

# Esame di “FONDAMENTI DI AUTOMATICA” (9 CFU)

## Prova MATLAB (1) – 7 giugno 2022 – Testo A

**Istruzioni per lo svolgimento:** lo studente deve consegnare al termine della prova una cartella nominata `Cognome_Nome`, contenente:

1. Un Matlab script file (i.e. file di testo con estensione `.m`) riportante i comandi eseguiti e la risposta alle eventuali richieste teoriche sotto forma di commento (i.e. riga di testo preceduta dal simbolo `%`)

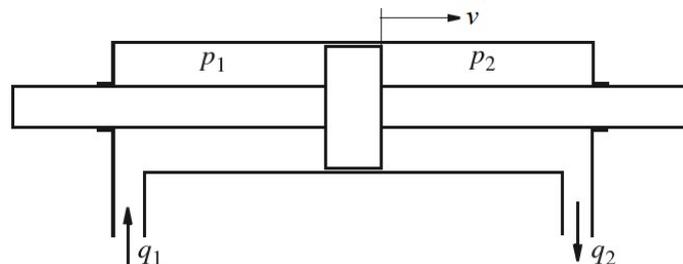
**NOTA:** per copiare i comandi dalla Command History, visualizzarla tramite menu “Layout → Command History → Docked”, selezionare in tale finestra le righe di interesse tramite *Ctrl+mouse left-click* e dal menu visualizzato tramite *mouse right-click* selezionare “create script”

2. Le figure rilevanti per la dimostrazione dei risultati ottenuti in **formato JPEG o PNG** avendo cura di salvare i file delle figure quando queste mostrano le caratteristiche di interesse per la verifica del progetto (i.e. Settling Time, Stability Margins, ecc.).

**NOTA:** per salvare una figura Matlab in formato PNG o JPG, usare il menu “File → Save as” dalla finestra della figura di interesse, assegnarle un nome e selezionare l’estensione `*.PNG` o `*.JPG` nel menu a tendina “salva come”, avendo cura che le figure siano salvate quando queste mostrano le caratteristiche di interesse per la verifica del progetto

## INTRODUZIONE

Si consideri il cilindro oleodinamico mostrato nella seguente figura:



il cui modello matematico (semplificato) è stato oggetto dei primi esercizi della prova scritta odierna (Testo B). Il modello esteso, del tipo

$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t); y(t) = Cx(t) + Du(t)$$

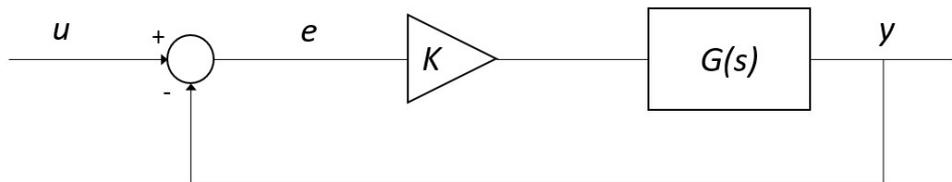
è inizializzato dallo script `initAutomaticaTestoA.m` fornito dal docente.

## ESERCIZIO 1.

- a) Dato il modello ottenuto nell’introduzione, si ricavi la funzione di trasferimento  $G(s)$  del sistema in esame.
- b) Si determinino i poli della funzione di trasferimento e si verifichi se coincidono con gli autovalori di  $A$ . Descrivere il motivo di eventuali discrepanze tramite righe di commento (i.e. precedute dal simbolo `%`) sul file `.m`

## ESERCIZIO 2

Si consideri il sistema in retroazione unitaria rappresentato in figura:

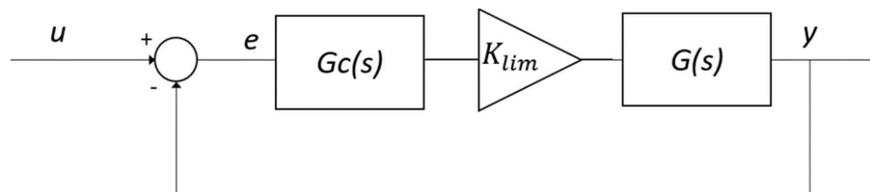


Con  $G(s)$  ricavata al punto a) dell'Esercizio 1.

