



Corso di Laurea Ingegneria Elettronica e Informatica

Esercizio 1: Un sottile disco di raggio $r_a = 3.0$ cm ha al centro un foro di raggio $r_b = 1.0$ cm. Sul disco è distribuita uniformemente una carica positiva con densità superficiale $\sigma = 1.33$ nC/cm². Si supponga che l'asse del disco coincida con l'asse Z, e che il disco giaccia nel piano XY.

- i. Calcolare l'ampiezza del campo \vec{E} in funzione della coordinata z
- ii. Calcolare il potenziale elettrico presente nel punto P che giace sull'asse Z, a 10 cm dal piano XY.
- iii. Un protone (massa $m_p = 1.67 \times 10^{-27}$ kg, carica $e = 1.6 \times 10^{-19}$ C) è vincolato a muoversi sull'asse del disco. Partendo esso dal centro del disco con velocità trascurabile, quale sarà la sua velocità massima?



università di ferrara

Corso di Laurea Ingegneria Elettronica e Informatica

Fisica Generale 2

Esame scritto del 6/6/2014

Nome:

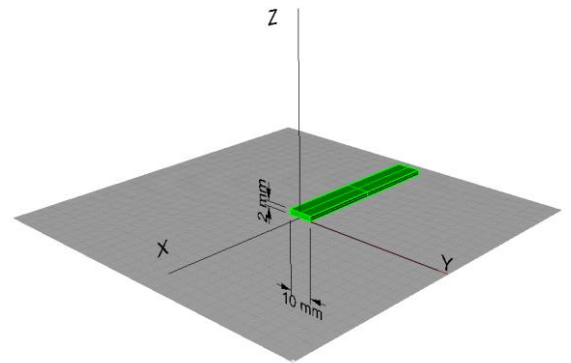
Cognome:

Matricola:



Esercizio 2: Una lamina metallica conduttrice a forma di parallelepipedo ha spessore $a = 2.0$ mm (parallelamente all'asse z), larghezza (lungo y) pari a $b = 10$ mm ed estensione indefinita in x . Essa è percorsa da una corrente $i = 100$ A, parallela all'asse x e distribuita uniformemente sulla sezione del conduttore. La densità volumetrica degli elettroni di conduzione è $n = 5.86 \times 10^{22} \text{ cm}^{-3}$. Il sistema è immerso in un campo magnetico uniforme e costante di modulo $B = 2$ T diretto come z .

- Calcolare la densità superficiale di corrente che fluisce nella lamina.
- Calcolare la velocità media dei portatori di carica che fluiscono nella lamina.
- Calcolare modulo e verso del campo elettrico trasverso \vec{E} , diretto secondo l'asse y , che compare nella lamina.
- Determinare inoltre la differenza di potenziale tra le facce della lamina perpendicolari all'asse y .
- Il fenomeno descritto nei punti precedenti prende il nome di effetto Hall. Discutere come esso possa essere utilizzato per determinare il segno dei portatori di carica, per dedurre la loro densità e per misurare campi magnetici.





università di ferrara

Corso di Laurea Ingegneria Elettronica e Informatica

Fisica Generale 2

Esame scritto del 6/6/2014

Nome:

Cognome:

Matricola:



Esercizio 3: Un forno a microonde opera ad una frequenza $f = 2.45$ GHz. (a) Calcolare la lunghezza d'onda delle microonde.

- i. Calcolare la lunghezza d'onda delle microonde
- i. All'esterno del forno, ad una distanza di 30 cm, il campo magnetico ha una ampiezza massima $B_0 = 5.4 \mu\text{T}$. Determinare l'ampiezza massima del campo elettrico E_0 .
- ii. Determinare l'energia per unità di volume che il forno a microonde irraggia a 30 cm di distanza.
- iii. Determinare l'irradianza (densità di potenza per unità di superficie) che il forno a microonde irraggia a 30 cm di distanza.



università di ferrara

Corso di Laurea Ingegneria Elettronica e Informatica

Fisica Generale 2

Esame scritto del 6/6/2014

Nome:

Cognome:

Matricola:



Teoria: Il campo magnetico nella materia (teoria della magnetizzazione, variazione della frequenza di Larmor, correnti di magnetizzazione, paramagnetismo, diamagnetismo e ferromagnetismo).



