

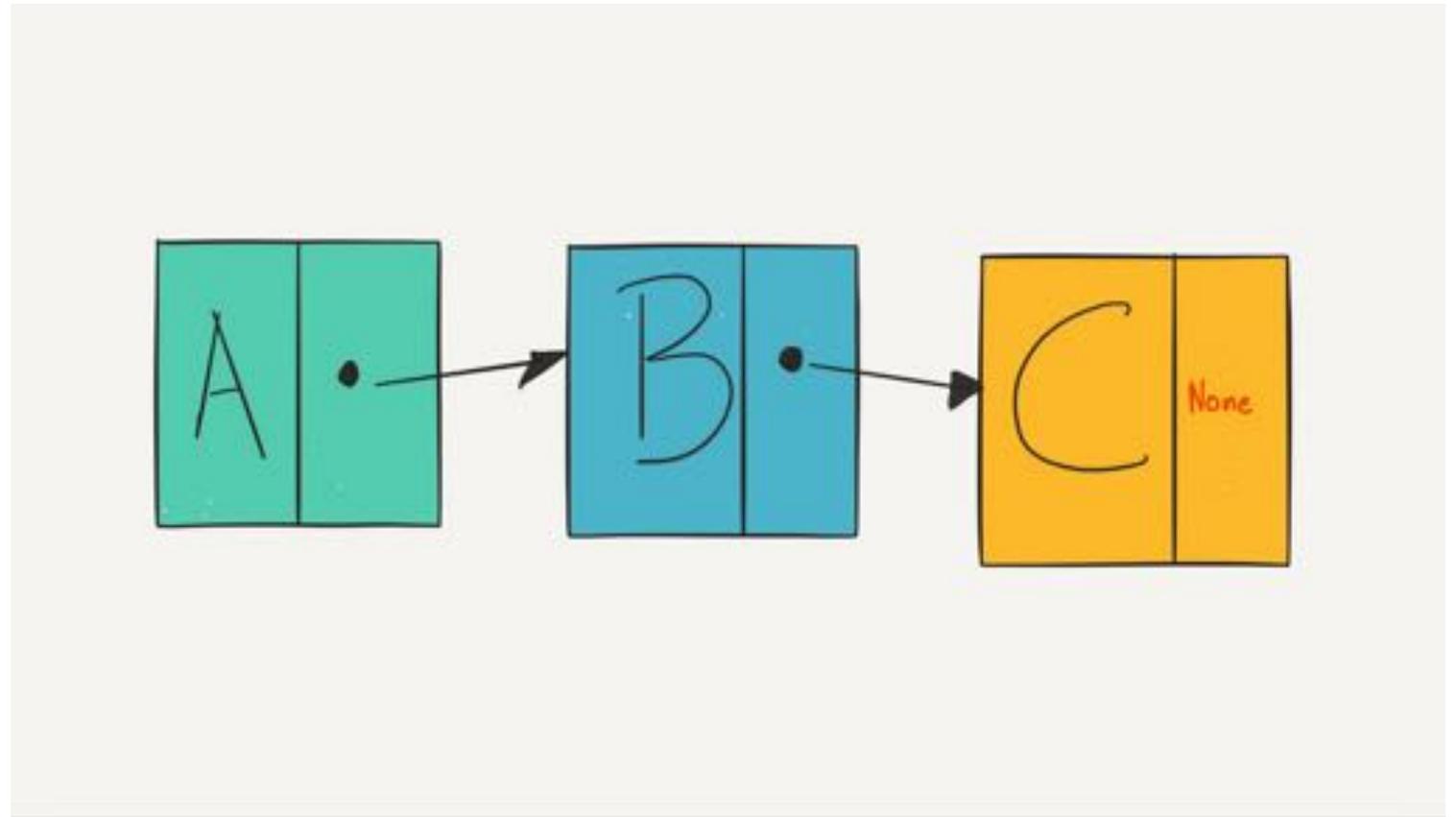
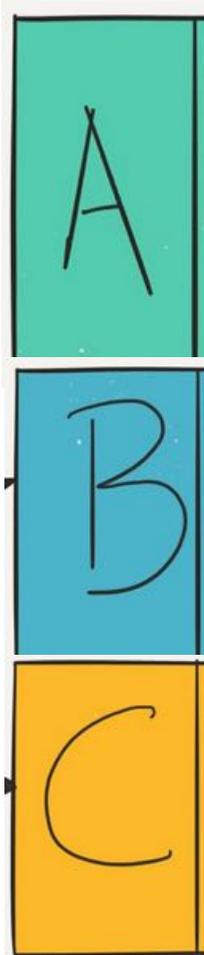
Liste concatenate semplici

Obiettivi:

- Presentare la **realizzazione collegata** (puntatori a strutture) di liste semplici

Dai vettori ... alle liste

```
char V[3]={'A','B','C'};
```





IL CONCETTO DI LISTA

Una lista semplice è una **sequenza** (*multi-insieme finito e ordinato*) **di elementi dello stesso tipo**

Multi-insieme: insieme in cui un medesimo elemento può comparire più volte

Notazione spesso usata: $L = [e_1, e_2, \dots, e_N]$

['a', 'b', 'c'] denota la lista dei caratteri 'a', 'b', 'c'

[5, 8, 5, 21, 8] denota una lista di 5 interi

Come ogni **ADT**, il tipo **lista** è definito in termini di:

- **dominio** dei suoi elementi (dominio-base)
- operazioni di **costruzione** sul tipo lista, operazioni di **selezione** sul tipo lista
- **predicati**

RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

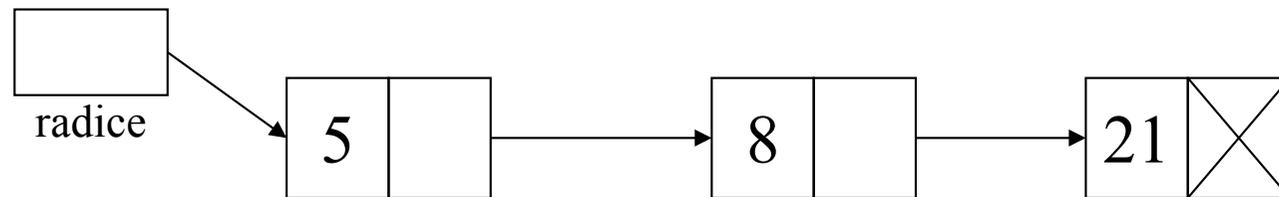
Le liste sono realizzabili anche con array (rappresentazione sequenziale): la successione degli elementi della lista è realizzata dall'adiacenza delle locazioni; non la trattiamo.

Nella **rappresentazione collegata**, a ogni elemento si associa l'indirizzo (**puntatore**) che individua la posizione dell'elemento successivo

NOTAZIONE GRAFICA

- elementi della lista come **nodi**
- riferimenti (indici) come **archi**

Esempio:
[5, 8, 21]

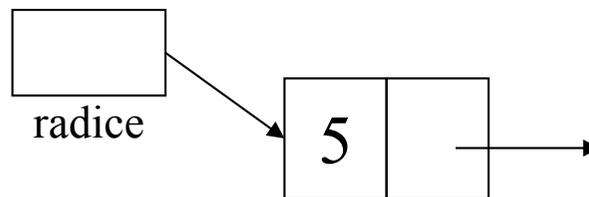


Liste - RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

IMPLEMENTAZIONE MEDIANTE PUNTATORI

Ciascun nodo della lista è una struttura di due campi:

- **valore** dell' elemento
- un **puntatore** nodo successivo lista (**NULL** se ultimo elemento)



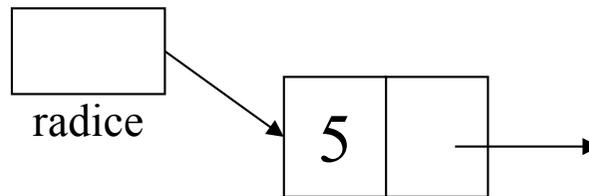
•Cosa vorremmo fare (ma in C non si può ... non posso usare `item` prima di averlo definito):

```
typedef struct {
    int value;
    item *next;} item;    //ERRORE!!!!
typedef item *list;
list radice;
```

Liste - RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

Ciascun nodo della lista è una struttura di due campi:

- **valore** dell' elemento
- un **puntatore** nodo successivo lista (NULL se ultimo elemento)

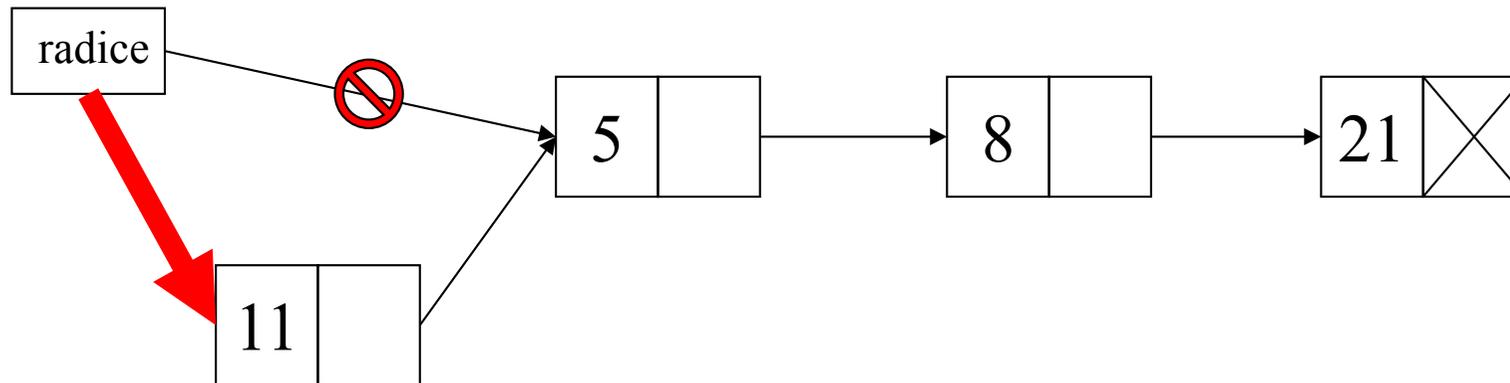


```
typedef struct list_element {  
    int value;  
    struct list_element *next;} item;  
typedef item *list;  
list radice = NULL;
```

