

# Esame di “FONDAMENTI DI AUTOMATICA” (9 CFU)

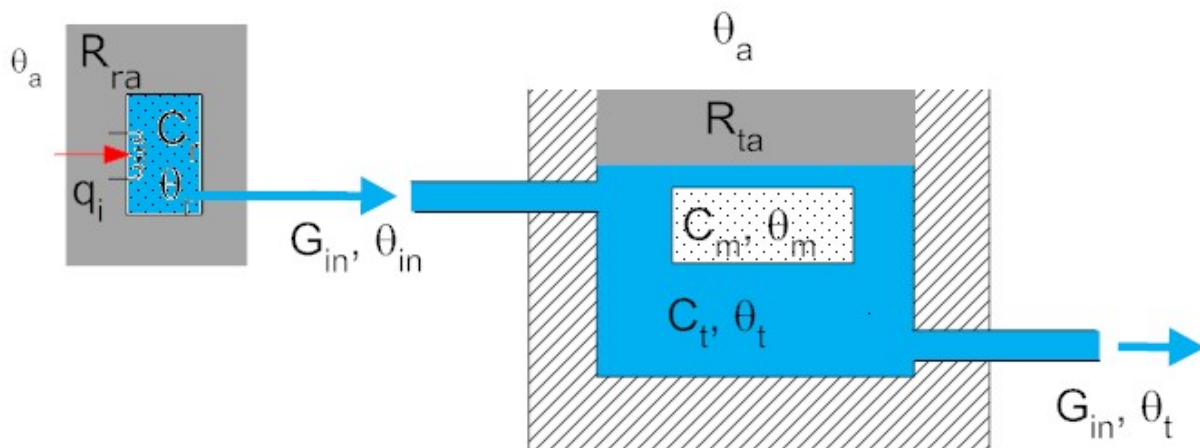
Prova scritta – 24 luglio 2019

COGNOME e NOME: \_\_\_\_\_

MATRICOLA: \_\_\_\_\_

## ESERCIZIO 1.

Si consideri un sistema per il riscaldamento di parti metalliche, costituito da un contenitore principale nel quale vengono tenute in immersione le parti e nel quale viene fatto circolare un fluido mantenuto ad opportuna temperatura, grazie ad un altro contenitore ausiliario per il riscaldamento del fluido stesso. Il sistema è schematizzato alla figura seguente, che mostra il contenitore ausiliario di riscaldamento del fluido a sinistra e quello principale di riscaldamento delle parti metalliche a destra:



Indicando con  $\theta_m$ ,  $\theta_t$ ,  $\theta_{in}$  rispettivamente la temperatura del metallo, quella del contenitore principale e quella del fluido in ingresso a quest'ultimo, il modello matematico del sistema si può esprimere con le seguenti equazioni (nell'ipotesi che la temperatura ambiente sia nulla):

$$C_m \dot{\theta}_m + \frac{\theta_m - \theta_t}{R_{mt}} = 0$$

$$C_t \dot{\theta}_t + \frac{\theta_t}{R_{ta}} = \frac{\theta_m - \theta_t}{R_{mt}} + G_{in} c_p (\theta_{in} - \theta_t)$$

$$C_r \dot{\theta}_{in} + \frac{\theta_{in}}{R_{ra}} = q_i$$

nelle quali:  $R_{mt}$  è la resistenza termica tra il metallo e il fluido;  $R_{ta}$  è la resistenza termica tra il contenitore con le parti metalliche e l'ambiente;  $R_{ra}$  è la resistenza termica tra il contenitore di riscaldamento del fluido e l'ambiente,  $C_m$  è la capacità termica del metallo;  $C_t$  è la capacità termica del contenitore principale;  $C_r$  è la capacità termica del contenitore ausiliario;  $G_{in}$  è la portata di fluido entrante/uscente dal contenitore principale (che si suppone costante),  $C_p$  è il calore specifico del fluido utilizzato e  $q_i$  è il calore erogato al contenitore ausiliario.

Si determini il corrispondente modello dinamico nello spazio degli stati, di ordine 3 e del tipo:

$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t); y(t) = Cx(t) + Du(t)$$

fissando le seguenti scelte per stato, ingresso e uscita:

$$x_1 = \theta_m; x_2 = \theta_t; x_3 = \theta_{in}; u = q_i; y = x_1;$$

**RISPOSTA:**

$$A =$$

$$B =$$

$$C =$$

$$D =$$

## ESERCIZIO 2.

Dato il modello ottenuto nell'Esercizio 1, si sostituiscano i seguenti valori per i parametri fisici:

$$R_{mt} = 0,025; R_{ta} = 0,1; R_{ra} = 1; C_m = 200; C_t = 100; C_r = 100;$$

$$G_{in} = 0,1; c_p = 1000;$$

e si verifichi se il sistema sia o meno completamente osservabile, calcolando la matrice di osservabilità ed il relativo rango.

**RISPOSTA:**

$$Q^T =$$

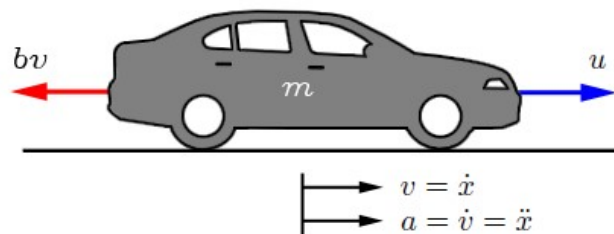
$$\text{rango}(Q^T) =$$

Perciò il sistema E' / NON E' completamente osservabile.

