

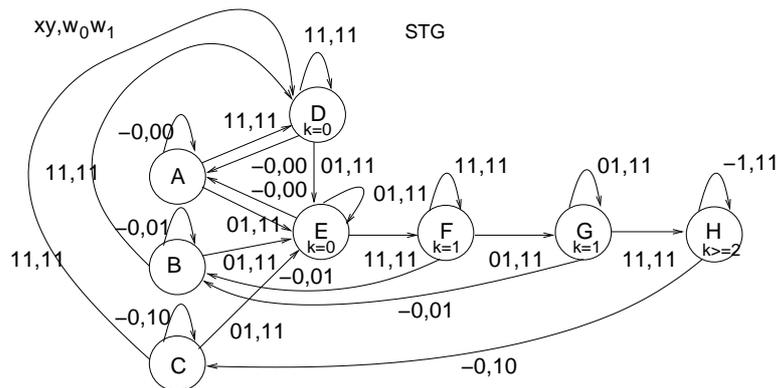
Reti Logiche - (a.a. 2006/07)

Es. 1 Una rete sequenziale sincrona ha due ingressi x e y . x diventa significativo quando y vale 1, compito della rete é contare il numero (k) di fronti di salita di x (mentre y) vale 1. Le uscite w_1w_0 hanno il valore 11 durante l'analisi. Finita l'analisi y torna a 0, le uscite assumono un valore uguale alla codifica binaria di k se $k < 2$ e a 10 se $k \geq 2$.

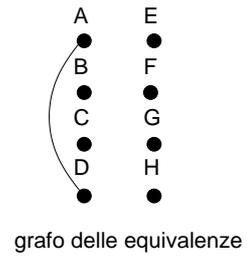
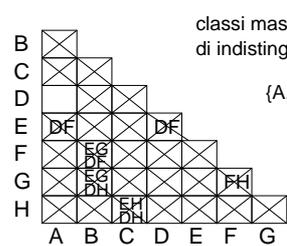
Tali valori devono essere mantenuti fino all'inizio di una nuova analisi. Si noti che i fronti di x simulatenei alle transizioni di y sono da ignorare.

Si tracci il diagramma di transizione dello stato (pt. 8). Si tracci il grafo di indistinguibilità (delle equivalenze) per tale automa (pt. 2). Si tracci la tabella triangolare e si ottenga la tabella di flusso dell'automa minimo (pt. 4).

Soluzione



| xy | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----|------|------|------|------|
| A | A,00 | E,11 | D,11 | A,00 |
| B | B,01 | E,11 | D,11 | B,01 |
| C | C,10 | E,11 | D,11 | C,10 |
| D | A,00 | E,11 | D,11 | A,00 |
| E | A,00 | E,11 | F,11 | A,00 |
| F | B,01 | G,11 | F,11 | B,01 |
| G | B,01 | G,11 | H,11 | B,01 |
| H | C,10 | H,11 | H,11 | C,10 |



| xy | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----|------|------|------|------|
| A | α,00 | E,11 | α,11 | α,00 |
| B | B,01 | E,11 | α,11 | B,01 |
| C | C,10 | E,11 | α,11 | C,10 |
| E | α,00 | E,11 | F,11 | α,00 |
| F | B,01 | G,11 | F,11 | B,01 |
| G | B,01 | G,11 | H,11 | B,01 |
| H | C,10 | H,11 | H,11 | C,10 |

tabella di flusso dell'automa minimo

Es. 2 Si considerino le seguenti funzioni

| | | | | | |
|---|---|----|----|----|----|
| | | bc | | | |
| | a | 00 | 01 | 11 | 10 |
| x | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |

| | | | | | |
|---|---|----|----|----|----|
| | | bc | | | |
| | a | 00 | 01 | 11 | 10 |
| y | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 |

Si ottengano le due espressioni di costo minimo utilizzando l'algoritmo di Quine-McCluskey per reti a piú uscite (pt. 6).

Soluzione

| | | | | | |
|---|---|----------------|----------------|----------------|----------------|
| | | bc | | | |
| | a | 00 | 01 | 11 | 10 |
| 0 | | 0 ₀ | 1 ₁ | 1 ₃ | 0 ₂ |
| 1 | | 1 ₄ | 1 ₅ | 1 ₇ | 0 ₆ |

| | | | | | |
|---|---|----------------|----------------|----------------|----------------|
| | | bc | | | |
| | a | 00 | 01 | 11 | 10 |
| 0 | | 0 ₀ | 0 ₁ | 0 ₃ | 0 ₂ |
| 1 | | 1 ₄ | 0 ₅ | 1 ₇ | 1 ₆ |