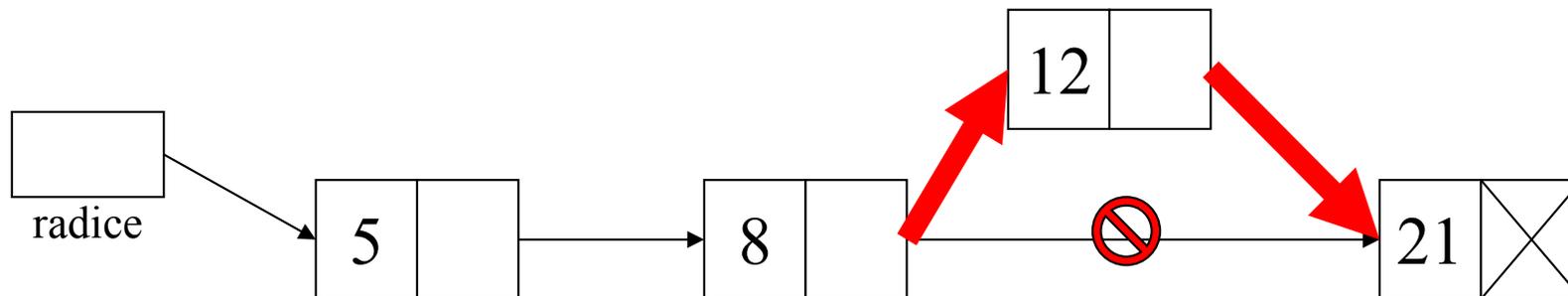
NOTA: **etichetta list_element** in dichiarazione struct è **indispensabile**, altrimenti sarebbe impossibile definire un tipo ricorsivamente ₈

RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

INSERIMENTO (in testa o ...)

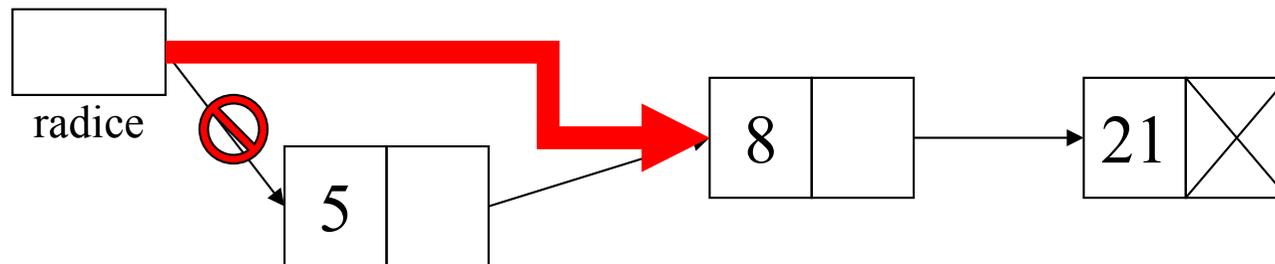


(... in un punto intermedio)

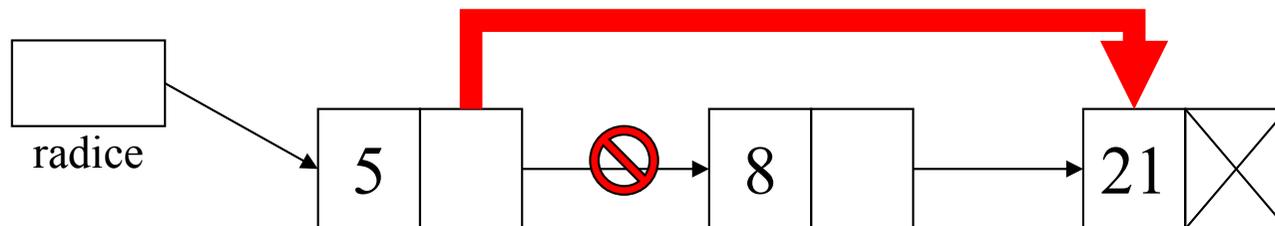


RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

ELIMINAZIONE (dell' elemento in testa o ...)



(di un elemento intermedio)



Liste semplici – operazioni su liste

Obiettivi:

- Sperimentare la **realizzazione collegata** (puntatori a strutture) per la lista semplice
- Definire funzioni (primitive) per la **creazione** di liste
- Definire funzioni di **elaborazione sequenziale** su liste, iterative e ricorsive

Liste - RAPPRESENTAZIONE COLLEGATA

IMPLEMENTAZIONE MEDIANTE PUNTATORI

Ciascun nodo della lista è una struttura di due campi:

- ***valore*** dell' elemento
- un ***puntatore*** nodo successivo lista (NULL se ultimo elemento)

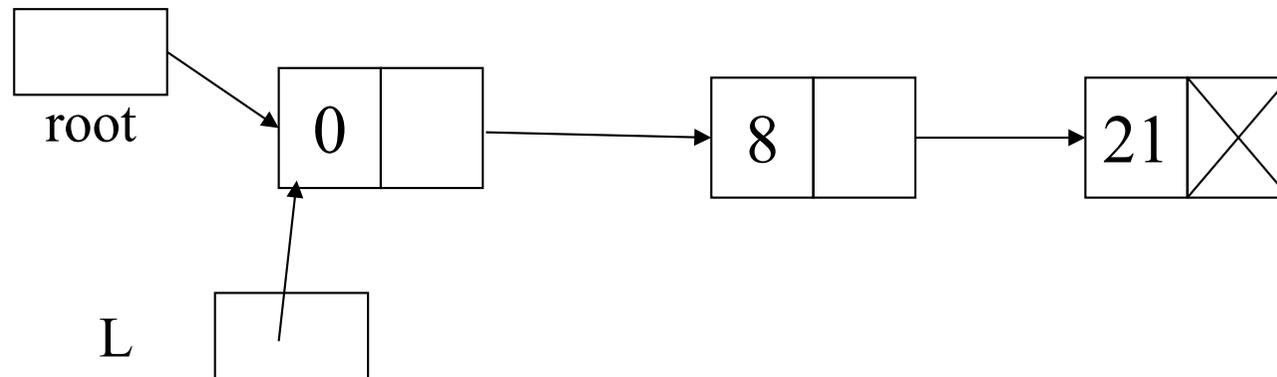
```
typedef struct list_element {  
    int value;  
    struct list_element *next;} item;  
typedef item *list;
```

NOTA: ***etichetta list_element*** in dichiarazione struct è ***indispensabile***, altrimenti sarebbe impossibile definire un tipo ricorsivamente

Creazione di una lista

Il *main* da realizzare deve leggere la sequenza di interi e inserire ogni elemento letto in una *lista*

Per ogni inserimento, `malloc` e aggiustamento dei puntatori



root inizialmente NULL

Creazione di una lista semplice

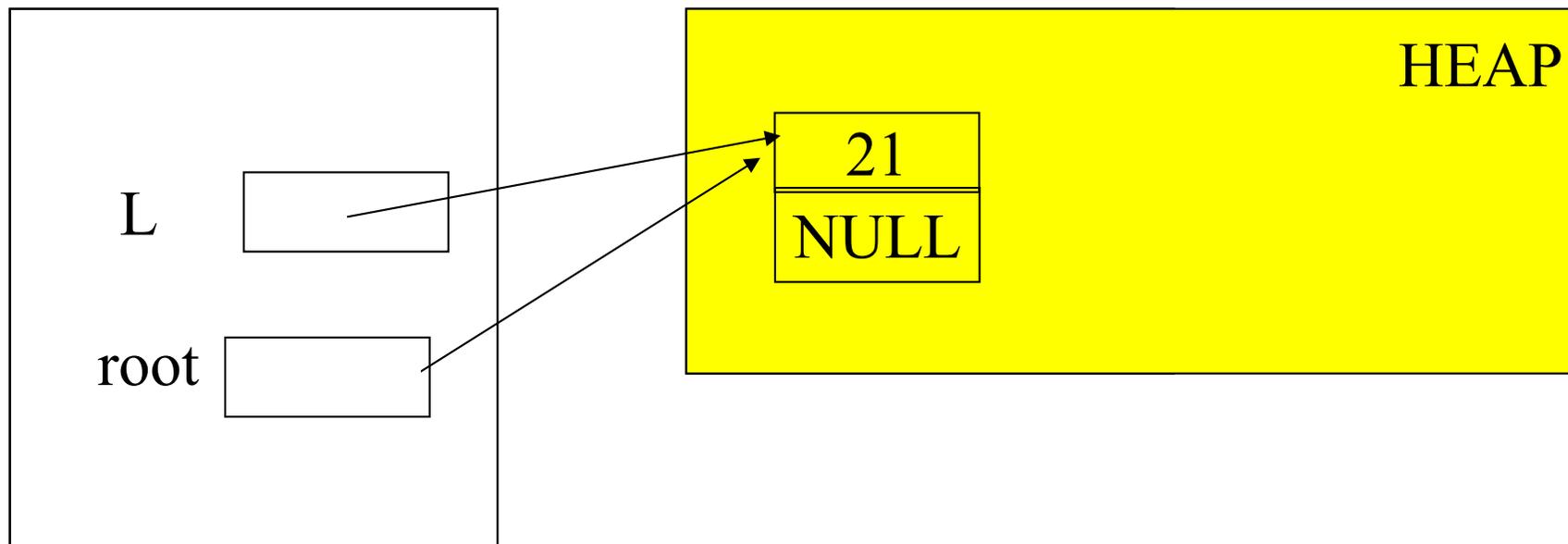
```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
typedef struct list_element { int value;
    struct list_element *next; } item;
typedef item *list;

main() { list L; int i;
    list root = NULL;
    do { printf("\nIntrodurre valore: \t");
        scanf("%d", &i);

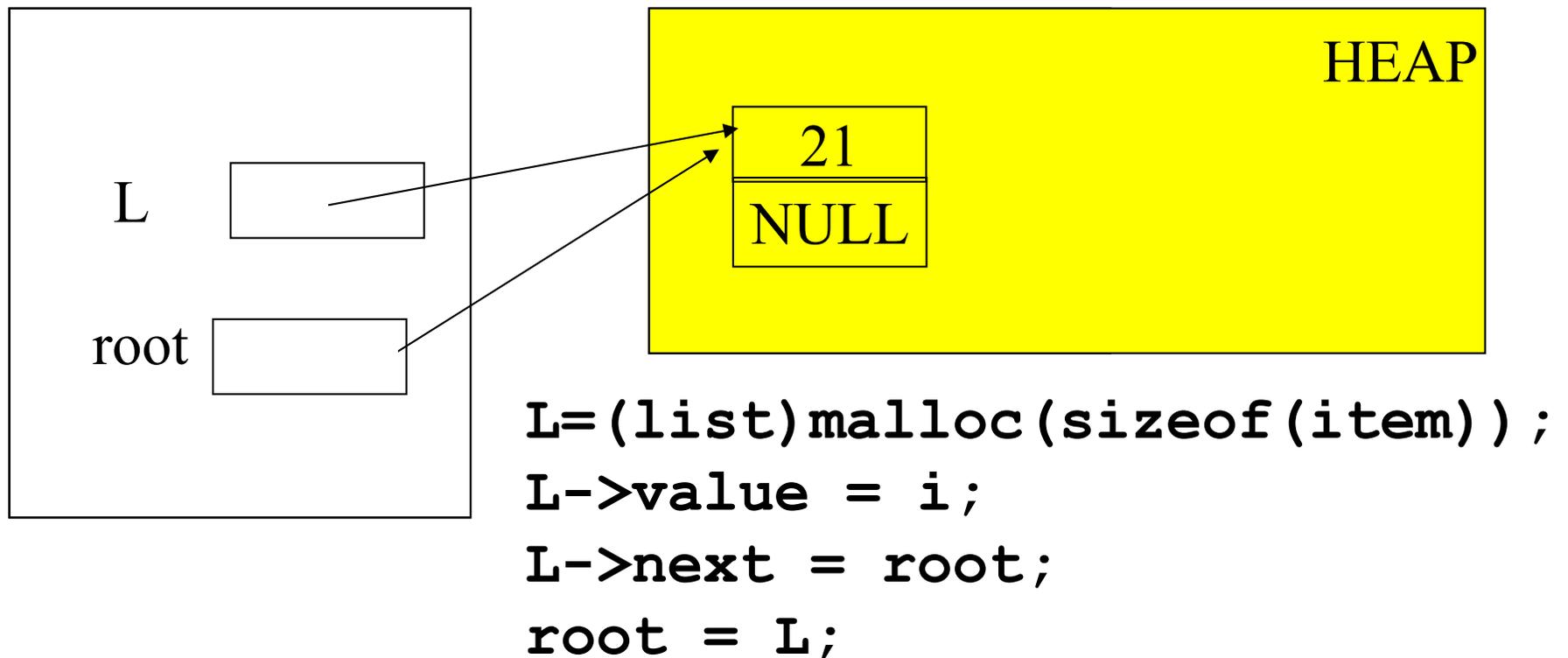
        Inserisci i nella lista puntata da root

    } while (i!=0);
}
```