- Si verifichi se il sistema ad anello chiuso, con guadagno  $K = 1$ , risulti o meno stabile tramite l'analisi della risposta  $y(t)$  al gradino unitario.
- Si determini, se esiste, il valore del guadagno  $K_{lim}$  per il quale il sistema risulta semplicemente stabile, utilizzando il grafico del luogo delle radici della funzione  $G(s)$ .
- Si ponga  $K_1 = 0.8 K_{lim}$ , si visualizzi l'andamento della risposta al gradino  $y(t)$  del sistema chiuso in retroazione con tale guadagno e si determini il tempo d'assestamento al 5%.
- Si determini il valore a regime della risposta al gradino  $y(t)$  e si motivi il risultato tramite righe di commento (i.e. precedute dal simbolo %) sul file .m

## ESERCIZIO 3

Si consideri il sistema rappresentato in figura



Con  $G_c(s) = \frac{1+\tau_1 s}{1+\tau_2 s} = \frac{1+\tau s}{1+\alpha \tau s}$  rete anticipatrice ( $\tau_2 < \tau_1$  o  $\alpha < 1$ ),  $G(s)$  ricavata dall'Esercizio 1 e  $K_{lim}$  ricavato al punto b) dell'Esercizio 2.

Si progetti la rete anticipatrice che garantisca un margine di fase  $M_f = 30^\circ$  utilizzando la procedura empirica riportata nella dispensa FdA-3.1-RetiCorrettrici oppure il metodo delle formule di inversione (v. Appendice).

Per il metodo con le formule di inversione si possono sfruttare i grafici ottenuti con la funzione `leadNetDesignBode.m` fornita dal docente, che evidenzia l'intervallo di pulsazioni che costituiscono la regione di realizzabilità della rete anticipatrice.

Per dimostrare il completamento del progetto:

- Si determinino i coefficienti  $\tau_1$  e  $\tau_2$  (o  $\tau$  e  $\alpha$ ) della rete anticipatrice e si verifichi che valga  $\tau_2 < \tau_1$  (o  $\alpha < 1$ )
- Si visualizzino in un'unica figura i diagrammi di Bode del sistema non compensato e del sistema compensato, evidenziando i relativi margini di fase;
- Si verifichi la risposta al gradino del sistema compensato e chiuso in retroazione e se ne determini il tempo d'assestamento al 5%.

## APPENDICE (formule d'inversione)

$$\tau_1 = \frac{M^* - \cos \varphi^*}{\omega^* \sin \varphi^*}$$

$$\varphi^* = -180^\circ + \mathbf{M}_F - \arg[G(j\omega^*)]$$

$$\tau_2 = \frac{\cos \varphi^* - \frac{1}{M^*}}{\omega^* \sin \varphi^*}$$

$$\mathbf{M}^* = 1 / |G(j\omega^*)|$$

**NOTA BENE:** si ricordi che in MATLAB le funzioni trigonometriche da utilizzare con argomento espresso in gradi sono `sind()` / `cosd()`.

### SOLUZIONE (traccia):

#### Contenuto di `initAutomaticaTestoA`

```
% Inizializzazione parametri
```

```
C1=0.5;  
Cf=1;  
M=3;  
V=2;  
Ac=0.6;  
beta=50;
```

```
% Inizializzazione matrici
```

```
A=[ 0 1 0 0;  
    0 -Cf/M Ac/M -Ac/M;  
    0 -Ac*beta/V -C1*beta/V C1*beta/V;  
    0 Ac*beta/V -C1*beta/V -C1*beta/V]  
B=[0;0;beta/V;-beta/V]  
C=[1 0 0 0]  
D=0
```