| | | x | | y | |
|---|-----|-------------------|---------------|-----|-------------------|
| | | abc | $\mu_x \mu_y$ | abc | $\mu_x \mu_y$ |
| 1 | 001 | 10* | {1,3} | 0-1 | 10* |
| 4 | 100 | 11 P ₀ | {1,5} | -01 | 10* |
| 3 | 011 | 10* | {4,5} | 10- | 10 P ₁ |
| 5 | 101 | 10* | <u>{4,6}</u> | 1-0 | 01 P ₂ |
| 6 | 110 | 01* | {3,7} | -11 | 10* |
| 7 | 111 | 11* | {5,7} | 1-1 | 10* |
| | | | {6,7} | 11- | 01 P ₃ |

| | x | | | | | y | | |
|----------------|---|---|---|---|---|---|---|---|
| | 1 | 3 | 4 | 5 | 7 | 4 | 6 | 7 |
| P ₀ | | x | | | | | x | |
| P ₁ | | x | x | | | | | |
| P ₂ | | | | | | | x | x |
| P ₃ | x | x | | | | x | x | |
| P ₄ | x | x | x | x | | | | |

essenzialita'

$$x = P_4$$

$$y = P_3$$

| | x | | | | | y | | |
|----------------|---|---|---|---|---|---|---|---|
| | 1 | 3 | 4 | 5 | 7 | 4 | 6 | 7 |
| P ₀ | x | x | | | | x | | |
| P ₁ | | x | x | | | | | |
| P ₂ | | | | | | | x | x |
| P ₃ | x | x | | | | x | x | |
| P ₄ | x | x | x | x | | | | |

dominanza di P₀ rispetto a P₁ e P₂

$$x = P_4 + P_4 = c + ab'c'$$

$$y = P_3 + P_6 = ab + ab'c'$$

costo: C=3 e l=6

Es. 3 Si consideri una rete combinatoria multilivello in cui compare il seguente nodo: $w_0 = ac'd + bc'd + a'de + bd'e + e'f$. Si applichi una fattorizzazione a tale nodo (*factor*) e poi si applichino una o più trasformazioni di tipo *substitute* supponendo che nella rete siano anche presenti i nodi: $w_1 = a + b$, $w_2 = c'd$, e $w_3 = ab$ (pt. 5). Si confronti il costo complessivo come numero di letterali dei nodi w_0, w_1, w_2, w_3 con quello della rete iniziale (pt. 2).

Soluzione

$$w_0 = ac'd + bc'd + a'de + bd'e + e'f$$

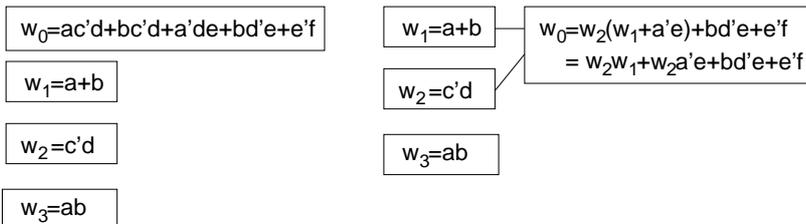
| | a | a' | b | b' | c | c' | d | d' | e | e' | f | f' |
|------|---|----|---|----|---|----|---|----|---|----|---|----|
| ac'd | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| bc'd | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| a'de | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| bd'e | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| e'f | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| | 1 | 1 | 2 | 0 | 0 | 2 | 3 | 1 | 2 | 1 | 1 | 0 |

$$w_0 = d(ac' + bc' + a'e) + (bd'e + e'f)$$

| | a | a' | b | b' | c | c' | e | e' |
|-----|---|----|---|----|---|----|---|----|
| ac' | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| bc' | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| a'e | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 2 | 1 | 0 |

| | b | b' | d | d' | e | e' | f | f' |
|------|---|----|---|----|---|----|---|----|
| bd'e | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| e'f | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |

$$w_0 = d(c'(a+b) + a'e) + (bd'e + e'f) = c'd((a+b) + a'e) + bd'e + e'f$$



$l=20$

$l=16 (15)$

Es. 4 Si consideri un codice ideato con l'intenzione di estendere la capacità del codice di parità. Data una parola di 10 bit, la si divide in 2 e si aggiunge un bit di parità per i primi 5 bit e uno per i secondi 5 bit.

Si determinino (indicando una traccia sintetica della dimostrazione) la capacità di rivelazione e correzione di errore di tale codice (pt. 5).

Soluzione

Si considerino due parole da 10 bit in cui la distanza Hamming fra i è 1. Si supponga che il bit per cui differiscono sia nella seconda metà di tali parole. Quindi le due prime metà sono uguali e così anche il primo bit di parità. Le due seconde metà sono invece diverse e hanno sicuramente un numero pari di 1 con diversa parità, quindi il secondo bit di parità è diverso e la distanza Hamming diventa 2.

Se poi i due bit di parità sono uguali e le due parole sono diverse, allora entrambe le metà delle due parole sono diverse e quindi la distanza Hamming non è minore di 2.

Quindi, il codice rivela 1 errore e non ne corregge alcuno.