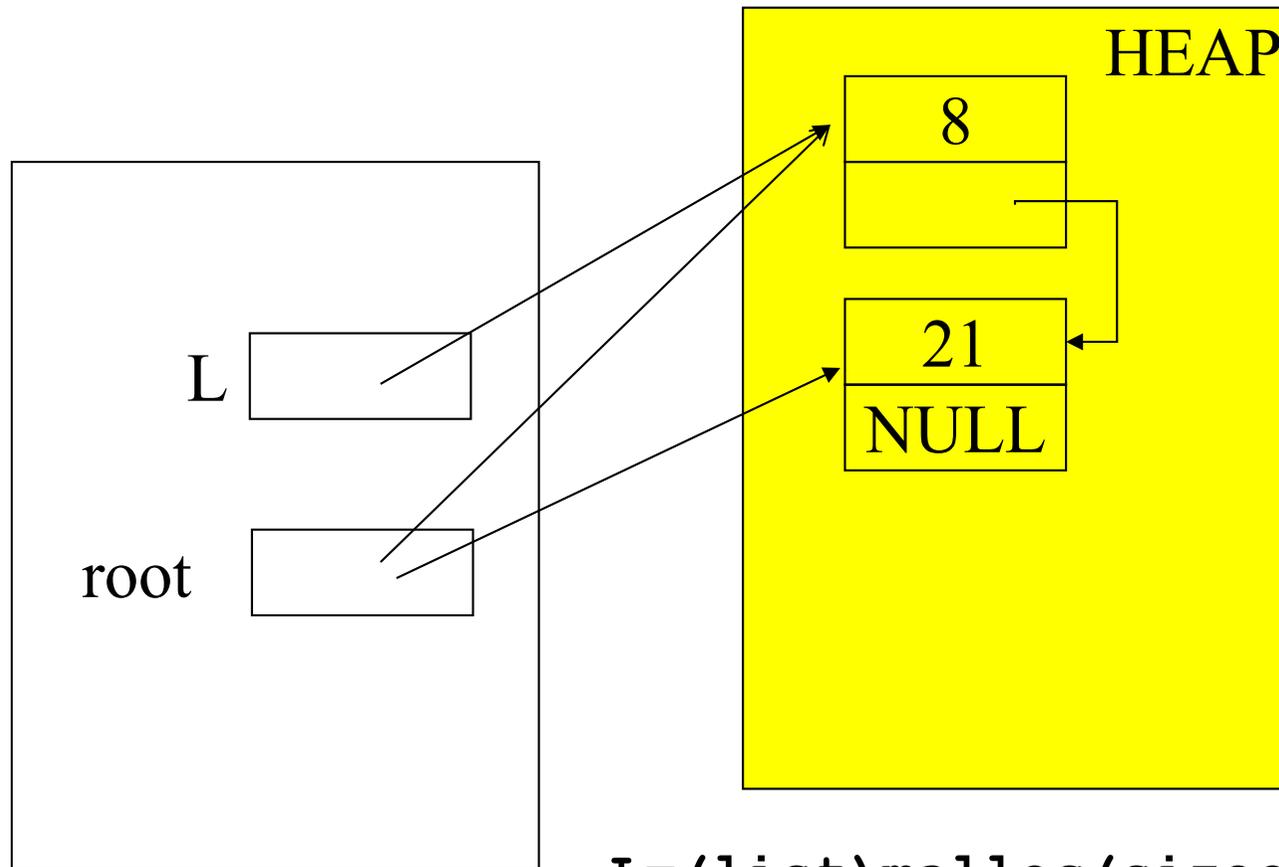
Prima iterazione: leggo 21



Prima iterazione: leggo 21

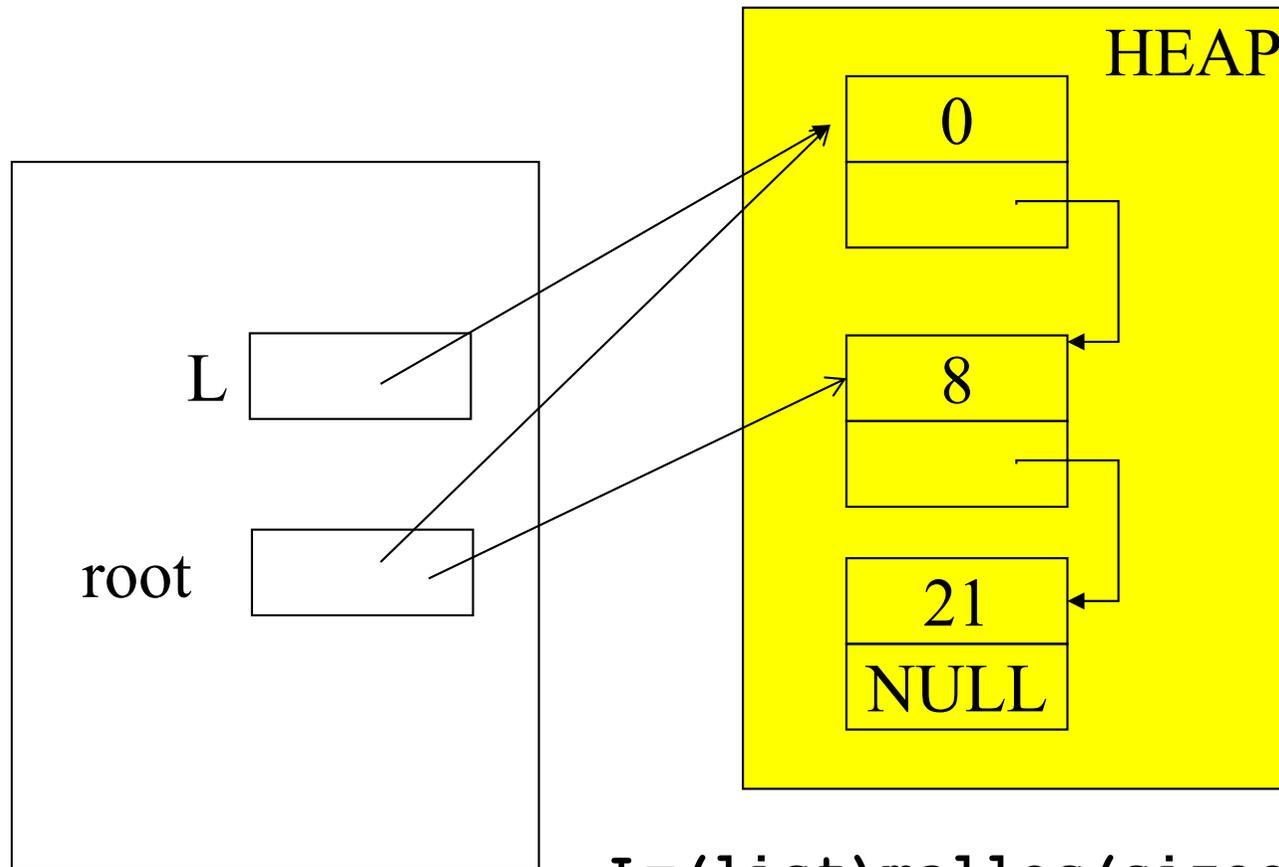


Seconda iterazione: leggo 8



```
L=(list)malloc(sizeof(item));  
L->value = i;  
L->next = root;  
root = L;
```

Terza iterazione: leggo 0



```
L=(list)malloc(sizeof(item));  
L->value = i;  
L->next = root;  
root = L;
```