università di ferrara

Corso di Laurea Ingegneria Elettronica e Informatica

Fisica Generale 2

Esame scritto del 6/6/2014

Nome:

Cognome:

Matricola:



Elettrostatica

Legge di Coulomb

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \hat{r}$$

Campo generato da una carica puntiforme

$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \hat{r}$$

Potenziale generato da una carica puntiforme

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r}$$

Teorema di Gauss

$$\iint_S \vec{E} \cdot \hat{n} \, ds = \frac{q_{tot}}{\epsilon_0}$$

Campo generato da un piano carico

$$|\vec{E}| = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

Campo generato da un filo carico di lunghezza infinita

$$\vec{E} = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \hat{r}$$

Teorema di Coulomb (campo in prossimità di un conduttore carico)

$$|\vec{E}| = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

Capacità di un condensatore piano

$$C = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{S}{d}$$

Campo E in un condensatore piano

$$|\vec{E}| = \frac{V}{d} = \frac{\sigma}{\epsilon_0 \epsilon_r} = \frac{q}{S \cdot \epsilon_0 \epsilon_r}$$

Campo D in un mezzo isotropo e omogeneo

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} = \epsilon_0 (1 + \chi) \vec{E} = \epsilon_0 \epsilon_r \vec{E}$$

Campo D in un condensatore piano

$$|\vec{D}| = \sigma_{lib} = \frac{q_{lib}}{S}$$

Teorema di Gauss applicato al campo D

$$\iint_S \vec{D} \cdot \hat{n} \, ds = q_{lib}$$

Campo P di polarizzazione

$$\vec{P} = \epsilon_0 \chi \vec{E}$$

Densità superficiale di carica di polarizzazione

$$\sigma_p = \vec{P} \cdot \hat{n}$$

Densità volumetrica di carica di polarizzazione

$$\rho_p = -\vec{\nabla} \cdot \vec{P}$$

Energia elettrostatica in un condensatore

$$U_{el} = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

Forza a carica costante

$$\vec{F} = -\frac{\partial U_{tot}}{\partial x} \hat{x} = -\frac{\partial U_{el}}{\partial x} \hat{x}$$

Forza a potenziale costante

$$\vec{F} = -\frac{\partial U_{tot}}{\partial x} \hat{x} = +\frac{\partial U_{el}}{\partial x} \hat{x}$$

Costanti universali

$$c = 2.9979 \times 10^8 \left[\frac{m}{s} \right]$$

$$g = 9.806 \left[\frac{m}{s^2} \right]$$

$$m_e = 9.109 \times 10^{-31} [kg]$$

$$m_p = 1.673 \times 10^{-27} [kg]$$

$$m_n = 1.674 \times 10^{-27} [kg]$$

$$e = 1.602 \times 10^{-19} [C]$$

$$\epsilon_0 = 8.854 \times 10^{-12} \left[\frac{F}{m} \right]$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \left[\frac{H}{m} \right]$$

Nome:

Cognome:

Matricola:



Magnetismo

Prima legge di Laplace

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} i \cdot \frac{d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$$

Seconda legge di Laplace

$$d\vec{F} = i \cdot d\vec{l} \times \vec{B}$$

Legge di Biot-Savart

$$\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int_{\text{circuito}} i \cdot \frac{d\vec{l} \times \hat{r}}{r^2}$$

Forza di Lorentz

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$$

Flusso del vettore induzione magnetica

$$\Phi(\vec{B}) = \iint_S \vec{B} \cdot \hat{n} \, ds$$

Legge di Faraday-Newmann-Lenz

$$V_i = - \frac{\partial \Phi(\vec{B})}{\partial t}$$

Teorema di Ampere

$$\oint_{\gamma} \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \cdot \sum (i_c + i_d)$$

$$\oint_{\gamma} \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum i_c$$

Equazioni di Maxwell

$$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \mu_0 \left(\vec{j} + \epsilon_0 \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \right)$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = - \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \frac{\rho_{tot}}{\epsilon_0}$$

Campi ausiliari D e H

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} \xrightarrow[\text{campo E piccolo}]{\text{mezzo isotropo}} = \epsilon_0 \vec{E} + \epsilon_0 \chi \vec{E} := \epsilon_0 \epsilon_r \vec{E}$$

Nome:

