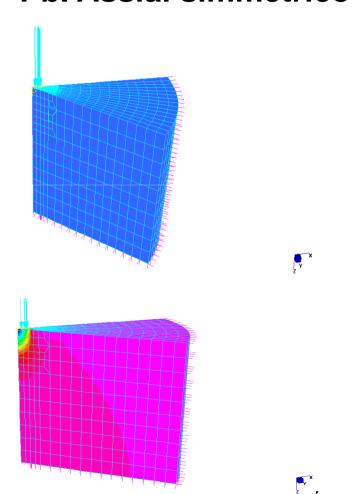
# Problemi piani

# Problema piano di deformazione

Rilevato stradale

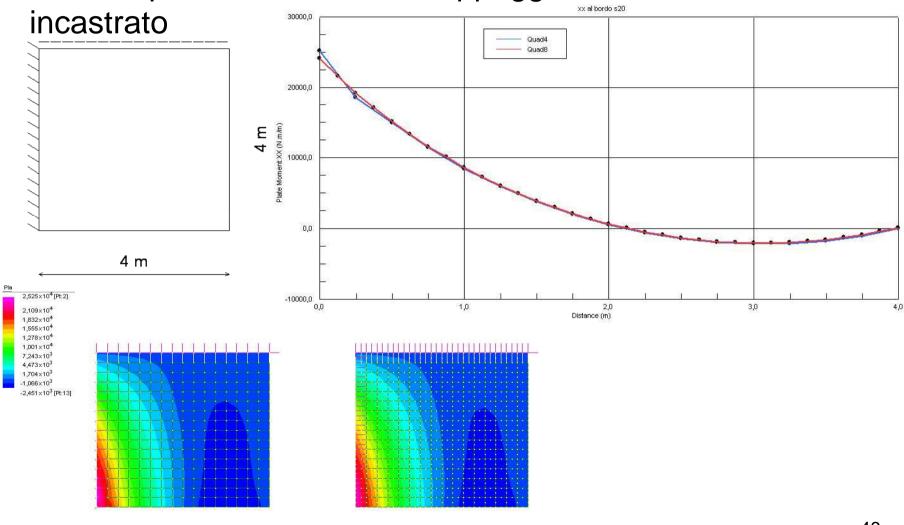


### Pb. Assial simmetrico



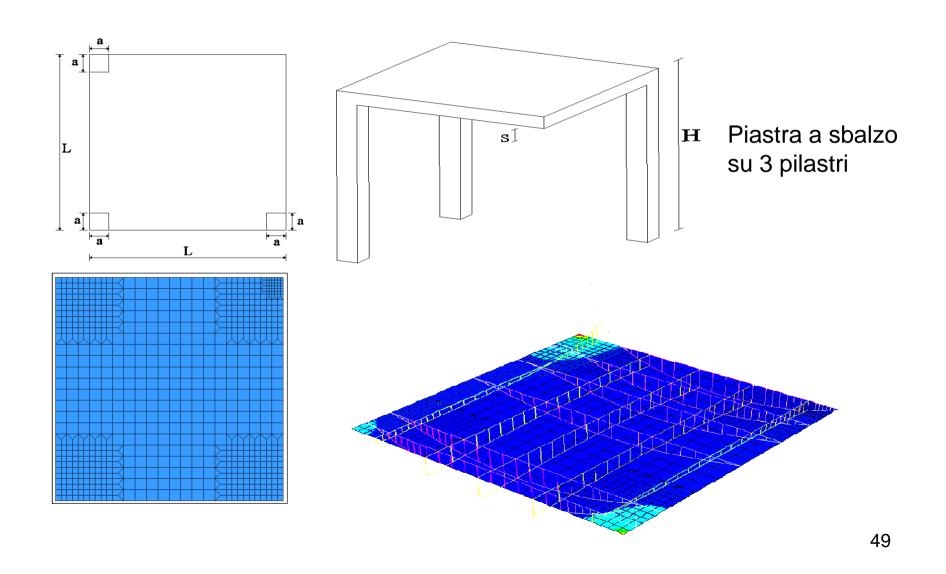
# Piastre

Piastra quadrata con un lato appoggiato ed uno

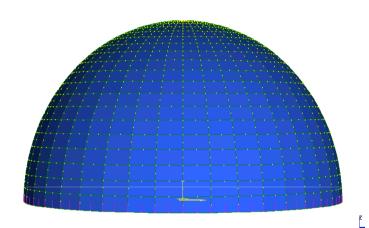




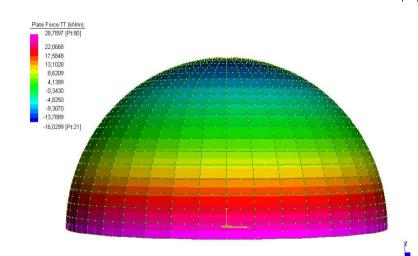
# Piastre

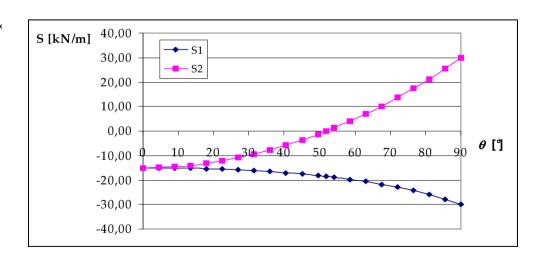