Creazione di una lista semplice

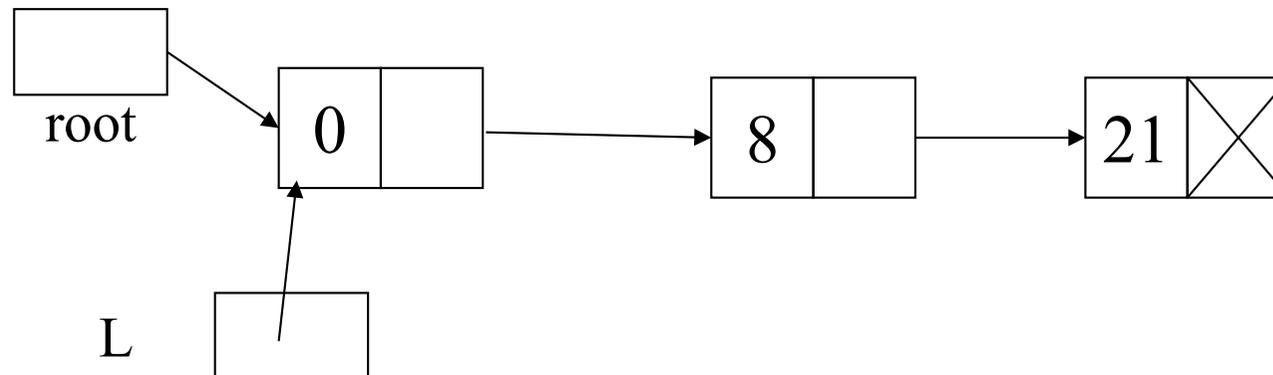
```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
typedef struct list_element { int value;
    struct list_element *next; } item;
typedef item *list;

main() { list L; int i;
    list root = NULL;
    do { printf("\nIntrodurre valore: \t");
        scanf("%d", &i);
        L = (list) malloc(sizeof(item));
        L->value = i;
        L->next = root;
        root = L;
    } while (i!=0);
    /* stampa della lista */ }
```

Stampa a video di una lista

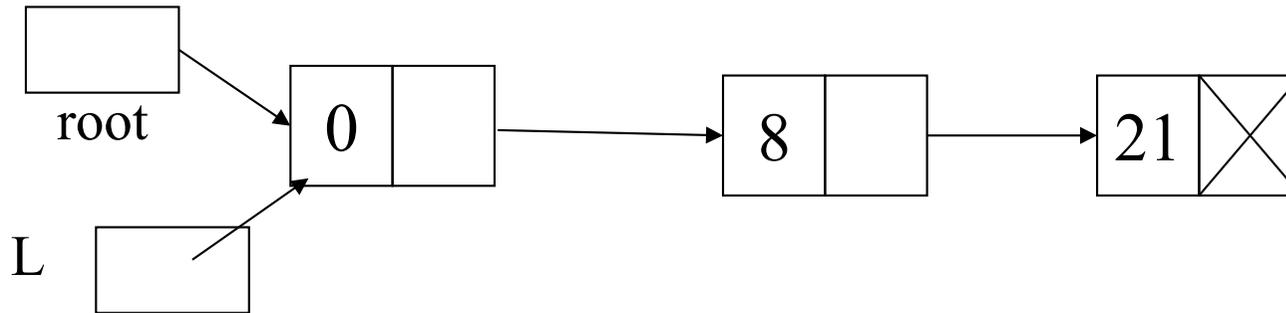
Il *main* da realizzare deve leggere la sequenza di interi e inserire ogni elemento letto in una *lista*

Poi stampiamo la sequenza ...
(facciamo insieme anche questo secondo passo)



Non c'è un "indice" da incrementare come per vettori

Stampa di una lista di interi (segue)



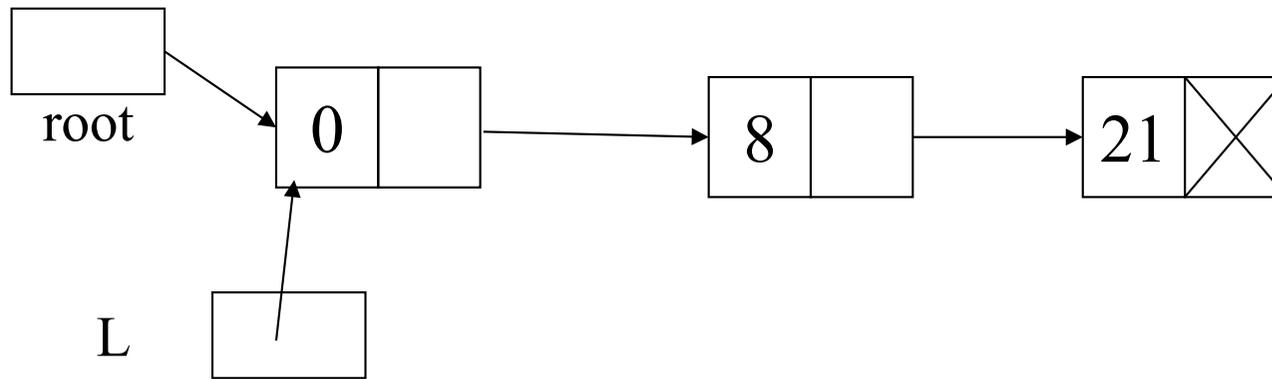
```
i=0;      // se avessimo un vettore ...  
while (i<N) {  
    printf("\nValore : \t%d", V[i]);  
    i++; }  
}          /* stampa degli elementi di un vettore */
```

```
L=root;  
while (L!=NULL) {  
    printf("\nValore: \t%d", L->value);  
    L = L->next; }  
}
```

Stampa di una lista di interi (segue)

```
L = root;
```

```
while (L!=NULL) {  
    printf("\nValore estratto: \t%d", L->value);  
    L = L->next; }  
}
```

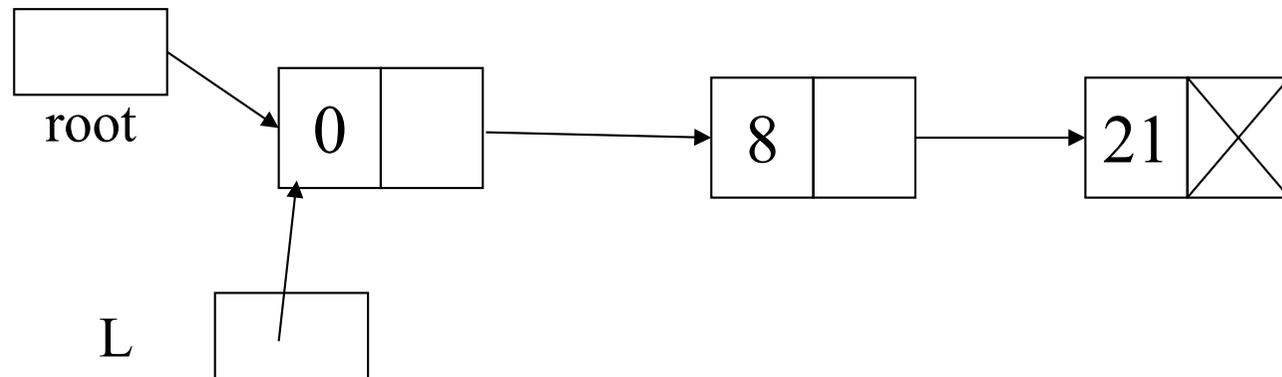


Per “non perdere” il puntatore al primo elemento della lista, la lista va scandita con un puntatore ausiliario (ad esempio L)

FUNZIONI cons E showlist

Prepariamo opportune funzioni di inserimento in testa alla lista e di stampa della lista

```
list cons(int, list);  
void showlist(list);
```



Creazione di una lista semplice

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>

typedef struct list_element
    { int value;
      struct list_element *next; } item;
typedef item *list;

main() { list L; int i;
    list root = NULL;
    do { printf("\nIntrodurre valore: \t");
        scanf("%d", &i);
        L = (list) malloc(sizeof(item));
        L->value = i;
        L->next = root;
        root = L;
    } while (i!=0);
    /*stampa lista*/ }
```

Creazione di una lista semplice

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
typedef struct list_element
    { int value;
      struct list_element *next; } item;
typedef item *list;

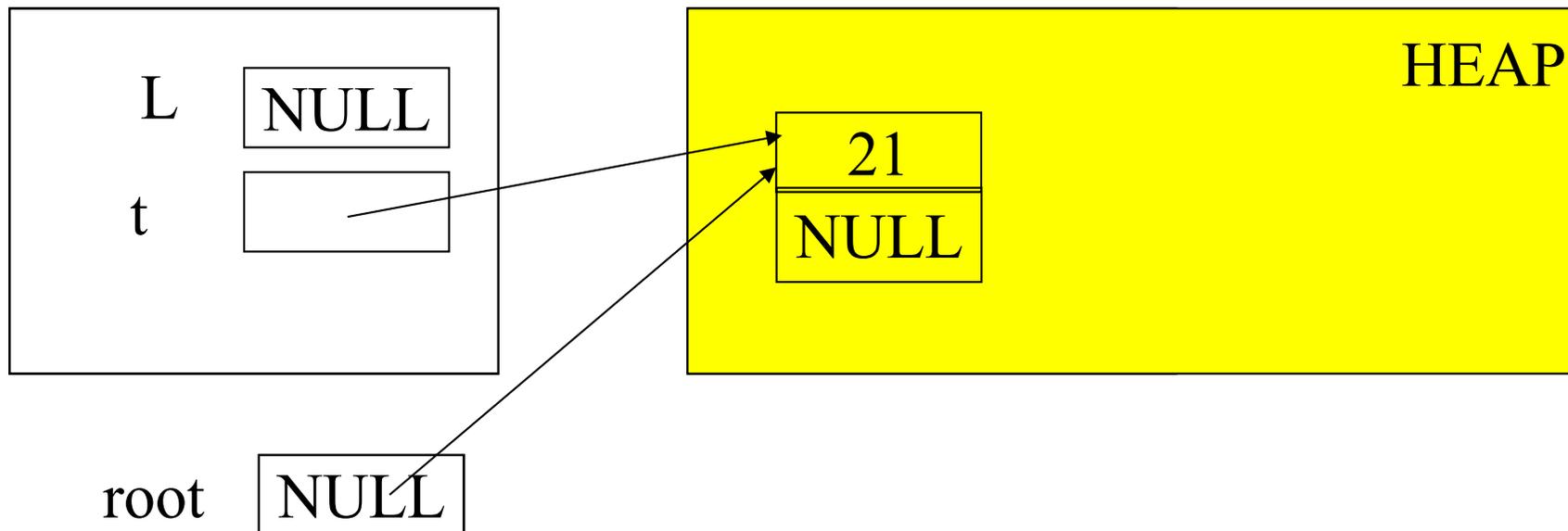
main() { list L; int i;
    list root = NULL;
    do { printf("\nIntrodurre valore: \t");
        scanf("%d", &i);

        root = cons( i, root);

    } while (i!=0);
/*stampa lista*/ }
```