---

### ESERCIZIO 3.

Si consideri il modello dinamico di un'automobile comunemente utilizzato per la regolazione automatica della velocità (*cruise control*):



Nelle condizioni di assenza del comando  $u$  (i.e. rallentamento libero), il modello è costituito dalla seguente equazione nello spazio degli stati:

$$\dot{x}(t) = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & -\frac{1}{20} \end{bmatrix} x(t)$$

Si calcoli lo stato raggiunto dal sistema al tempo  $t_1 = 60$  a partire dallo stato iniziale  $x(0) = [0 \quad 20]^T$  (i.e.  $t_0 = 0$ )

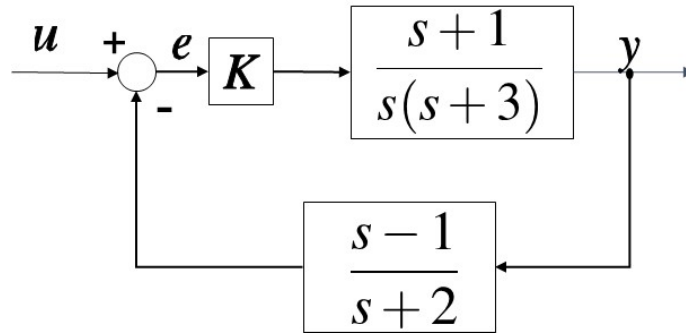
**RISPOSTA:**

$$x(60) =$$

---

### ESERCIZIO 4.

Dato il sistema descritto dal seguente diagramma a blocchi:



si determini l'intervallo di valori di  $K$  tali per cui il sistema ad anello chiuso risulti essere ASINTOTICAMENTE STABILE.

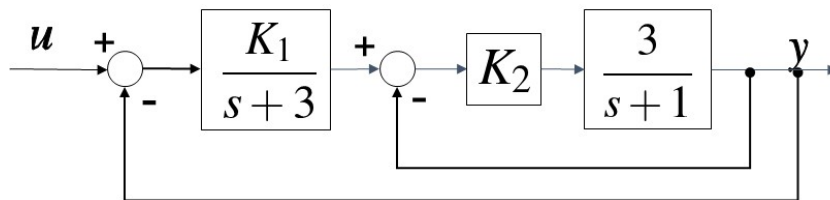
**RISPOSTA:**

$K$

---

**ESERCIZIO 5.**

Dato il sistema descritto dal seguente diagramma a blocchi:



si determinino i valori di  $K_1$  e  $K_2$  tali per cui il sistema chiuso in retroazione risulti avere coefficiente di smorzamento  $\delta = 0,5$  e tempo di assestamento  $T_a = 2$  secondi.

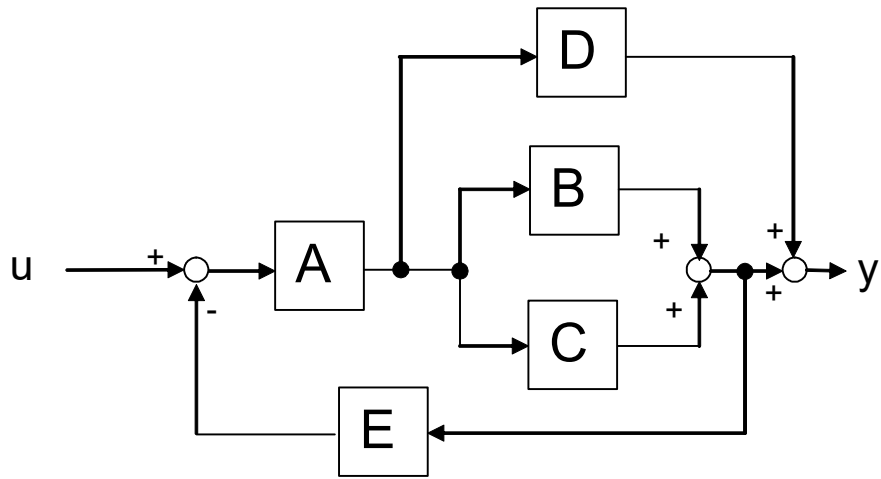
**RISPOSTA:**

$K_1 =$   $K_2 =$

---

**ESERCIZIO 6.**

Si determini la funzione di trasferimento del seguente diagramma a blocchi:



RISPOSTA:

$$Y / U =$$

## TEST A RISPOSTA MULTIPLA

---

### DOMANDA 1.

Due sistemi dinamici, lineari e stazionari, asintoticamente stabili, collegati in cascata danno luogo ad un sistema:

- asintoticamente stabile
- semplicemente stabile
- instabile
- lineare e stazionario

### DOMANDA 2.

Il polinomio caratteristico di un sistema dinamico lineare, stazionario e tempo continuo, è:

$$\lambda^3(\lambda + 2)$$

Il sistema:

- presenta modi semplicemente stabili
- presenta modi asintoticamente stabili
- presenta modi instabili
- può presentare modi instabili

### DOMANDA 3.

La funzione di trasferimento di un sistema dinamico a tempo continuo è:

$$G(s) = \frac{(s+2)(s+1)}{s(s+3)}$$

Tale sistema:

- è puramente dinamico
- è asintoticamente stabile
- è semplicemente stabile
- è a fase minima

### DOMANDA 4.

Il luogo delle radici di una funzione di trasferimento di anello, con  $n$  poli ed  $m$  zeri ( $n > m$ ), presenta almeno un asintoto reale:

- quando  $K > 0$  (luogo diretto) e  $n - m$  è dispari
- quando  $K > 0$  (luogo diretto) e  $n - m$  è pari
- quando  $K < 0$  (luogo inverso) e  $n - m$  è dispari
- quando  $K < 0$  (luogo inverso) e  $n - m$  è pari