### Svolgimento:

```
sys=ss(A,B,C,D)  
G=tf(sys)
```

```
G =
```

$$\frac{10 s + 125}{s^4 + 25.33 s^3 + 326.8 s^2 + 179.2 s}$$

```
pole(G)
```

```
ans =
```

```
0.0000 + 0.0000i  
-12.3801 +12.6244i  
-12.3801 -12.6244i  
-0.5731 + 0.0000i
```

```
eig(A)
```

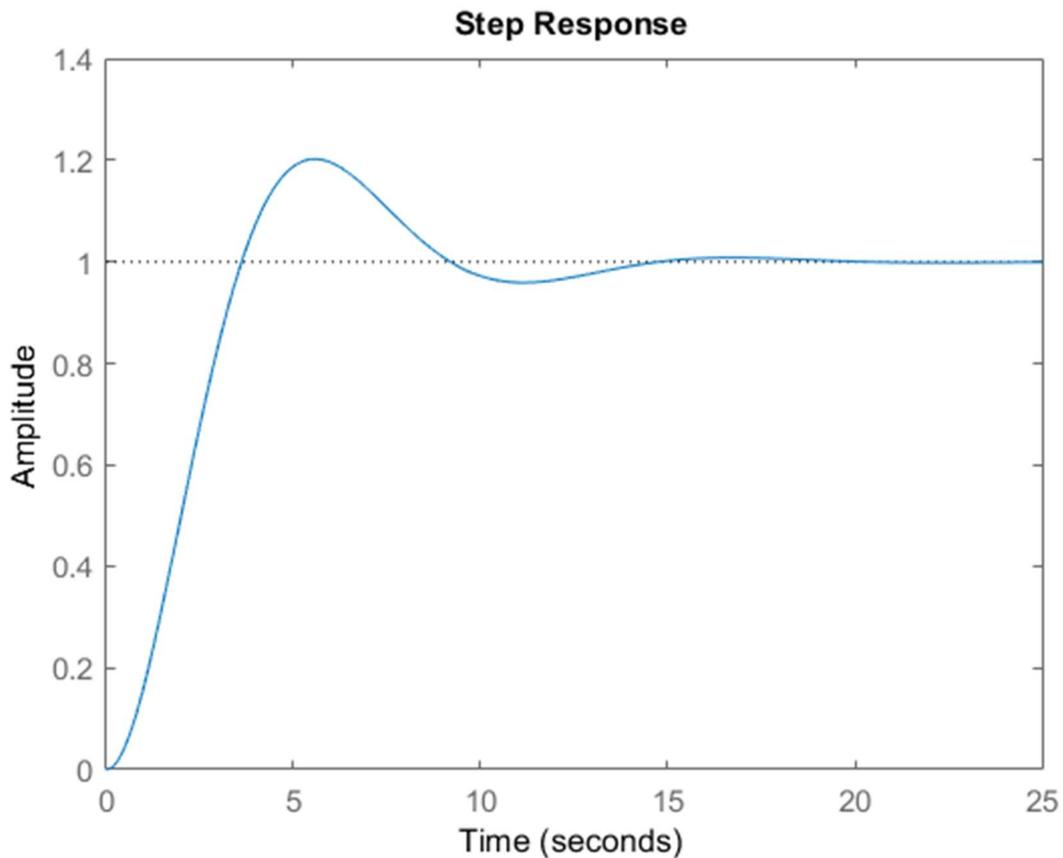
```
ans =
```

```
0.0000 + 0.0000i  
-0.5731 + 0.0000i  
-12.3801 +12.6244i  
-12.3801 -12.6244i
```