Inserimento in testa: *cons*

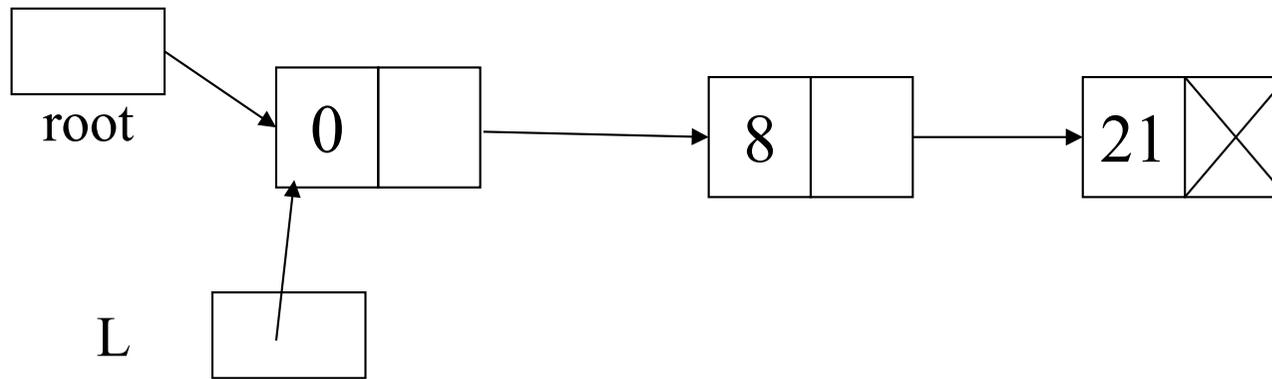
```
list cons (int e, list L) {  
    list t;  
    t = (list) malloc(sizeof(item));  
    t->value = e; t->next = L;  
    return t; }
```



Stampa di una lista di interi (segue)

```
L = root;
```

```
while (L!=NULL) {  
    printf("\nValore estratto: \t%d", L->value);  
    L = L->next; }  
}
```



Per “non perdere” il puntatore al primo elemento della lista, la lista va scandita con un puntatore ausiliario (ad esempio L)

Creazione e stampa di una lista di interi

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
typedef struct list_element { int value;
                             struct list_element *next; } item;
typedef item *list;
void showList(list l);

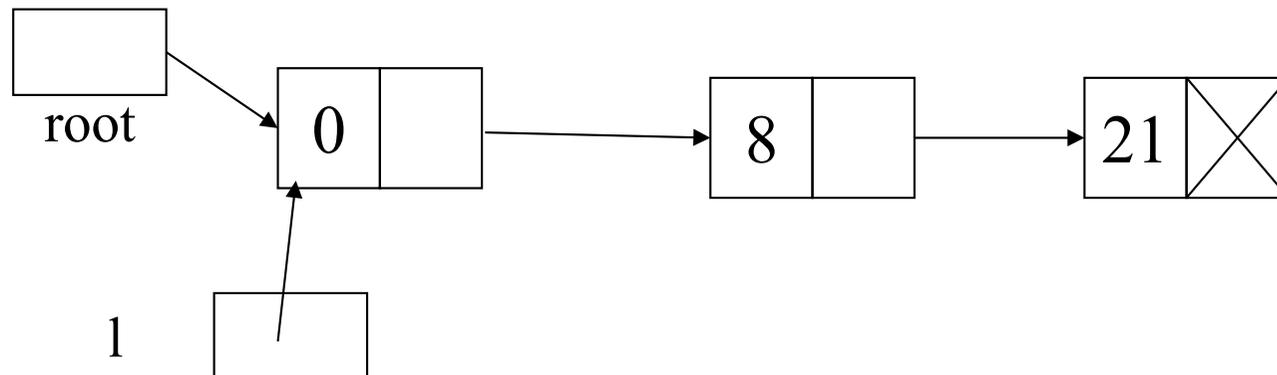
list cons(int e, list l) { list t;
    t = (list) malloc(sizeof(item));
    t->value = e; t->next = l;
    return t; }

main() {
list root = NULL; int i;
do { printf("\nIntrodurre valore: \t");
    scanf("%d", &i);
    root = cons(i, root);
} while (i!=0);
showList(root); }
```

Stampa di una lista: showList

Stampa di una lista: la lista va *scandita (sequenzialmente)* con un puntatore:

```
void showList(list l) {  
    while ( l!=NULL )  
        { printf(“%d”, l->value);  
          l=l->next; }  
}
```



Iterativa o ricorsiva?

Stampa di una lista: `showListr` ricorsiva

... oppure versioni ricorsive

Stampa di una lista (ricorsiva):

```
void showListr(list l) {  
    if( l!=NULL )  
        { printf("%d", l->value);  
          showListr( l->next ); }  
}
```

Rivediamo il programma

Abbiamo visto queste due funzioni per inserire un elemento *i* in testa ad una lista *L*:

```
root = cons ( i, root ) ;
```

e per stampare il contenuto di una lista *L*:

```
showList (root) ;
```



**Mumble
mumble ...**

Riscriviamo il *main* utilizzando chiamate a *cons* e *showList*

Creazione e stampa di una lista di interi

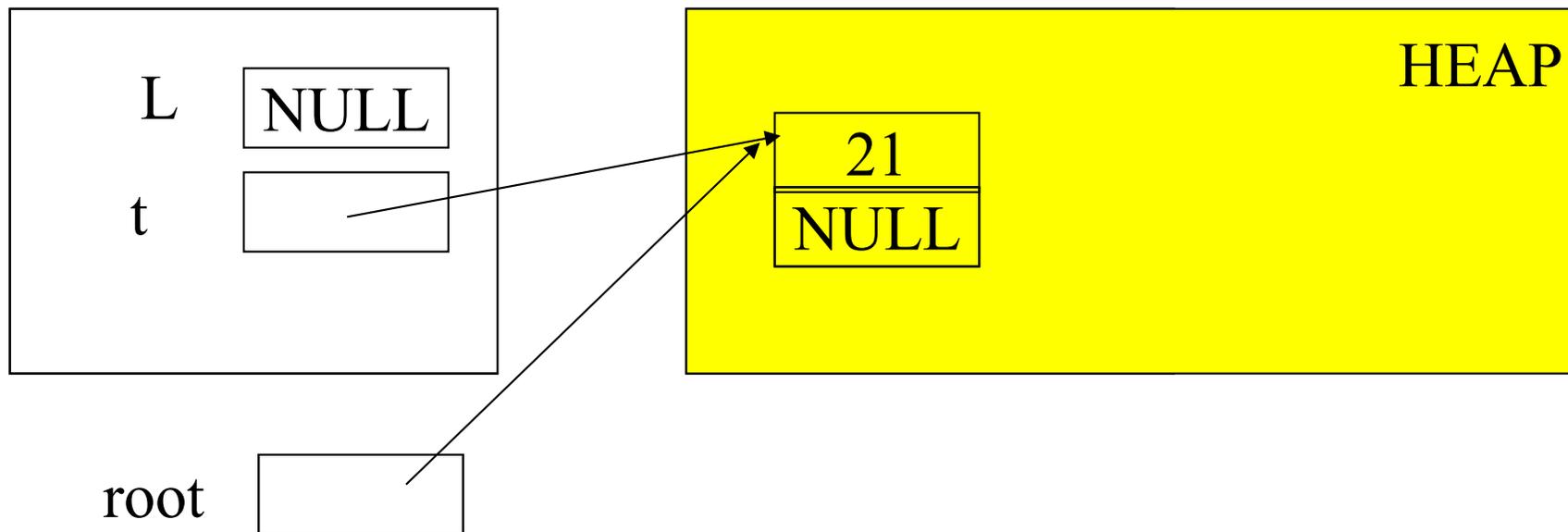
```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
typedef struct list_element { int value;
                             struct list_element *next; } item;
typedef item *list;
void showList(list l);

list cons(int e, list l) { list t;
    t = (list) malloc(sizeof(item));
    t->value = e; t->next = l;
    return t; }

