

# Arithmetic and Logic Unit e moltiplicatore

M. Favalli

Engineering Department in Ferrara



## Sommario

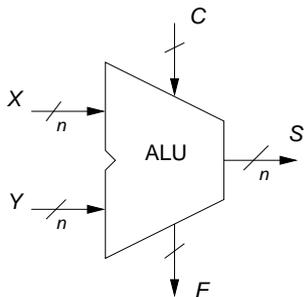
## Introduzione

- La ALU é un componente che sulla base della configurazione di un certo numero di bit di controllo é in grado di eseguire diversi tipi di operazione di tipo aritmetico e logico su due operandi di  $n$  bit
- Le prime CPU avevano la parte di elaborazione dati su una ALU (attualmente ne sono presenti piú di una)
- La ALU oltre a produrre un risultato di  $n$  bit produce anche diversi segnali di flag che rappresentano eccezioni o condizioni particolari sul risultato
- La sua struttura riflette un compromesso fra costo e prestazioni

## Schema

$$S = S(X, Y, C) \text{ e } F = F(X, Y, S)$$

Si noti che le operazioni aritmetiche sono in modulo  $2^n$

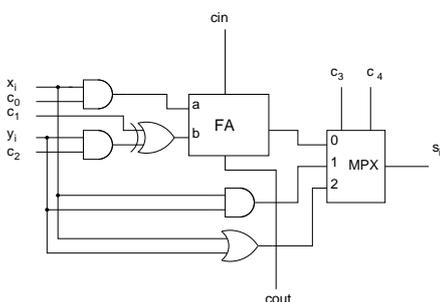


## Struttura

- Sono stati proposti e realizzati diversi tipi di ALU
- Forse il tipo piú diffuso é quello di tipo bit - sliced in cui una ALU a  $n$  bit viene costruita a partire da  $n$  slice, ovvero  $n$  ALU a 1 bit ciascuna
- La ALU é essenzialmente costruita intorno a un  $n$  bit adder di tipo ripple-carry
- Vantaggi di modularitá e costo e svantaggi di prestazioni

## 1-bit ALU

## 1-bit ALU - funzioni aritmetiche

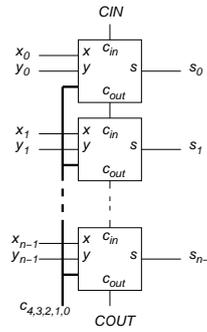


In questo caso il carry-in é significativo

$C_4 C_3$	$C_2 C_1 C_0$	$a$	$b$	$s$	$C_{out}$
00	000	0	0	$C_{in}$	0
00	001	0	$y_i$	$y_i \oplus C_{in}$	$y_i C_{in}$
00	010	0	1	$1 \oplus C_{in}$	$C_{in}$
00	011	0	$y_i'$	$y_i' \oplus C_{in}$	$y_i' C_{in}$
00	100	$x_i$	0	$x_i \oplus C_{in}$	$x_i C_{in}$
00	101	$x_i$	$y_i$	$x_i \oplus y_i \oplus C_{in}$	$x_i y_i + x_i C_{in} + y_i C_{in}$
00	110	$x_i$	1	$x_i' \oplus 1 \oplus C_{in}$	$x_i' + C_{in}$
00	111	$x_i$	$y_i'$	$x_i \oplus y_i' \oplus C_{in}$	$x_i y_i' + x_i C_{in} + y_i' C_{in}$

Si tratta di operazioni logiche bit a bit il cui risultato non dipende dal carry-in

$c_4 c_3$	$c_2 c_1 c_0$	$S$
01	---	$x_i y_i$
10	---	$x_i + y_i$



ALU a  $n$  bit

Funzioni aritmetiche

$c_4 c_3 c_2 c_1 c_0$	$S (CIN = 0)$	$S (CIN = 1)$
00 000	$0_2$	$1_2$
00 001	$Y_2$	$(Y + 1)_2$
00 010	$(2^n - 1)_2$	$0_2$
00 011	$Y_{2,c1}$	$Y_{2,c1} + 1_2 = Y_{2,c2} = (-Y)_2$
00 100	$X_2$	$(X + 1)_2$
00 101	$(X + Y)_2$	$(X + Y + 1)_2$
00 110	$X_{2,c1}$ $= (-X)_2$	$X_{2,c1} + 1_2 = X_{2,c2} = (X_2 + Y_{2,c1} + 1_2) = (X_2 + Y_{2,c2}) = (X - Y)_2$

ALU a  $n$  bit

Funzioni logiche

$c_4 c_3 c_2 c_1 c_0$	$S$
01 ---	$XY$
10 ---	$X + Y$

Per la complementazione si può utilizzare il complemento a 1

Bit di flag

I bit di flag forniscono indicazioni sul risultato

- bit di zero: vale 1 se il risultato  $S = 0_2$
- bit di parità: fornisce la parità sul risultato
- bit di carry: CARRY OUT
- bit di overflow: vale 1 se il risultato non è contenuto in  $n$  bit
- bit di segno: vale 1 se il risultato non è contenuto in  $n$  bit

Overflow

Si ha overflow se il segno del risultato è diverso da quello atteso sulla base del tipo di operazione e dei segni degli operandi:

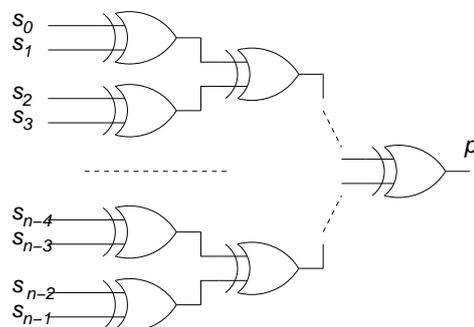
- $X > 0, Y > 0$  e  $S < 0$  con una somma aritmetica
- $X < 0, Y < 0$  e  $S > 0$  con una somma aritmetica
- $X > 0, Y < 0$  e  $S < 0$  con una sottrazione aritmetica
- $X < 0, Y > 0$  e  $S < 0$  con una sottrazione aritmetica

Sia  $OV$  il bit di overflow:

$$OV = c'_4 c'_3 (c_2 c'_1 c_0 (X'_{n-1} Y_{n-1} S_{n-1} + X_{n-1} Y_{n-1} S'_{n-1})) + c_2 c_1 c_0 (c_2 c_1 c_0 (X'_{n-1} Y_{n-1} S'_{n-1} + X_{n-1} Y_{n-1} S_{n-1}))$$

Bit di parità

Serve per proteggere i dati che vengono scritti nei registri o in memoria



Bit di segno e bit di zero

- Il bit di segno è banalmente il bit di maggior peso del risultato (che è significativo solo nel caso di operazioni aritmetiche)
- Il bit di zero assume il valore 1 solo quando tutti i bit del risultato hanno il valore 0. Può essere ottenuto tramite un NOR a  $n$  ingressi