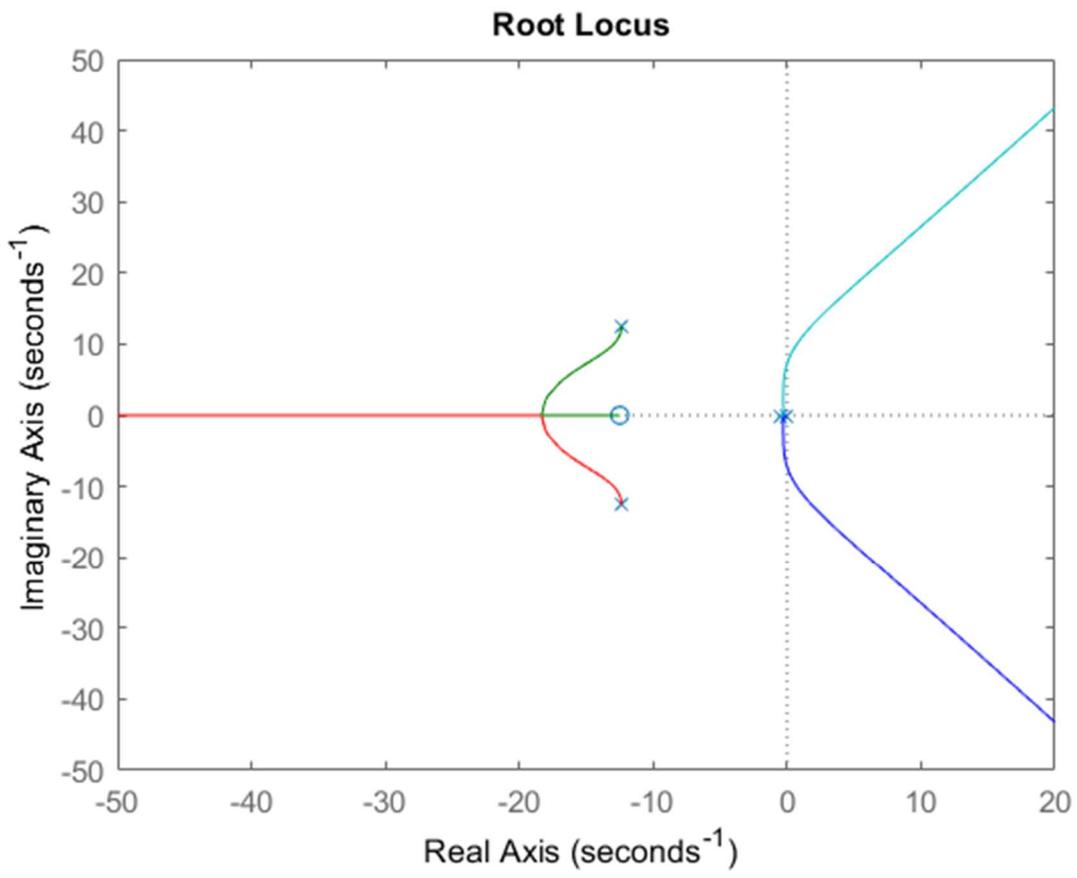
```
% Poli e autovalori coincidono (sistema completamente  
controllabile e osservabile)
```