Cognome:

Matricola:

$$\vec{B} = \mu_0 (\vec{H} + \vec{M}) \xrightarrow[\text{senza isteresi}]{\text{mezzo isotropo}} = \mu_0 \vec{H} + \mu_0 \chi_m \vec{H} := \mu_0 \mu_r \vec{H}$$

Vettore magnetizzazione

$$\vec{M} = \frac{\sum \vec{\mu}_i}{N}$$

Densità volumetrica di corrente di magnetizzazione

$$\vec{j}_m = \vec{\nabla} \times \vec{M}$$

Densità superficiale di corrente di magnetizzazione

$$\vec{j}_{ms} = \vec{M} \times \hat{n}$$

Condizioni di continuità dei campi B e H all'interfaccia

$$B_{1\perp} = B_{2\perp}$$

$$H_{1\parallel} = H_{2\parallel}$$

Circuiti magnetici (legge di "rifrazione" del campo B)

$$\frac{\tan \theta_1}{\tan \theta_2} = \frac{\mu_0 \mu_{r1}}{\mu_0 \mu_{r2}} = \frac{\mu_{r1}}{\mu_{r2}} = \text{cost.}$$

Legge di Hopkinson

$$f.m.m. = \Phi(\vec{B}) \cdot \mathfrak{R}$$

Riluttanza magnetica

$$\mathfrak{R} = \oint_{\gamma} \frac{dl}{\mu_0 \mu_r \cdot S}$$

Riluttanze in serie

$$\mathfrak{R}_{tot} = \sum \mathfrak{R}_i$$

Riluttanze in parallelo

$$\mathfrak{R}_{tot} = \frac{1}{\frac{1}{\mathfrak{R}_1} + \frac{1}{\mathfrak{R}_2} + \frac{1}{\mathfrak{R}_3} + \dots}$$

Densità volumetrica di energia del campo magnetico

$$u = \frac{1}{2} \vec{H} \cdot \vec{B}$$



Corso di Laurea Ingegneria Elettronica e Informatica

Densità volumetrica di energia del campo elettromagnetico

$$u = \frac{1}{2}(\vec{H} \cdot \vec{B} + \vec{E} \cdot \vec{D})$$

Autoflusso in un solenoide

$$\Phi_A(\vec{B}) = N \iint_S \vec{B} \cdot \hat{n} \, ds$$

Coefficiente di autoinduzione in un solenoide

$$L = \frac{\Phi_A(\vec{B})}{i}$$

Energia magnetica in un solenoide

$$U_M = l \cdot S \cdot \frac{1}{2} \vec{H} \cdot \vec{B} = \frac{1}{2} Li^2$$

Forza magnetica a corrente costante

$$|\vec{F}| = -\frac{\partial U_{tot}}{\partial x} = \frac{\partial U_M}{\partial x}$$

Forza magnetica a flusso costante

$$|\vec{F}| = -\frac{\partial U_{tot}}{\partial x} = -\frac{\partial U_M}{\partial x}$$

Campo B in un solenoide toroidale

$$|\vec{B}| = \frac{\mu_0 \mu_r Ni}{l}$$

Campo H in un solenoide toroidale

$$|\vec{H}| = \frac{Ni}{l}$$

Capacità di un condensatore piano

$$C = \epsilon_0 \epsilon_r \frac{S}{d}$$

Campo E in un condensatore piano

$$|\vec{E}| = \frac{V}{d} = \frac{\sigma}{\epsilon_0 \epsilon_r} = \frac{q}{S \cdot \epsilon_0 \epsilon_r}$$

Campo D in un condensatore piano

$$|\vec{D}| = \sigma = \frac{q}{S}$$

Pressione di radiazione

Densità volumetrica di quantità di moto

$$p = \frac{u_0}{c} \hat{S} = \epsilon_0 \vec{E} \times \vec{B} = \frac{1}{c^2} \vec{S}$$

Impulso ceduto nel tempo dt

$$dP = pAc \, dt$$

Pressione di radiazione

$$P_{rad} = u_0(1+k) = \frac{\vec{S}}{c}(1+k)$$

Valor medio della pressione di radiazione

$$\langle P_{rad} \rangle = \frac{\langle \vec{S} \rangle}{c}(1+k) = \frac{I}{c}(1+k)$$