# Membrane di rivoluzione

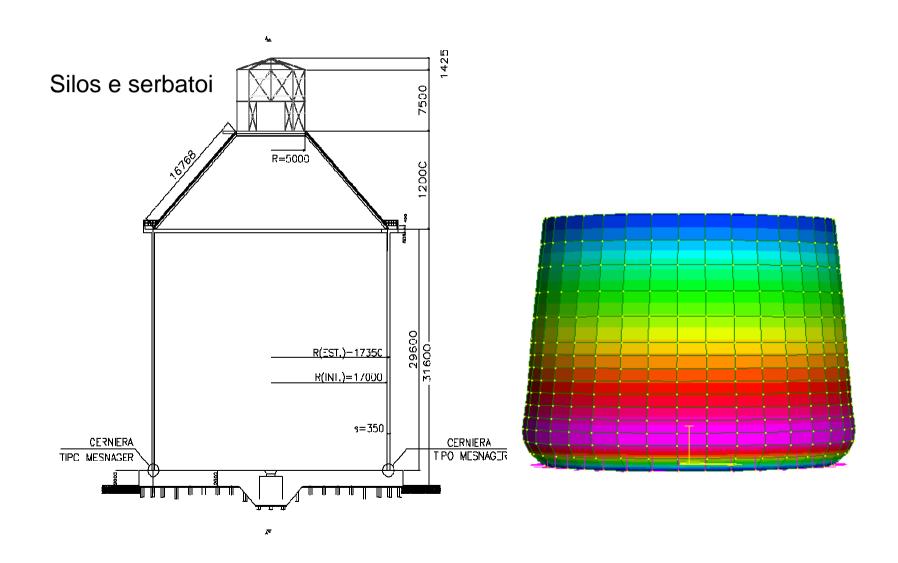


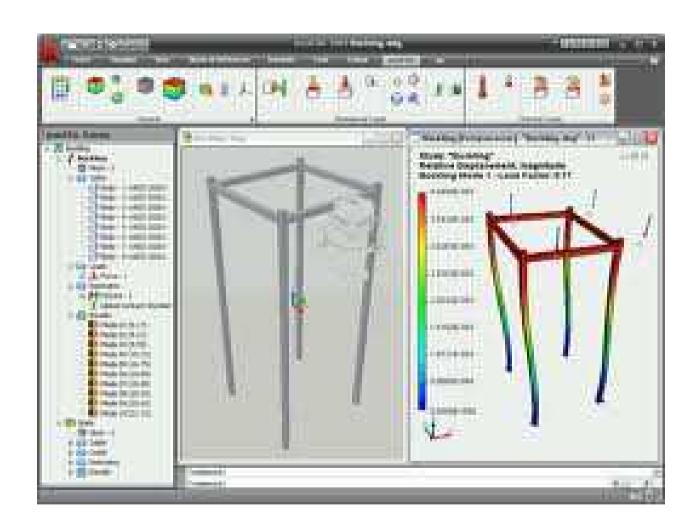
# Cupola sferica soggetta al peso proprio

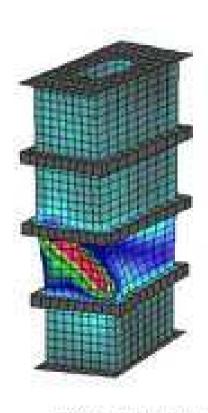




### Lastre di rivoluzione







8.002-00 8.270-03 1.268-02 8.071-02 8.320-03 8.141-02 9.770-03 4.400-02 5.030-03 1.642-03

Micros marks

"Ē,

Santuff CAR -2.8

Plactic deferention - Effective value