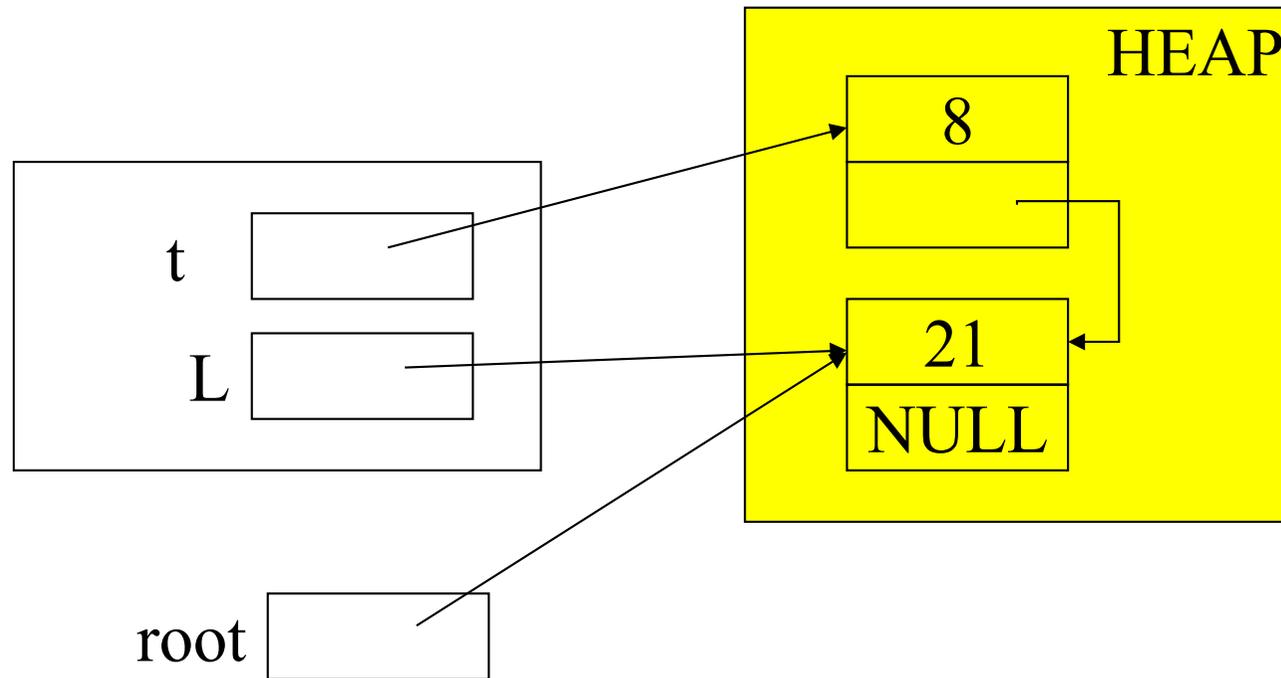
main() {
list root = NULL; int i;
do { printf("\nIntrodurre valore: \t");
    scanf("%d", &i);
    root = cons(i, root);
} while (i!=0);
showList(root); }
```

Prima chiamata: root=cons(i,root)

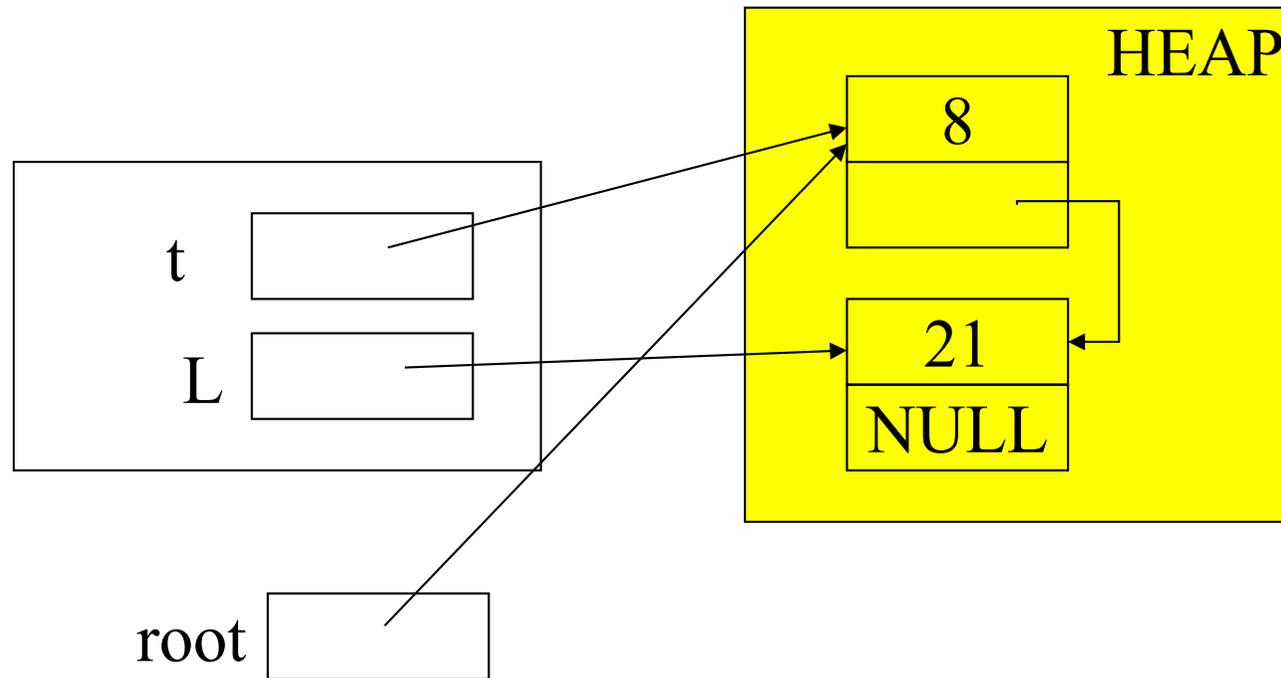
```
list cons(int e, list L) {  
    list t;  
    t = (list) malloc(sizeof(item));  
    t->value = e; t->next = L;  
    return t; }  
}
```



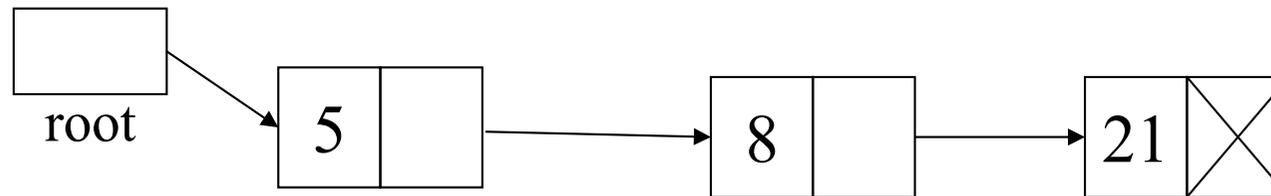
Seconda chiamata: $root = cons(i, root)$



Seconda chiamata: $root = cons(i, root)$



Operazioni su liste



Tipiche operazioni:

stampa degli elementi



ricerca di un elemento

conteggio degli elementi (lunghezza)

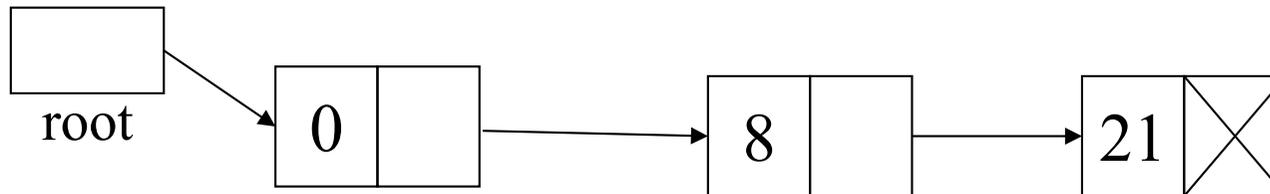
etc.

Non abbiamo un “indice” da incrementare per scandire la lista, come succedeva per la rappresentazione sequenziale mediante vettori.

La lista va **scandita (sequenzialmente) con un puntatore, oppure versioni ricorsive**

Ricerca in una lista

```
...
printf("\nIntrodurre un valore da cercare: \t");
scanf("%d", &i);
if (member(i, root)) printf("Trovato\n");
else printf("Non trovato\n");
}
```

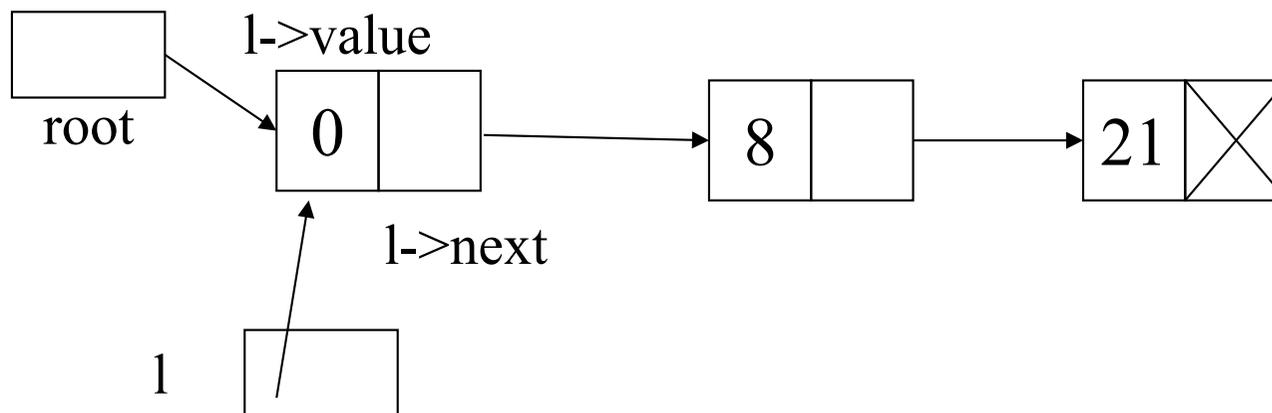


Non abbiamo un “indice” da incrementare per scandire la lista, come succedeva per la rappresentazione sequenziale mediante vettori.

La lista va **scandita (sequenzialmente) con un puntatore**

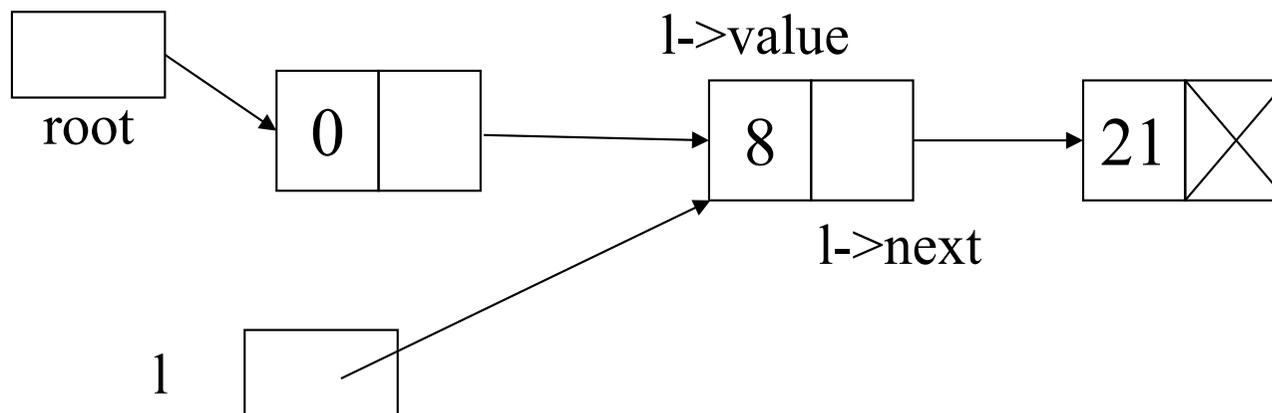
Ricerca in una lista (iterativa)

```
int member(int e, list l) {  
    while (l != NULL)  
        if (l->value == e) return 1;  
        else l = l->next;  
    return 0;  
}
```



Ricerca in una lista (iterativa)

```
int member(int e, list l) {  
    int trovato = 0;  
    while ((l!=NULL) && !trovato)  
        if (l->value == e) trovato = 1;  
        else l = l->next;  
    return trovato;  
}
```



Cerchiamo nella lista

Aggiungiamo al *main* che utilizza già chiamate a *cons* e *showList* anche

la lettura da input di un valore intero



che viene poi cercato in lista con la funzione *member*

e visualizziamo a video se trovato o meno
`if (member(i,root)) printf("%s", "trovato");`

Inserimento in testa (*recap*)

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
typedef struct list_element { int value;
                             struct list_element *next; } item;
typedef item *list;
void showList(list l);

list cons(int e, list l) { list t;
    t = (list) malloc(sizeof(item));
    t->value = e; t->next = l;
    return t; }

main() {
list root = NULL; int i;
do {    printf("\nIntrodurre valore: \t");
    scanf("%d", &i);
    root = cons(i, root);
    } while (i!=0);
showList(root);
scanf("%d", &i);
If (member(i,root)) printf("%s", "trovato"); }
```

ESERCIZIO: ricerca in una lista

```
int member(int e, list l) {
    int trovato = 0;
    while ((l!=NULL) && !trovato)
        if (l->value == e) trovato = 1;
        else l = l->next;
    return trovato;
}
```

È una **scansione sequenziale**, quale complessità?