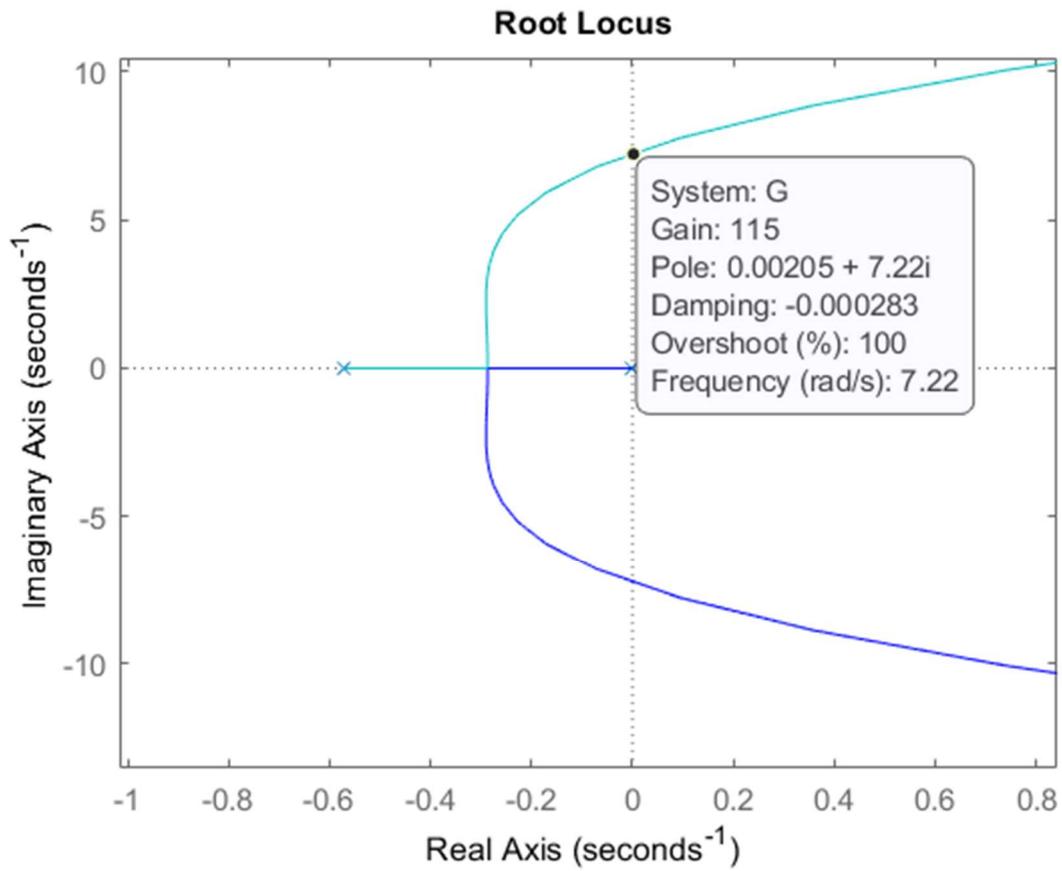
```
Gcl=feedback(G,1)
```

```
step(Gcl)
```



rlocus (G)