- nel caso **peggiore**, occorre scandire l'intera lista $O(N)$
- nel caso **migliore**, è il primo elemento *costante*
- nel caso **medio**, proporzionale a $N/2$ $O(N)$

Esercizio proposto: progettare e implementare una soluzione
ricorsiva (in Laboratorio – **Esercitazione**)

ESERCIZIO 3bis: ricerca in una lista

```
int member(int e, list l) {  
    int trovato = 0;  
    while ((l!=NULL) && !trovato)  
        if (l->value == e) trovato = 1;  
        else l = l->next;  
    return trovato;  
}
```

Soluzione ricorsiva:

ESERCIZIO 3bis: ricerca in una lista

```
int member(int e, list l) {
    int trovato = 0;
    while ((l!=NULL) && !trovato)
        if (l->value == e) trovato = 1;
        else l = l->next;
    return trovato;
}
```

Soluzione ricorsiva:

```
int member_r(int e, list l) {
    if (l!=NULL)
        if (l->value == e) return 1;
        else return member_r(e, l->next);
    else return 0;
}
```

Conteggio degli elementi in lista

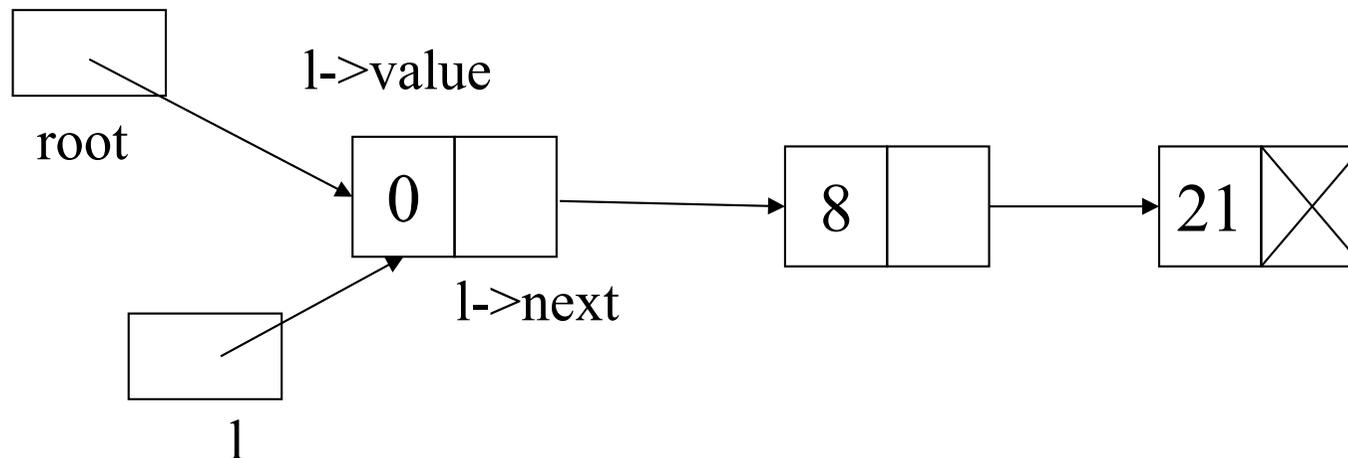
length(l) =

0

1 + length(*resto di l*)

se l è vuota

altrimenti



Conteggio degli elementi in lista

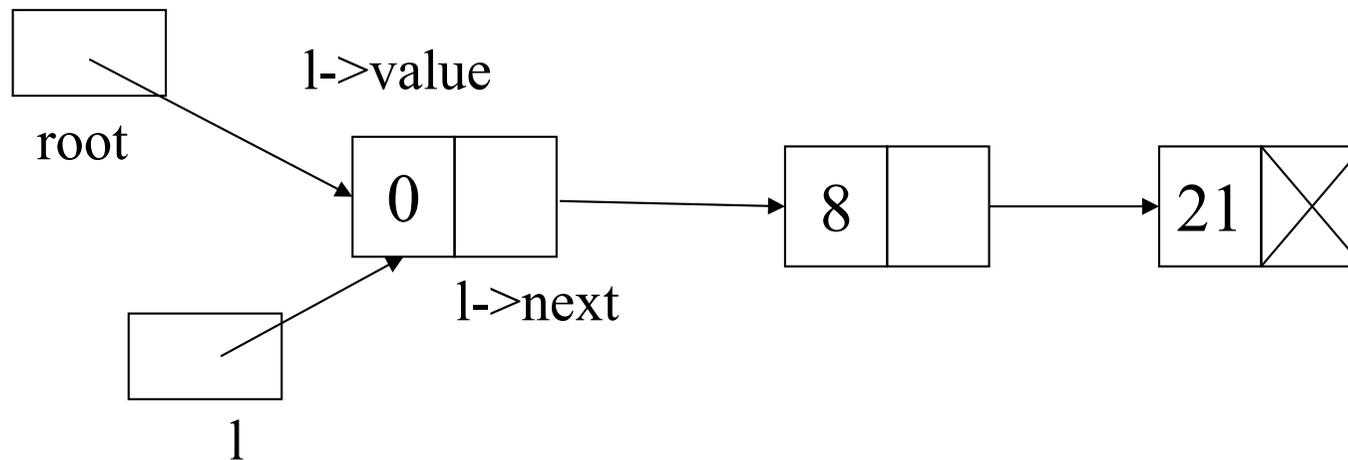
length(l) =

0

1 + length(l->next)

se l è vuota

altrimenti



Conteggio degli elementi in lista

length(l) = 0 se l è vuota
 1 + length(l->next) altrimenti

```
// VERSIONE ITERATIVA
int length(list l) {
    int n = 0;
    while (!(l==NULL)) {
        n++; l = l->next; }
    return n;
}
```

```
// VERSIONE RICORSIVA
int length(list l) {
    if (l==NULL) return 0;
    else return 1 + length(l->next);
}
```

NOTA: **NON** è una funzione *tail ricorsiva*, somma dopo la chiamata ricorsiva

Inserimento di un elemento in una lista

- In testa a una lista



facile da realizzare

L'ordine in lista è esattamente inverso rispetto all'ordine di inserimento

- In fondo a una lista

facile da realizzare?

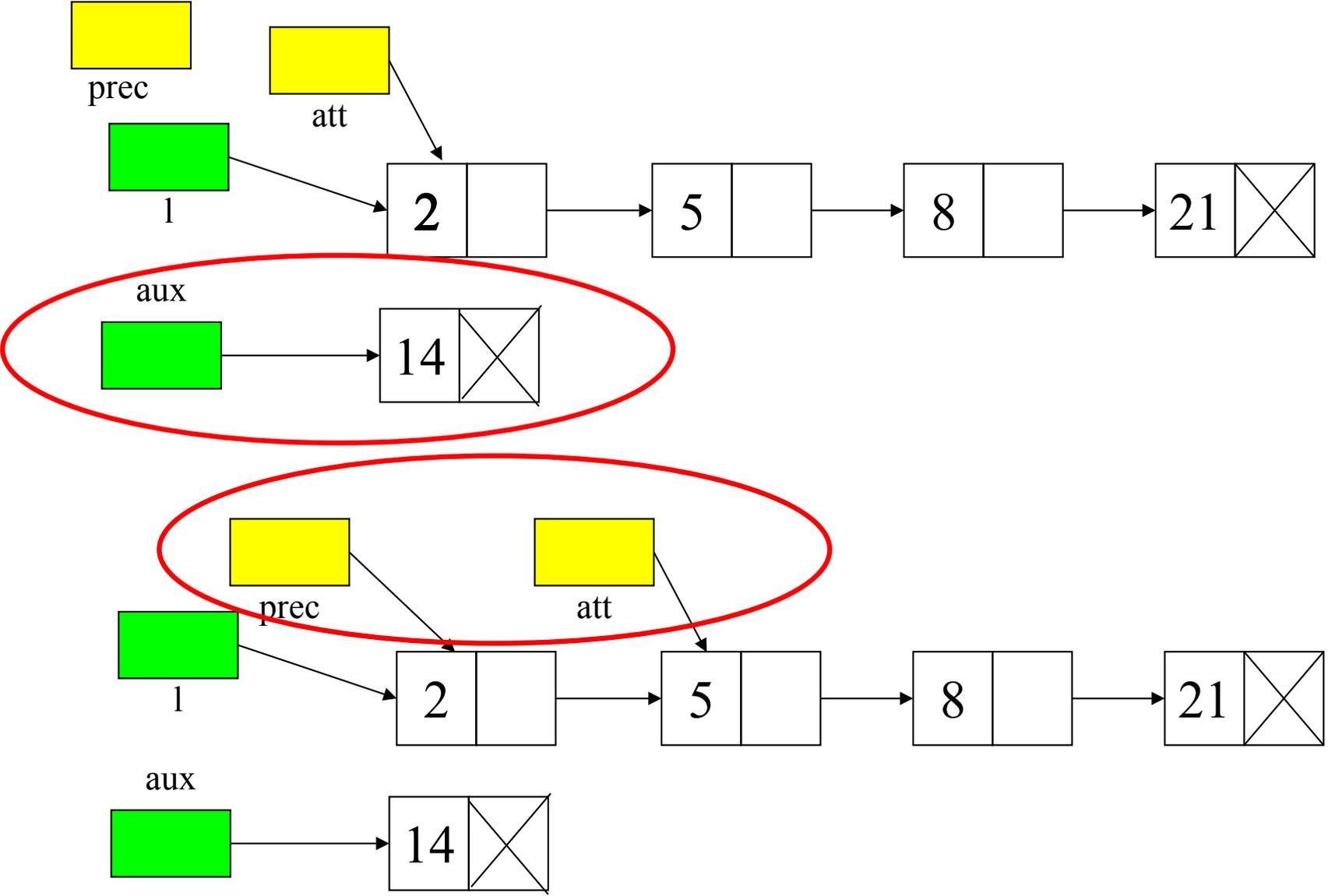
L'ordine in lista è esattamente identico all'ordine di inserimento