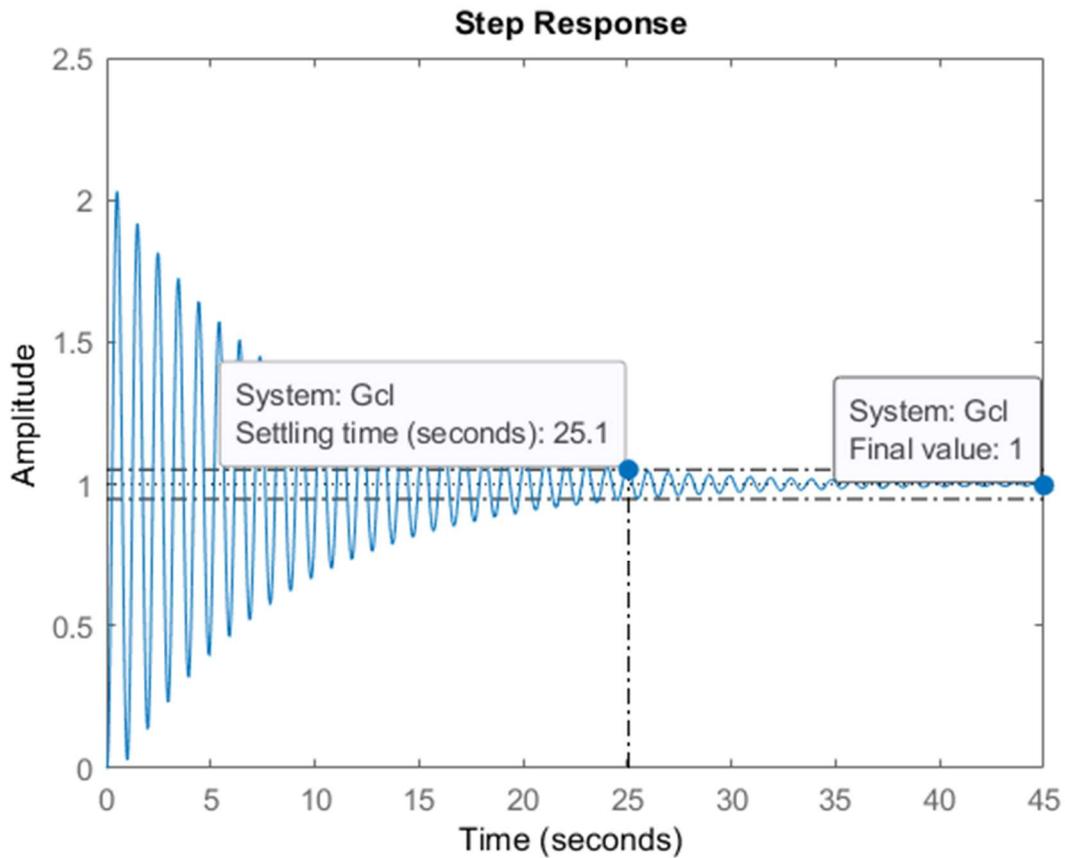




`Klim = 115`

`Gcl=feedback(0.8*Klim*G,1)`

`step(Gcl)`



`% Valore a regime = 1 (errore nullo in risposta al gradino unitario), perché il sistema è di tipo 1, cioè ha un polo nell'origine)`

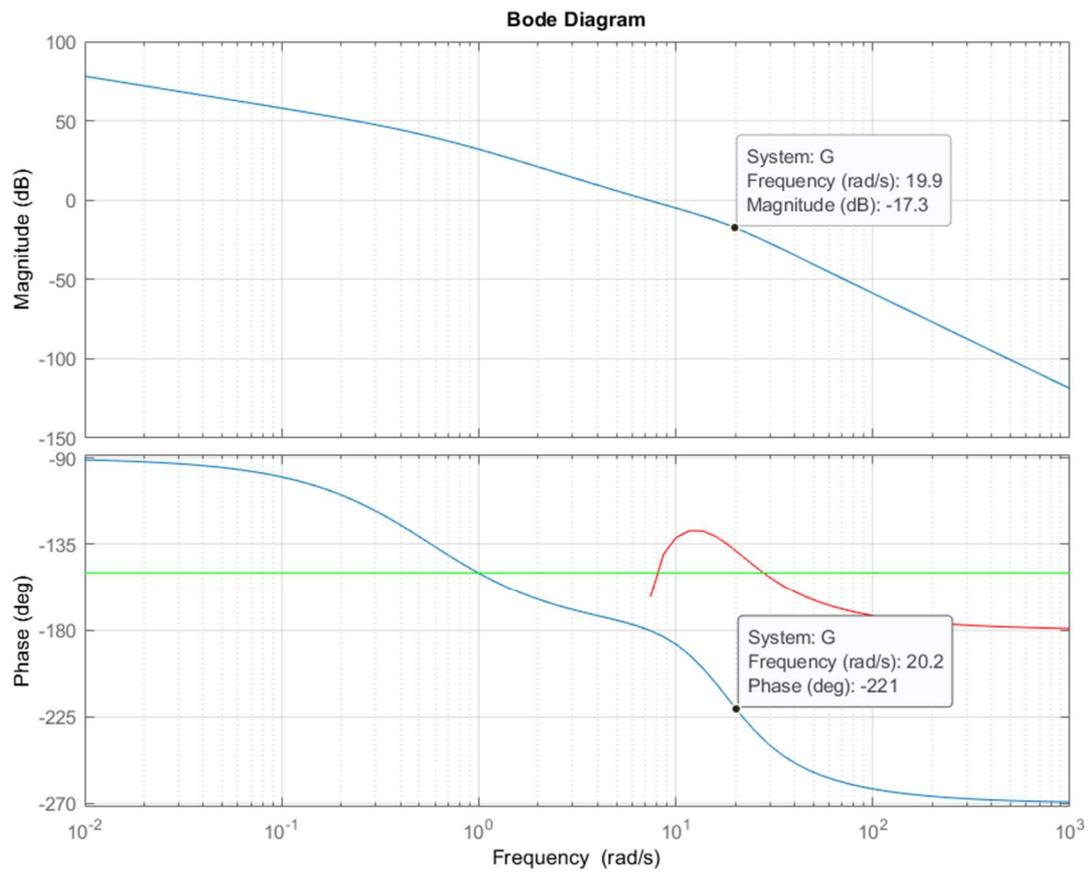
`leadNetDesignBode(Klim*G,30)`

`% Dal diagramma di Bode arricchito:`

`M=1/db2mag(-17.3)`

`phi=-180+30-(-221)`

`omega=20`



$$\tau_1 = (M - \cos(\phi)) / (\omega \sin(\phi))$$

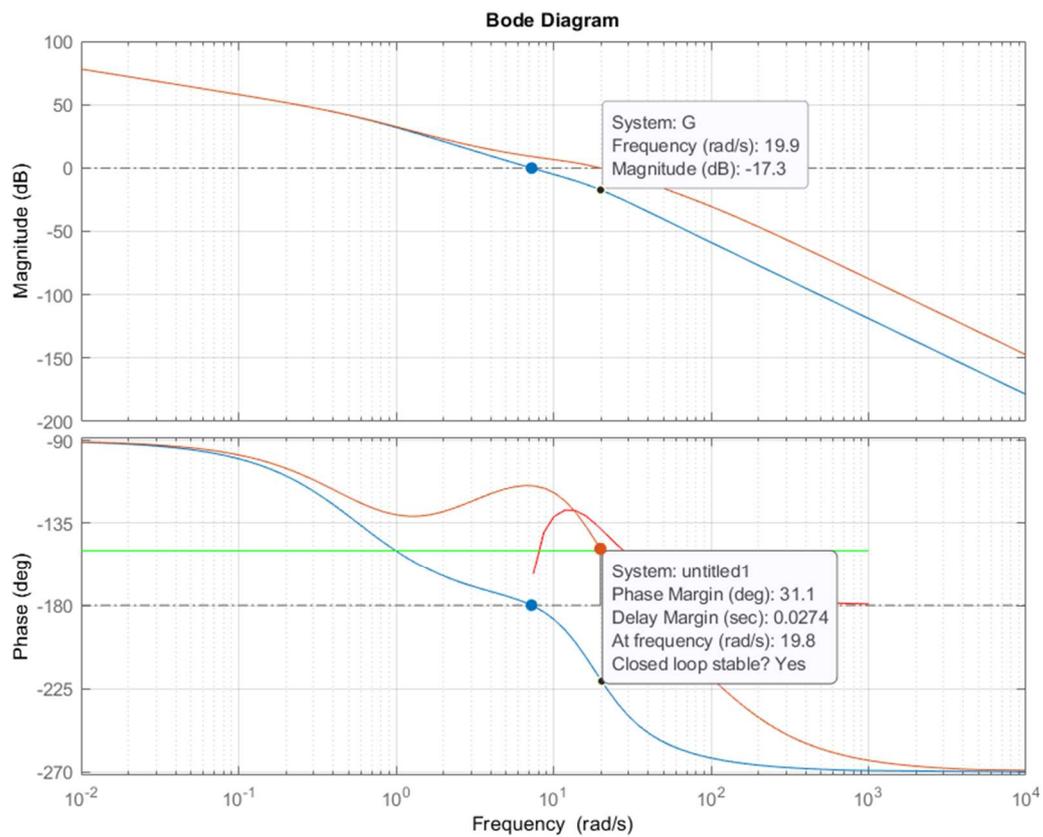
$$\tau_2 = (\cos(\phi) - 1/M) / (\omega \sin(\phi))$$

`s=tf('s')`

$$G_c = (1 + \tau_1 s) / (1 + \tau_2 s)$$

hold on

`bode(G_c * K_{lim} * G)`



**Gcl1=feedback (Gc\*Klim\*G, 1)**

**figure  
step (Gcl1)**