- Inserimento ordinato

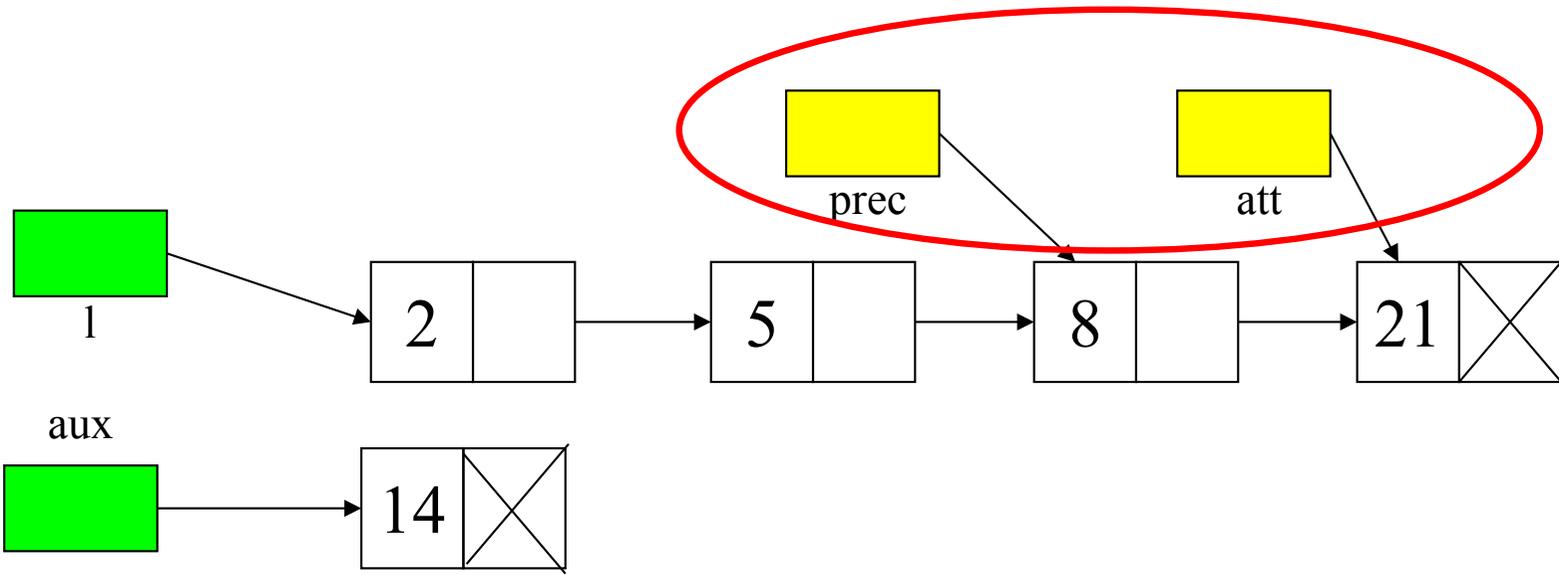
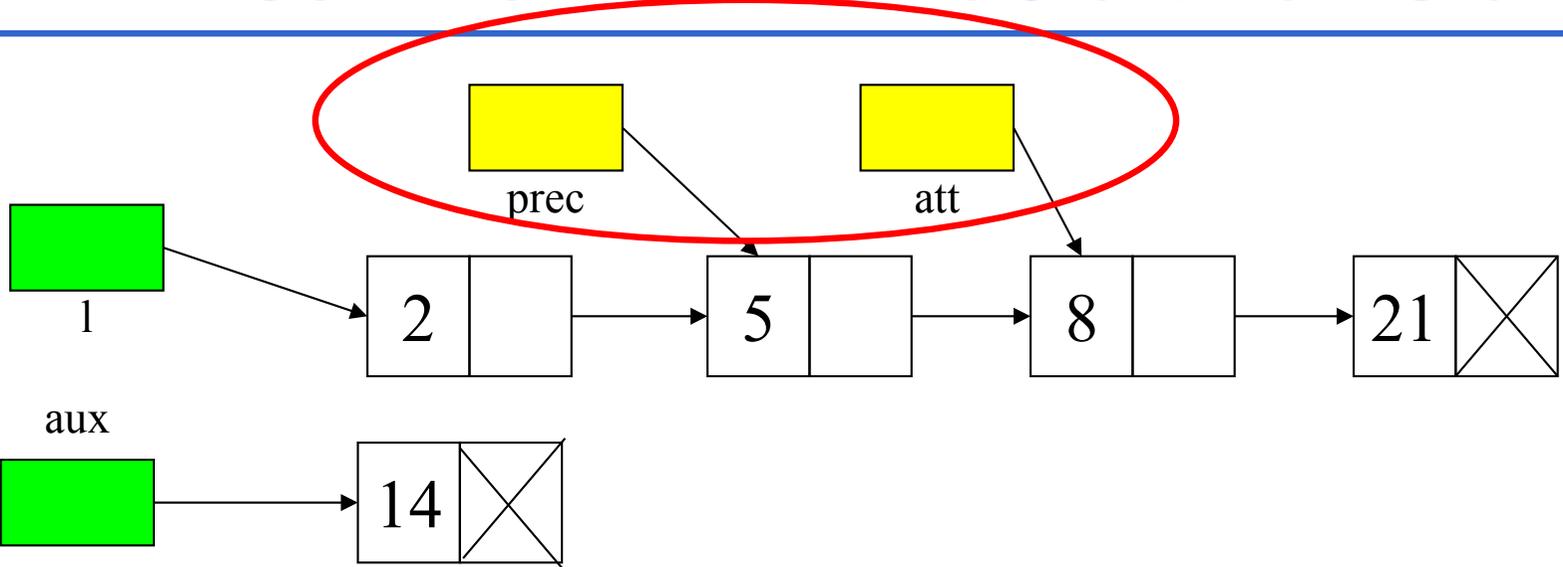
facile da realizzare?

L'ordine in lista rispetta la relazione d'ordine tra elementi utilizzata (crescente / decrescente / etc)

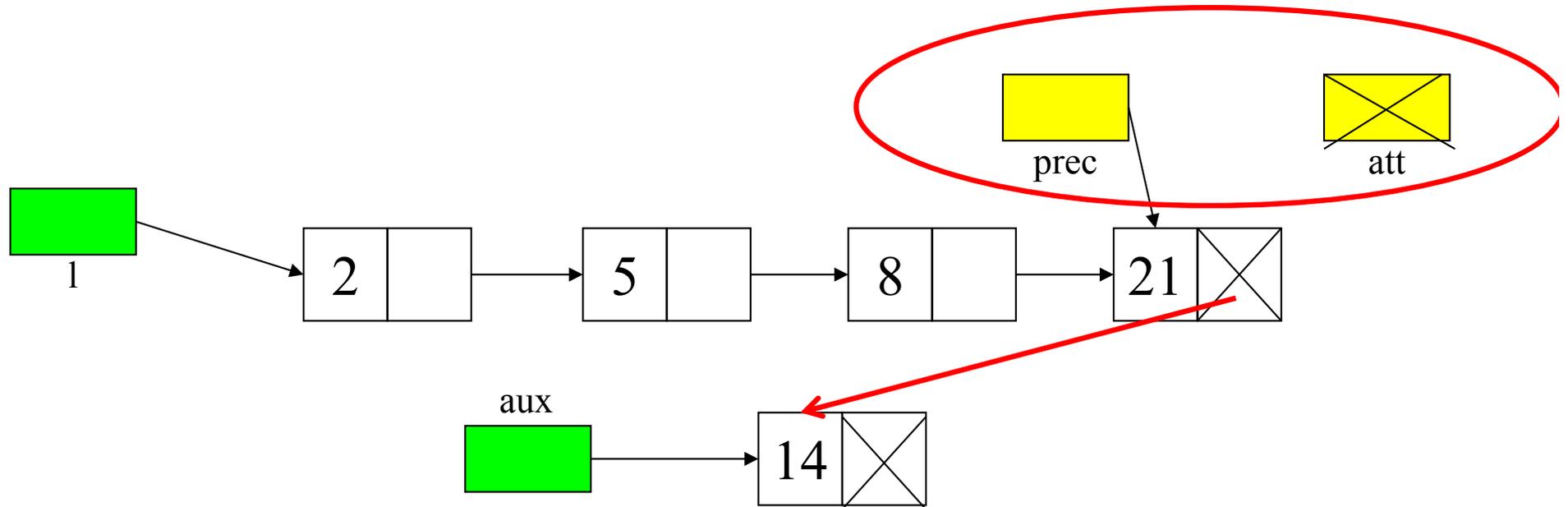
Inserimento in fondo a una lista



Inserimento in fondo a una lista



Inserimento in fondo a una lista



Inserimento in fondo

```
// FUNZIONE CHE INSERISCE IN FONDO - PRIMITIVA ITERATIVA

list cons_tail(int e, list l) {
    list prec, aux;
    list patt=l;

    aux=(list)malloc(sizeof(item));          // ALLOCA NODO
    aux->value=e;
    aux->next=NULL;
    if (l==NULL) return aux;                // INSERISCE IN LISTA VUOTA
    else
        { while (patt!=NULL)                // NON FINE LISTA
            { prec=patt ;
              patt=patt->next; }

          prec->next=aux;                    // AGGIUNGE IN FONDO
          return l;                          // RESTITUISCE RADICE l
        }
}
```

Creazione di una lista inserendo in fondo

Aggiungiamo al *main* che utilizza già chiamate a *cons* e *showList* anche *cons_tail*

Lettura di una sequenza da input e costruzione di due liste: root con inserimento in testa e L2 in fondo



Stampa di root e L2 con *showlist*

Come si presentano le due sequenze visualizzate?

Creazione e stampa di una lista di interi

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
typedef struct list_element { int value;
                             struct list_element *next; } item;
typedef item *list;
void showList(list l);
list cons(int e, list l);
list cons_tail(int e, list l);

main() {
list root = NULL; int i; list L2=NULL;
do { printf("\nIntrodurre valore: \t");
      scanf("%d", &i);
      root = cons(i, root);
      L2=cons_tail(i, L2)
} while (i!=0);
showList(root);
showList(L2);
}
```